

Nachtrag Kapitel 3: Adjazenzliste und Graphenscan

*Algorithmen und Datenstrukturen
WS 2020/21*

Prof. Dr. Sándor Fekete

Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei $R := \{s\}$, $Y := \{s\}$, $T := \emptyset$
2. WHILE ($R \neq \emptyset$) DO {
 - 2.1. Wähle $v \in R$
 - 2.2. IF (es gibt kein $w \in V \setminus Y$ mit $e = \{v, w\} \in E$) THEN
 - 2.2.1. $R := R \setminus \{v\}$
 - 2.3. ELSE {
 - 2.3.1. Wähle ein $w \in V \setminus Y$ mit $e = \{v, w\} \in E$
 - 2.3.2. Setze $R := R \cup \{w\}$, $Y := Y \cup \{w\}$, $T := T \cup \{e\}$}}
3. STOP

Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei $R := \{s\}$, $Y := \{s\}$, $T := \emptyset$
2. WHILE ($R \neq \emptyset$) DO {
 - 2.1. Wähle $v \in R$
 - 2.2. IF (es gibt kein $w \in V \setminus Y$ mit $e = \{v, w\} \in E$) THEN
 - 2.2.1. $R := R \setminus \{v\}$
 - 2.3. ELSE {
 - 2.3.1. Wähle ein $w \in V \setminus Y$ mit $e = \{v, w\} \in E$
 - 2.3.2. Setze $R := R \cup \{w\}$, $Y := Y \cup \{w\}$, $T := T \cup \{e\}$}}
3. STOP

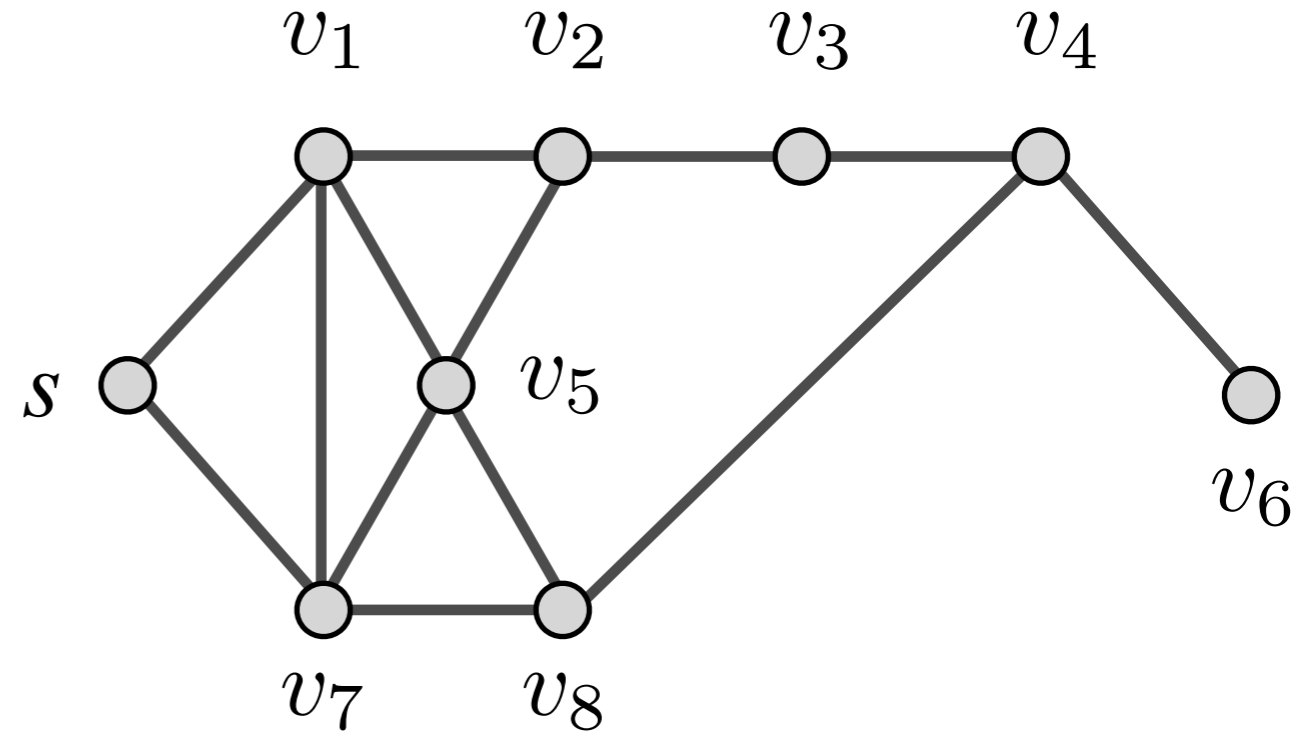
Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```
1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
```



Algorithmus 3.7

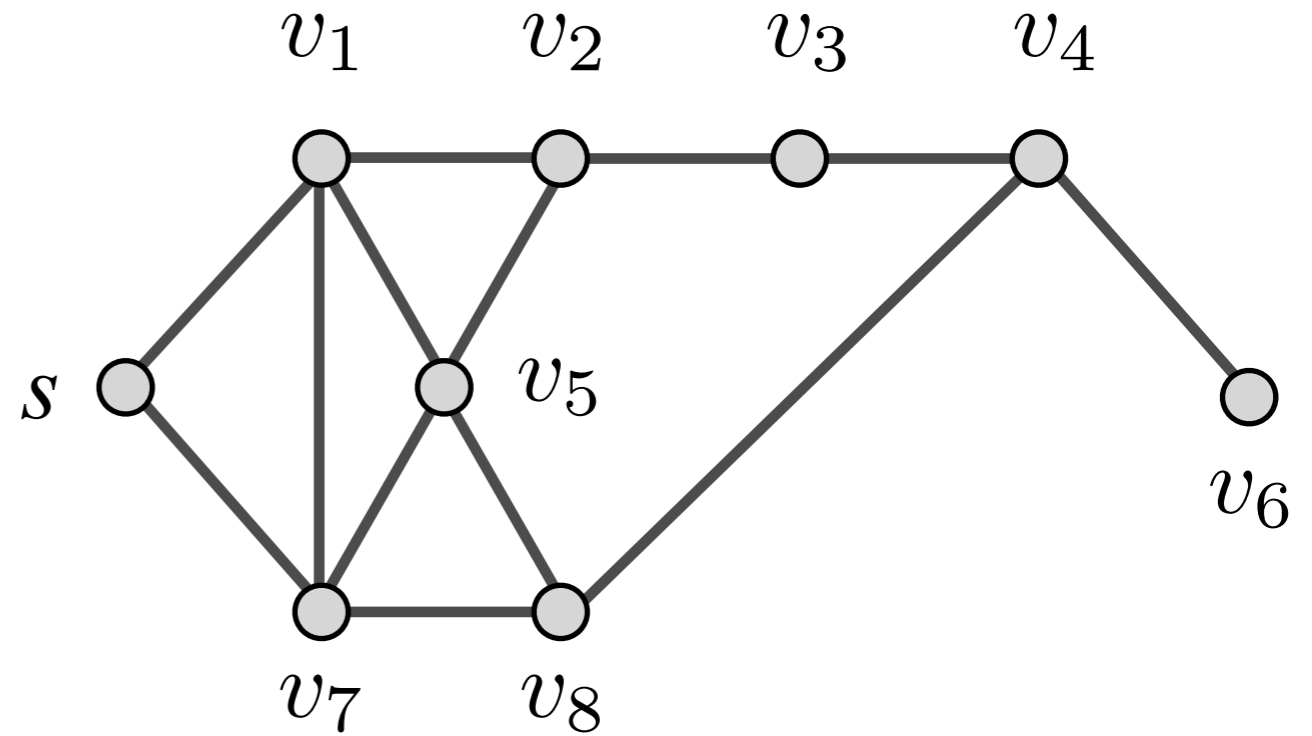
INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```
1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
```

2

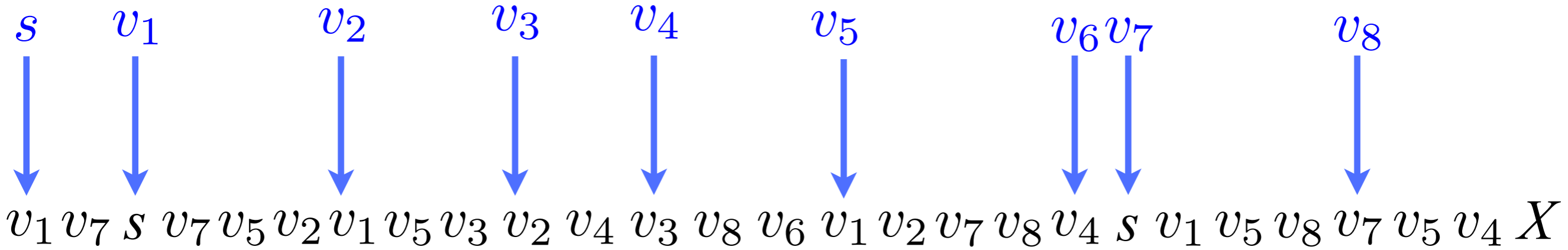
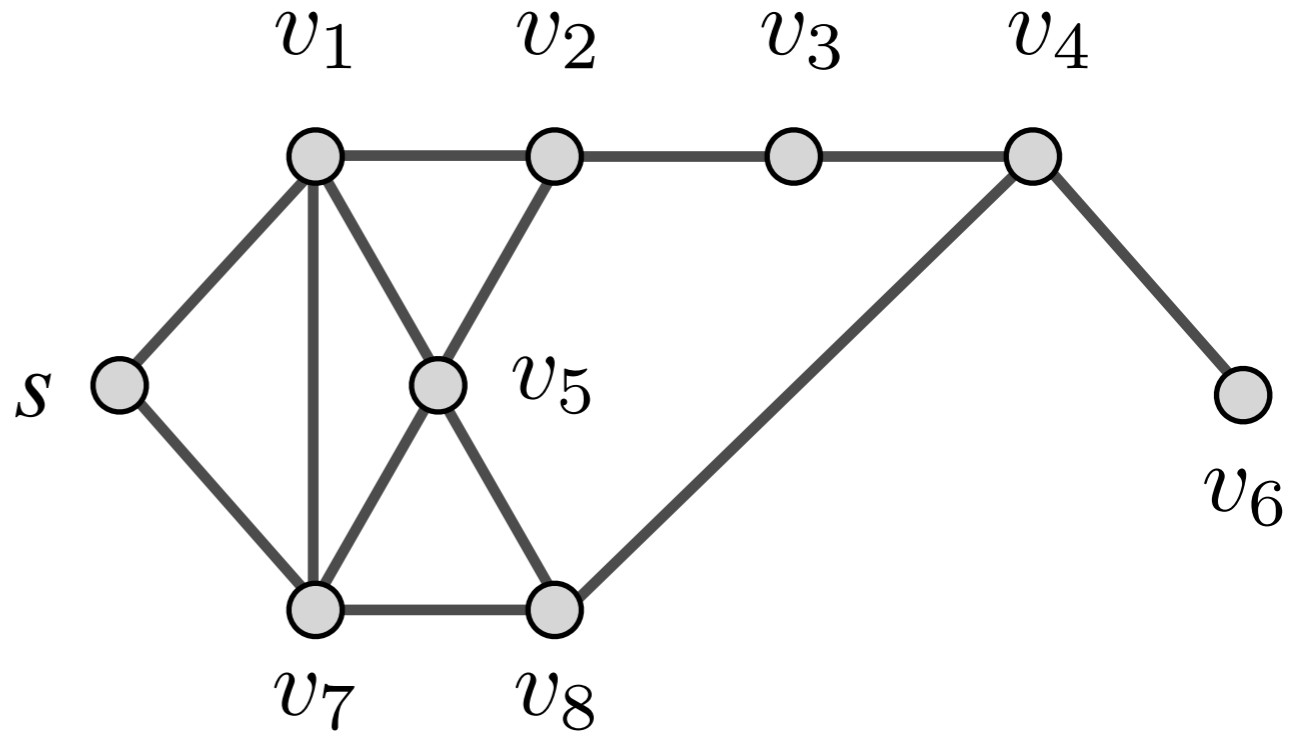


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
           Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
   2.1. Wähle  $v \in R$ 
   2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
     2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
   2.3. ELSE {
     2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
     2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
   }
}
3. STOP
    
```

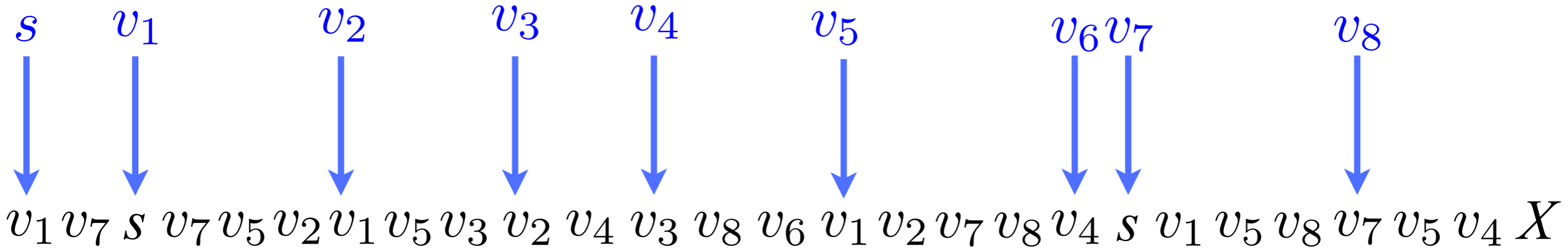
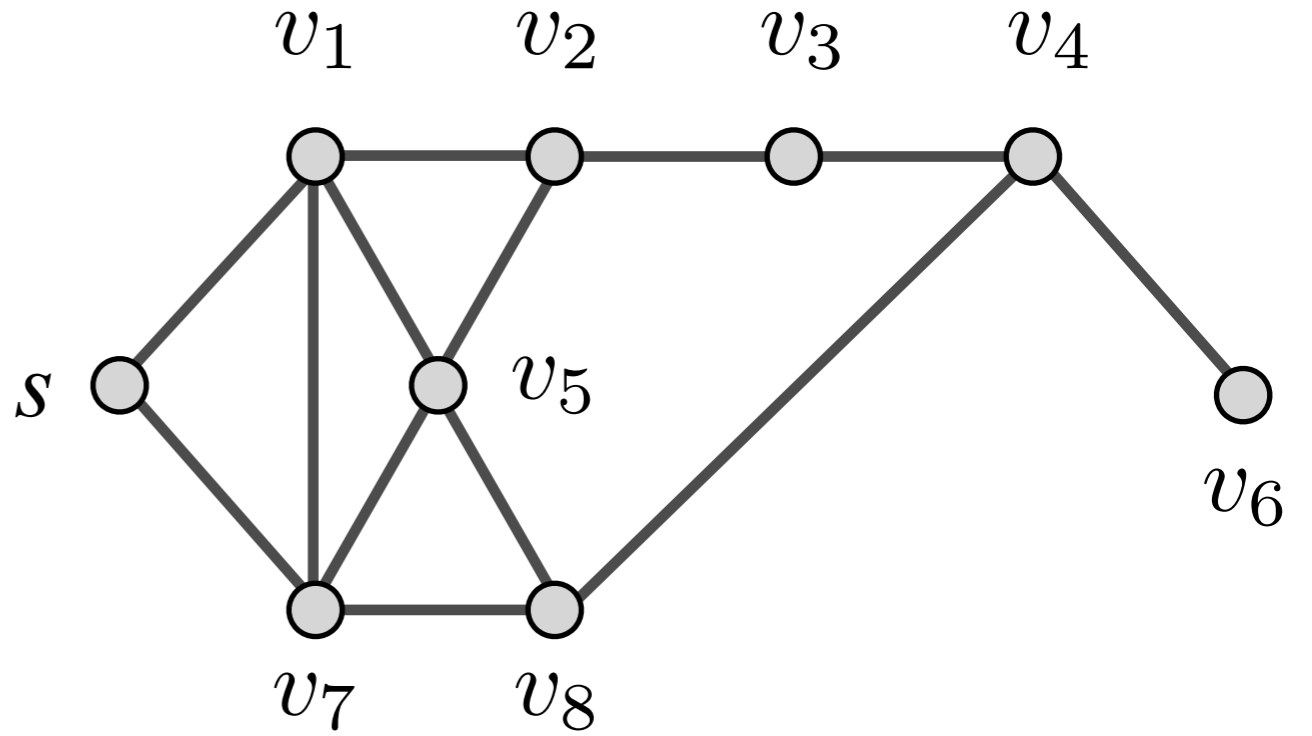


Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

  Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
  2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
    2.1. Wähle  $v \in R$ 
    2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
      2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
    2.3. ELSE {
      2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
      2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
    }
  }
  3. STOP
  
```

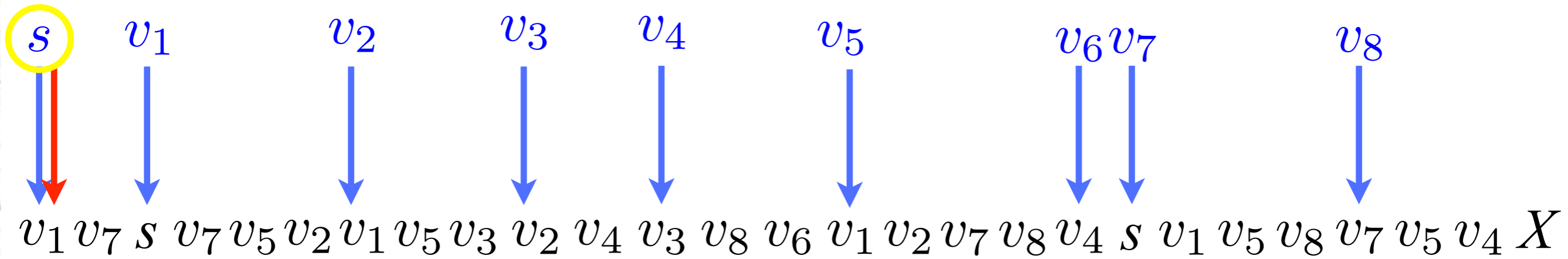
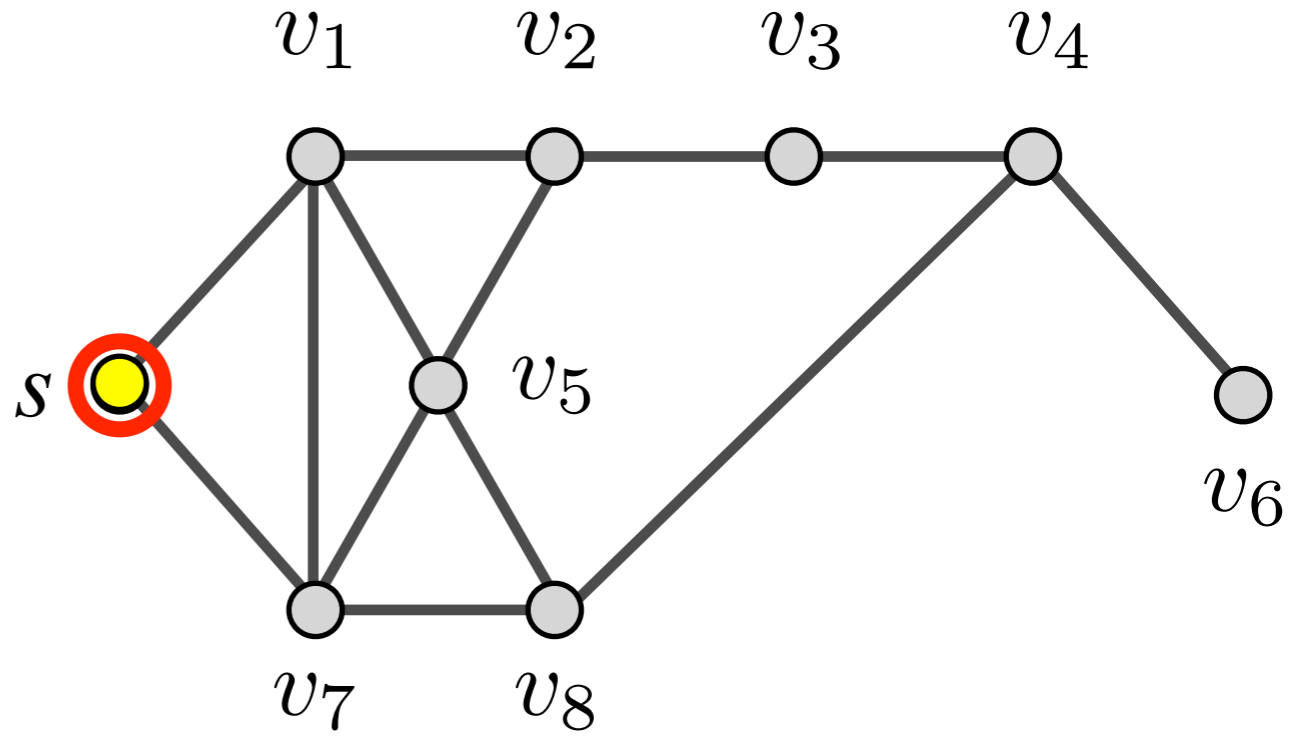


Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
    2.1. Wähle  $v \in R$ 
    2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
        2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
    2.3. ELSE {
        2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
        2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
    }
}
3. STOP
    
```

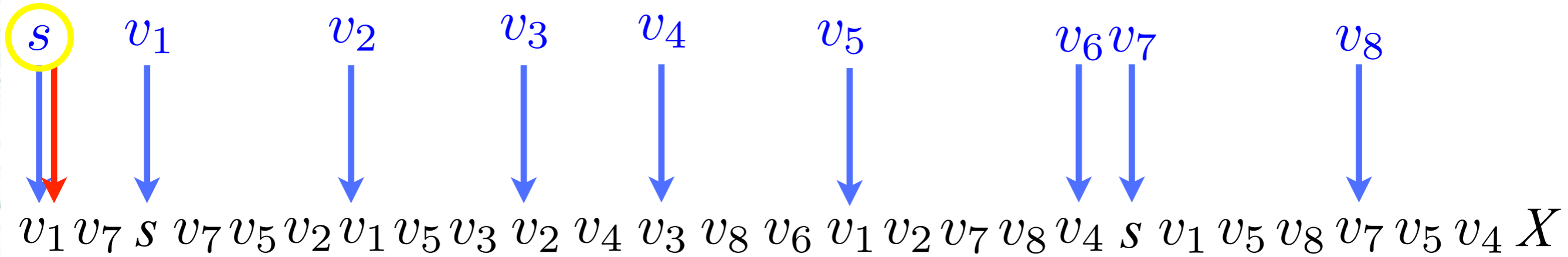
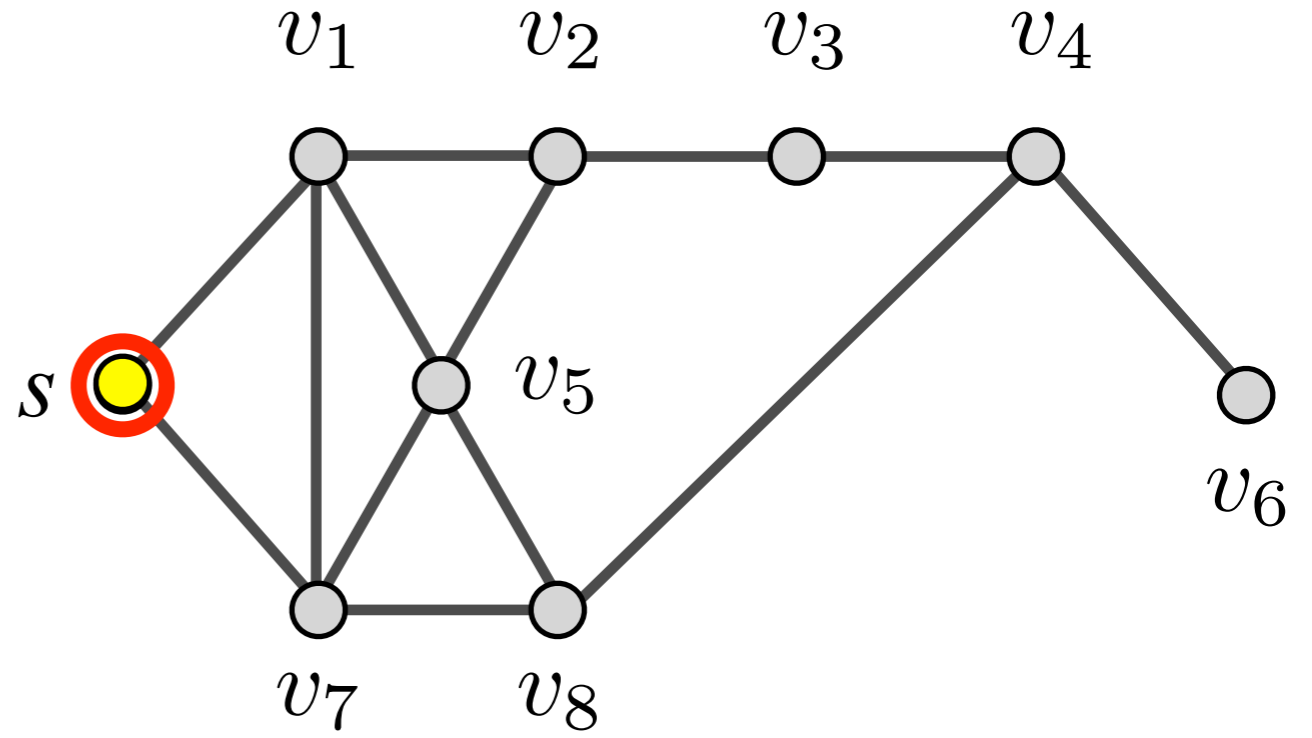


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
          Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

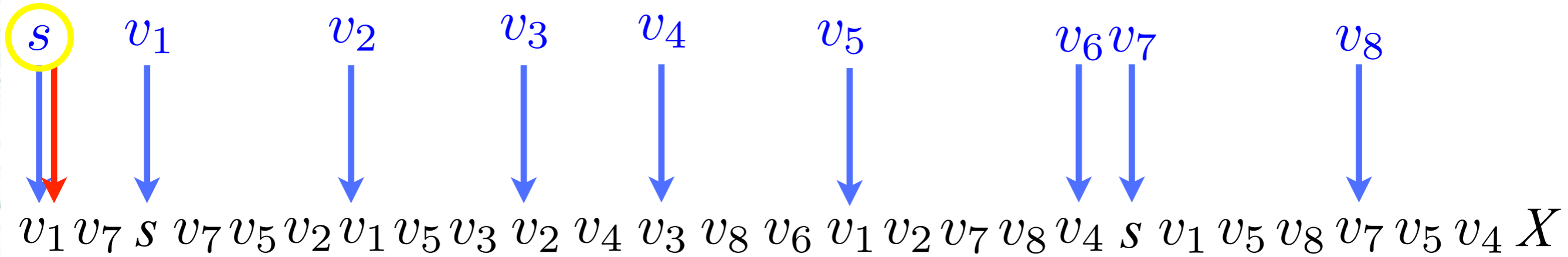
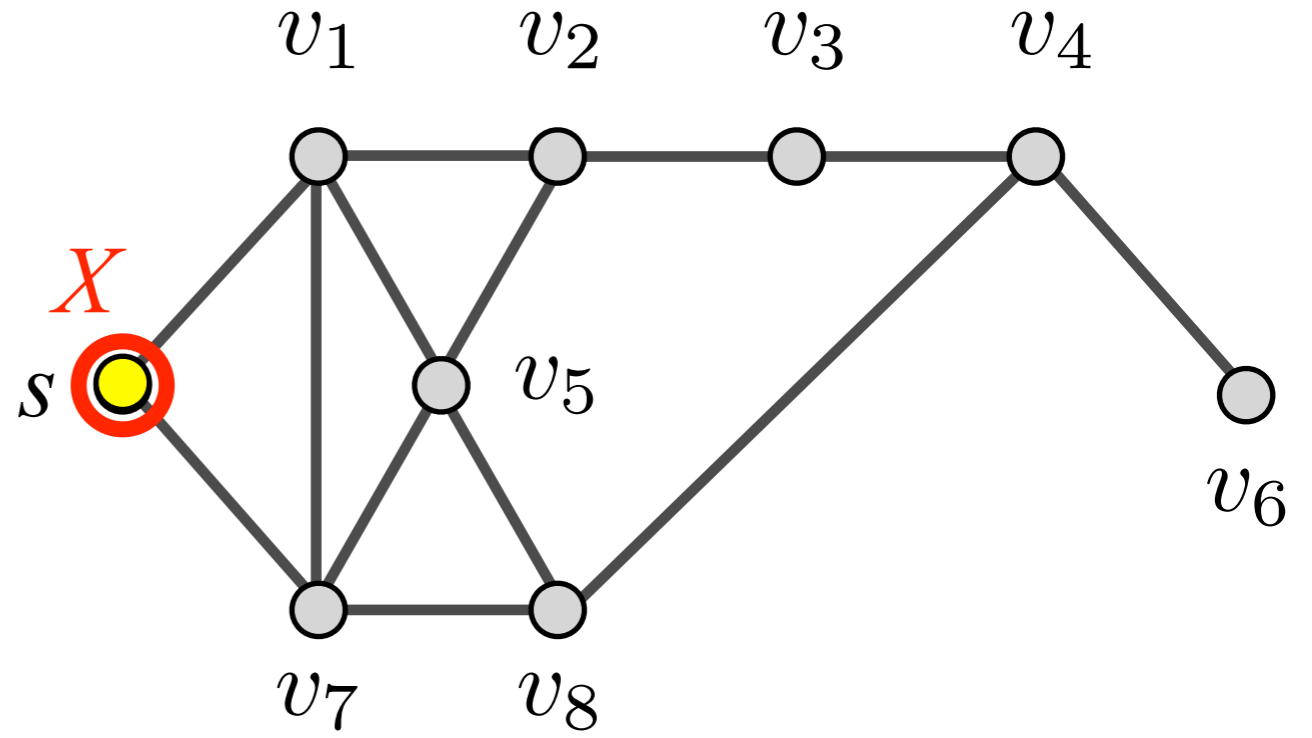


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
          Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

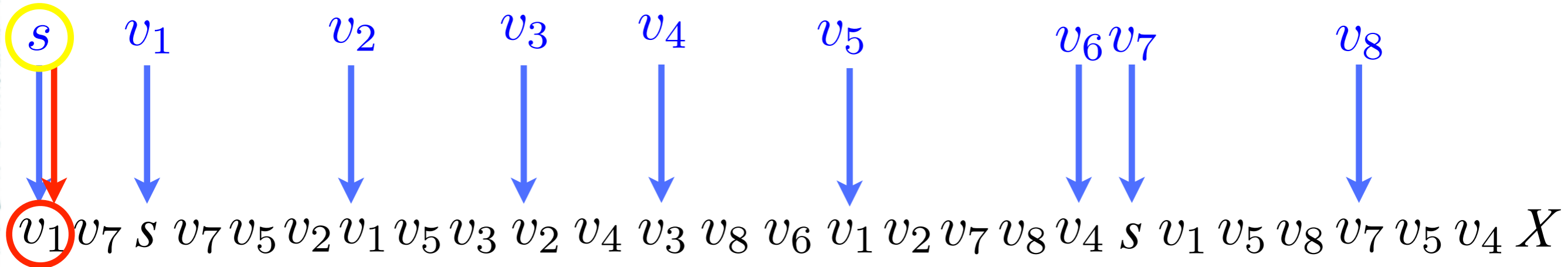
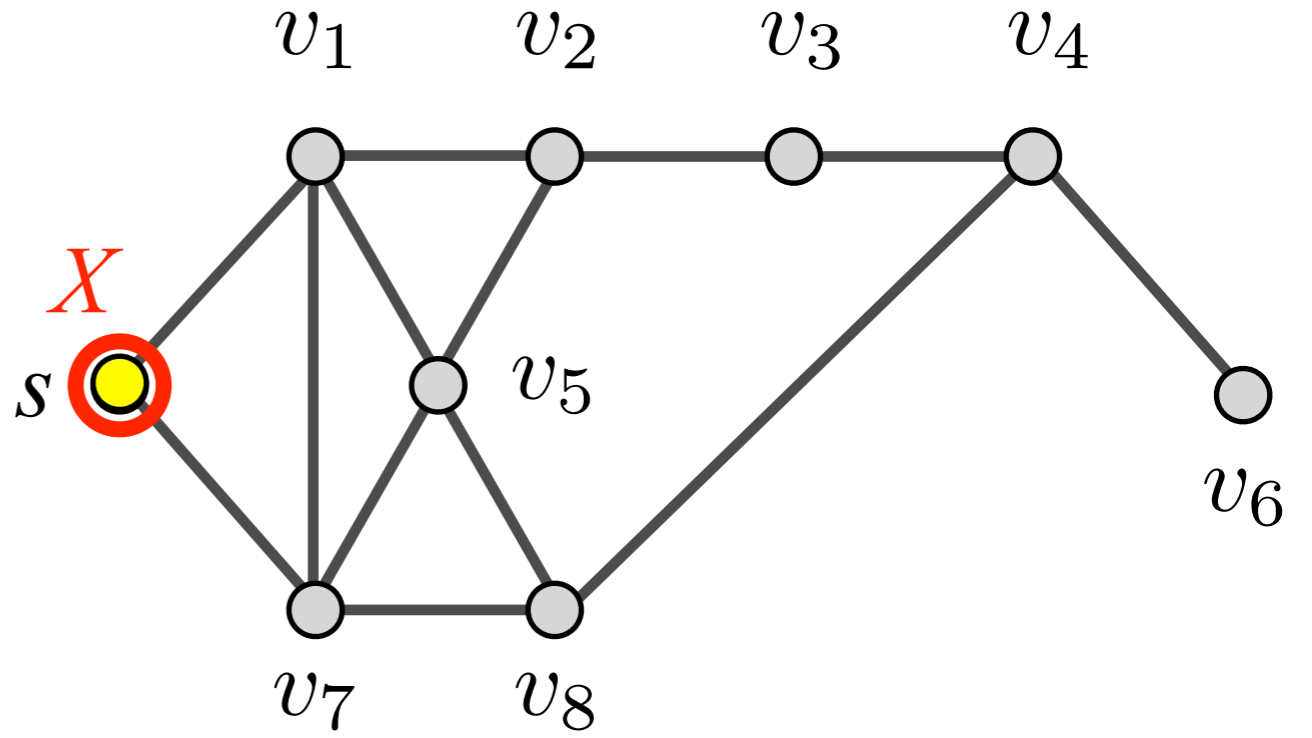


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

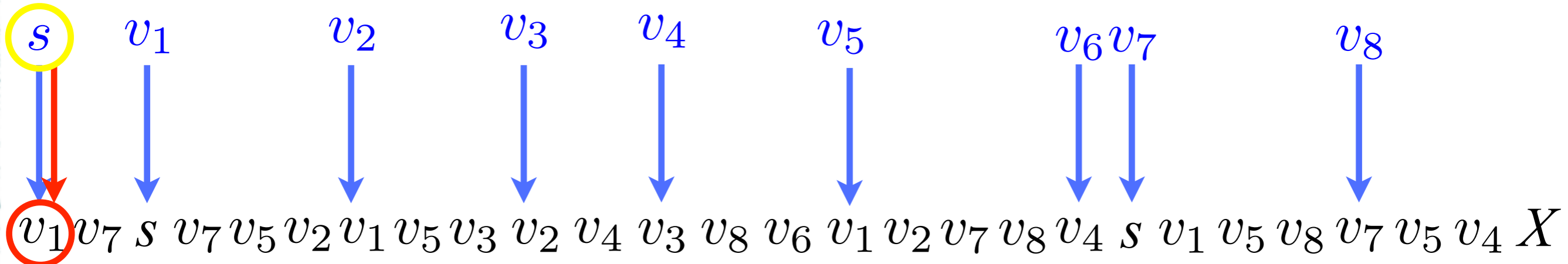
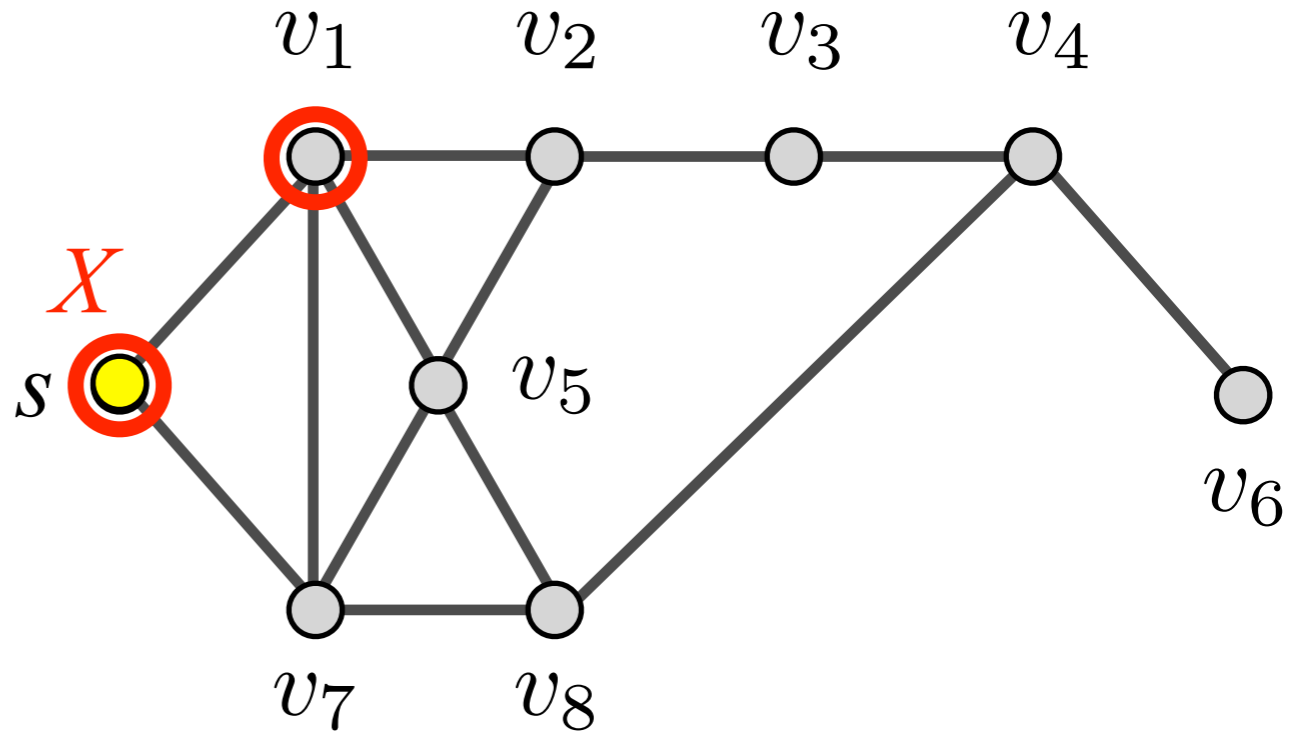


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

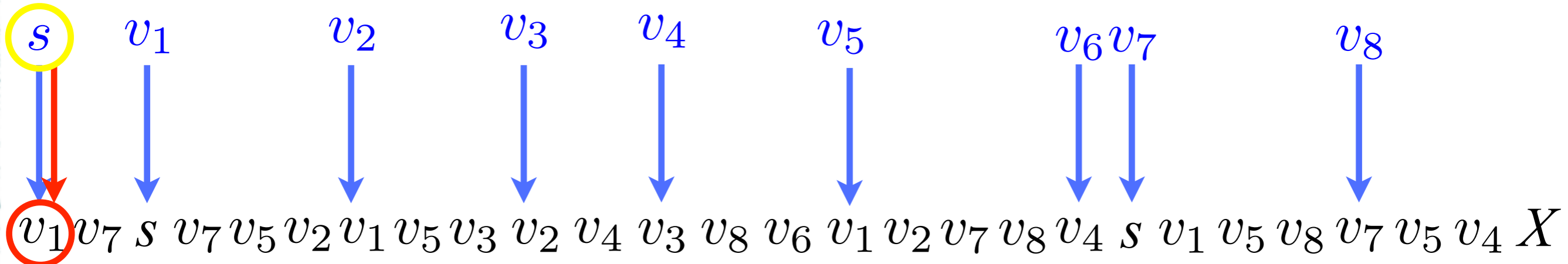
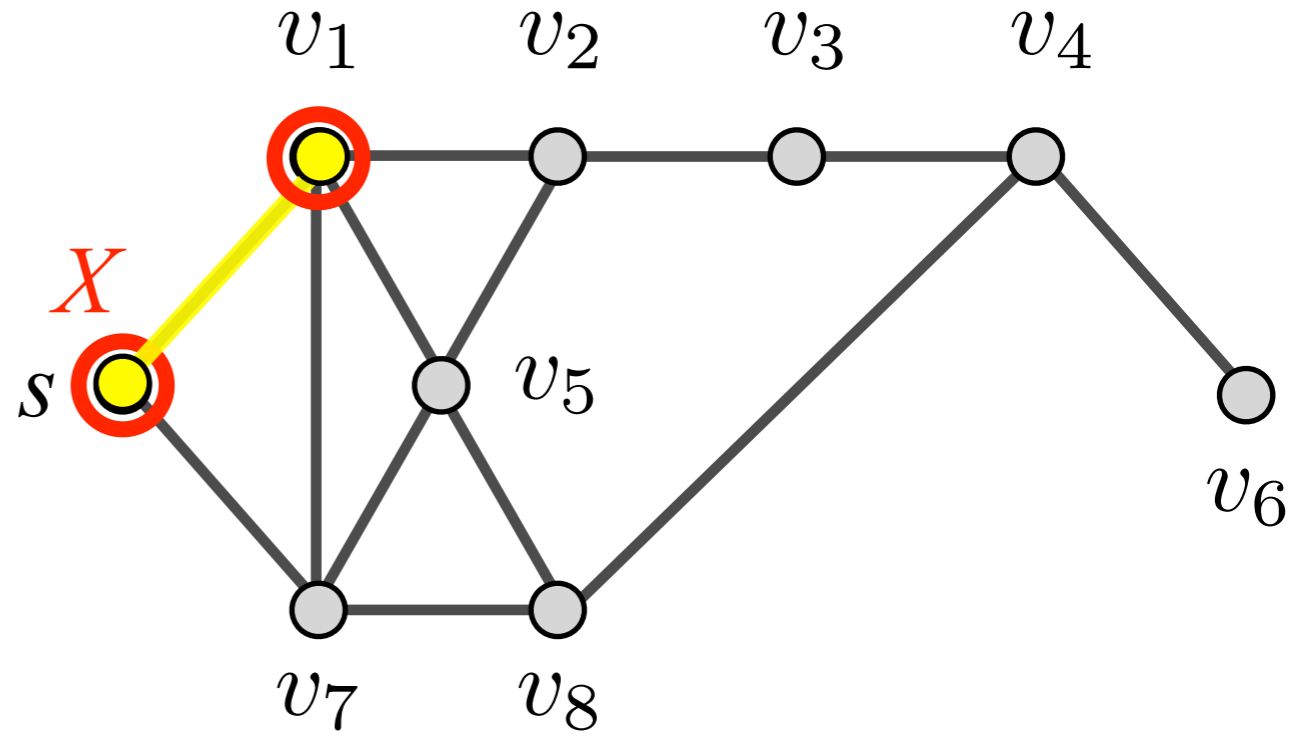


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

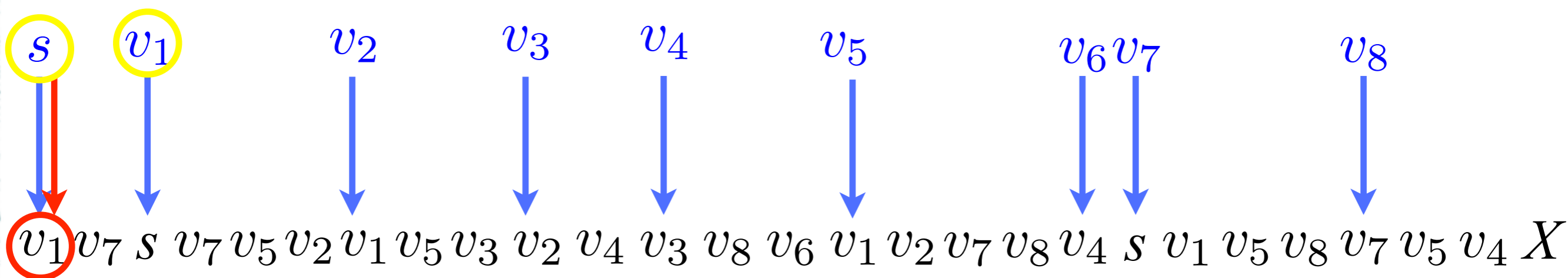
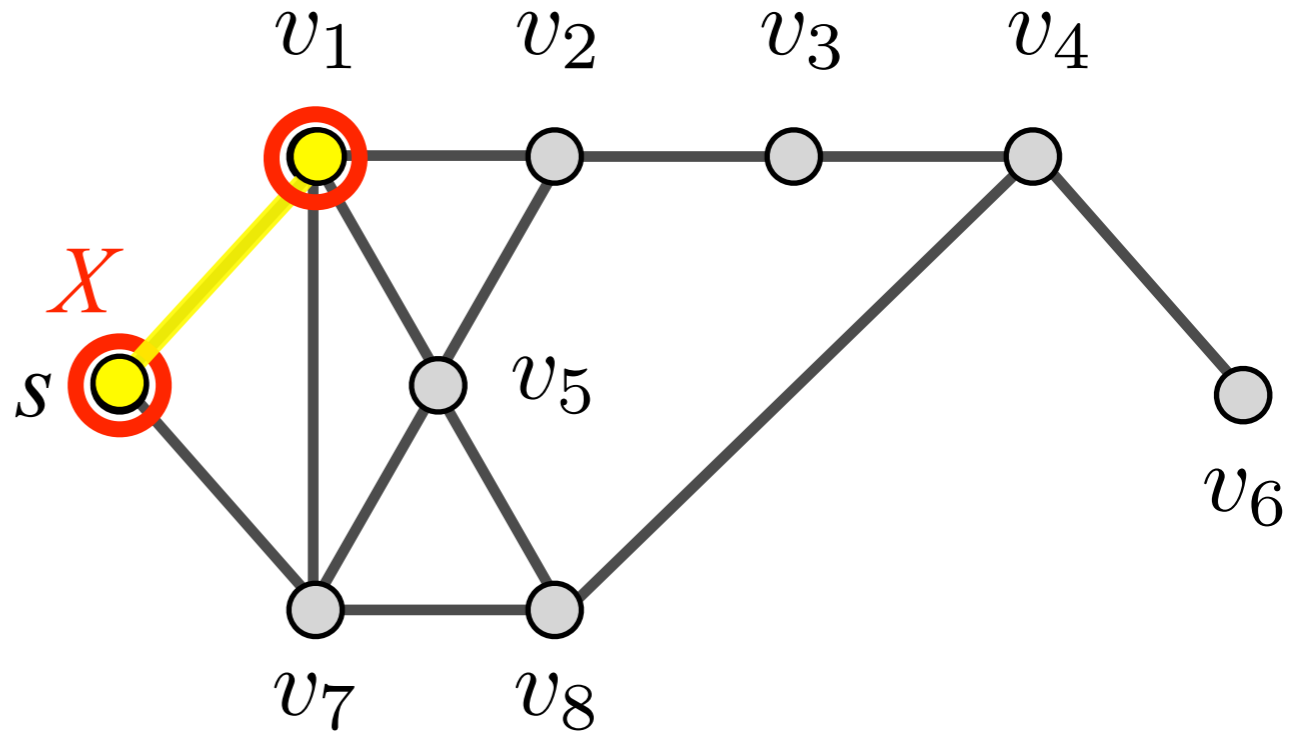


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

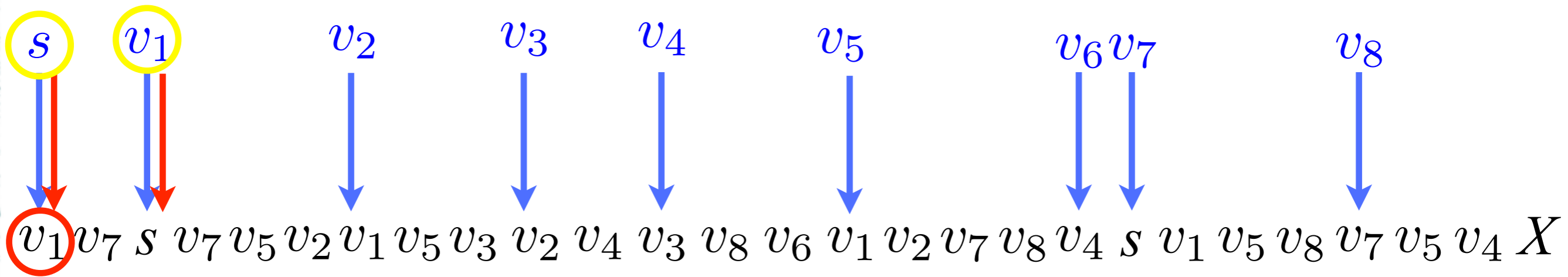
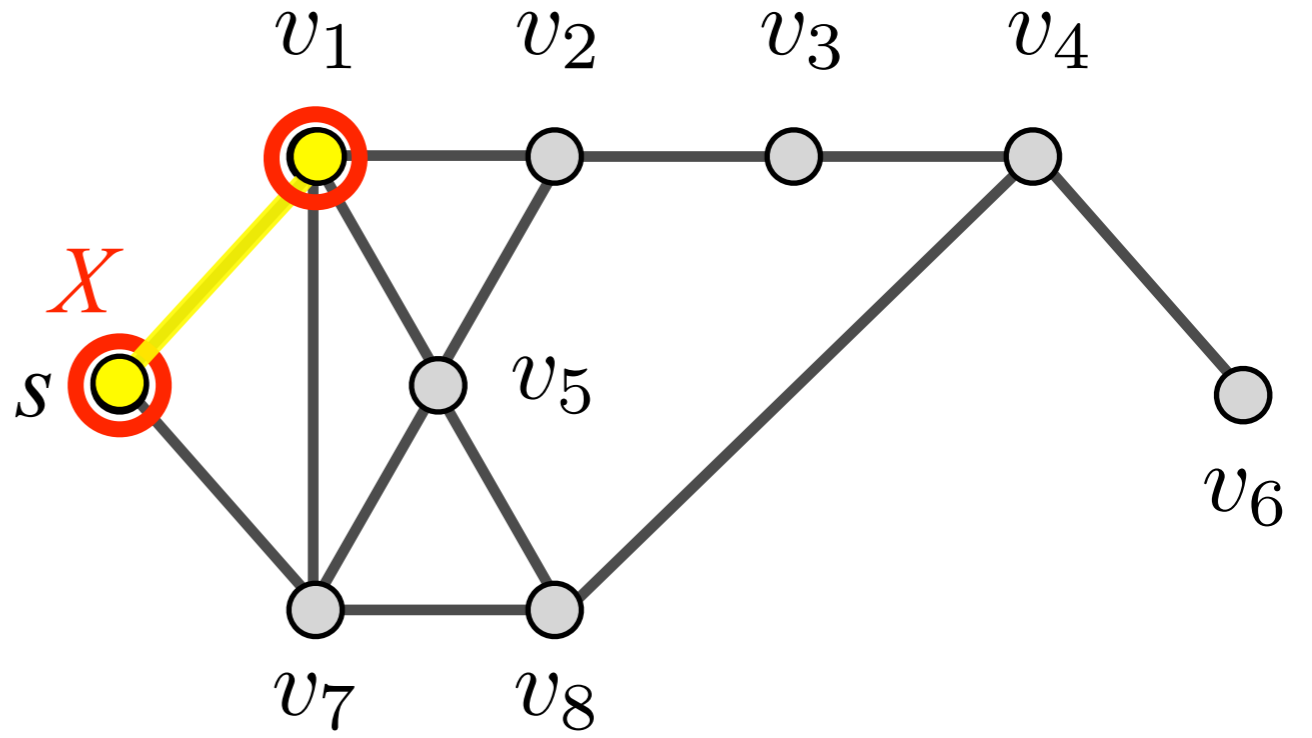


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

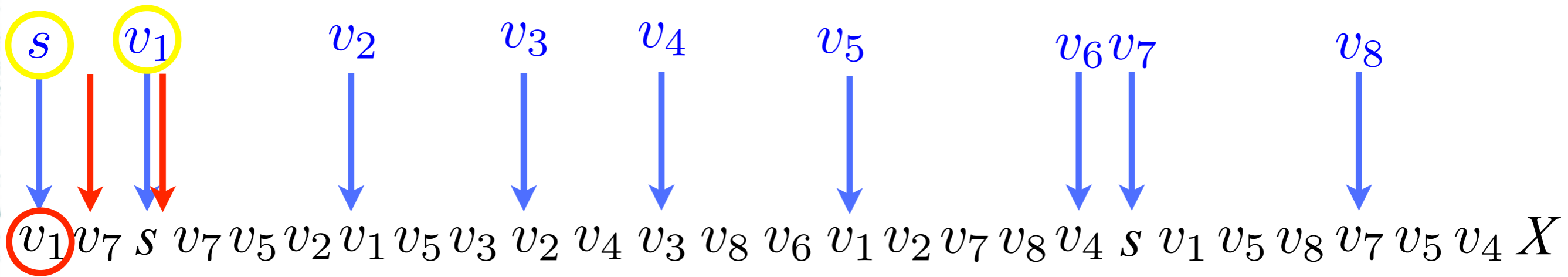
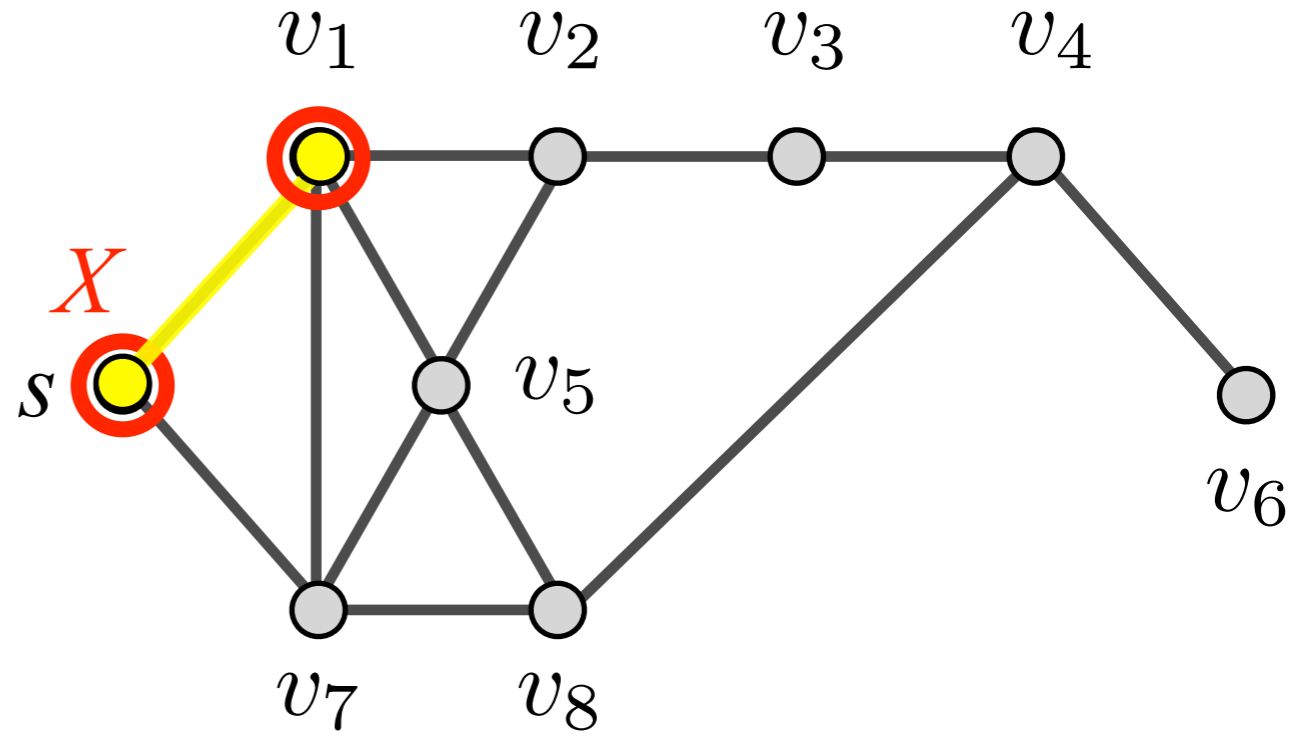


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

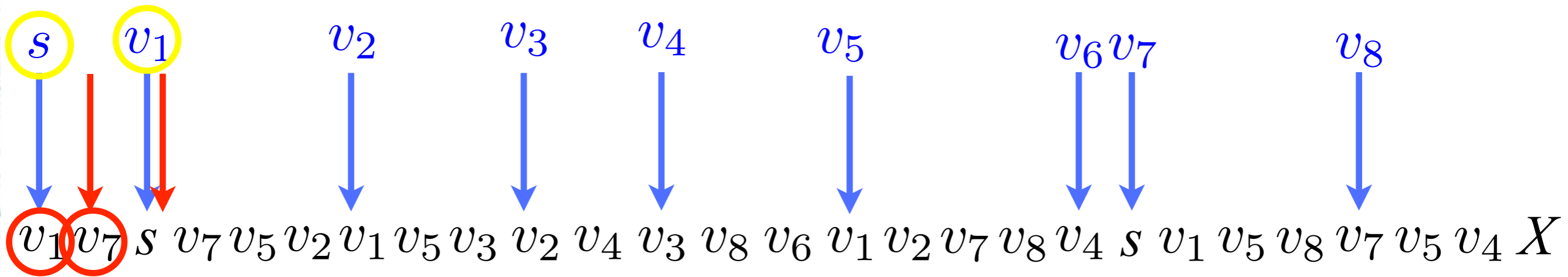
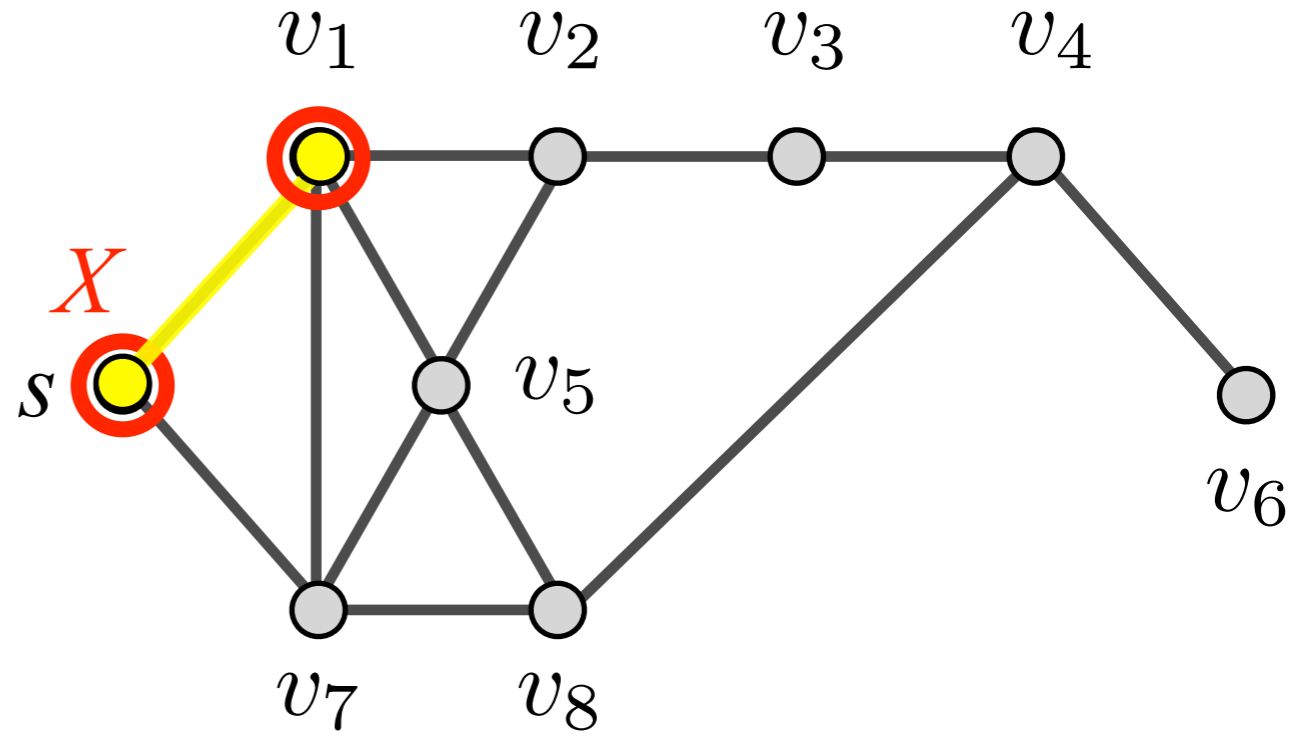


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

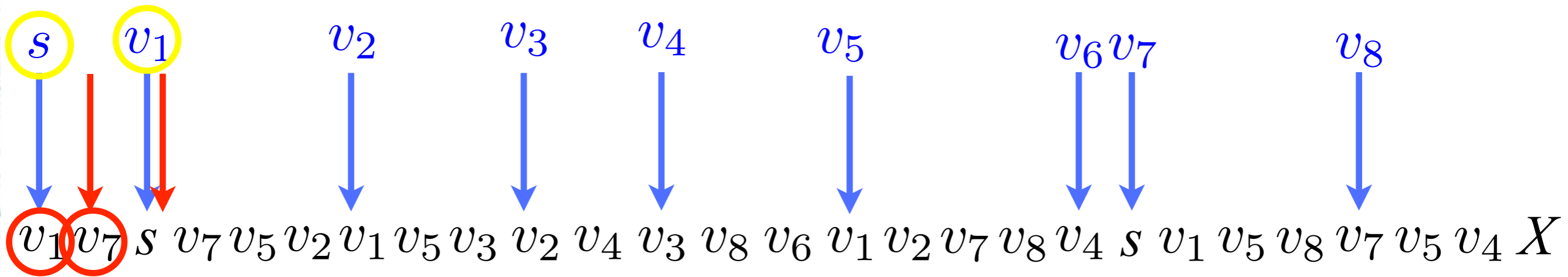
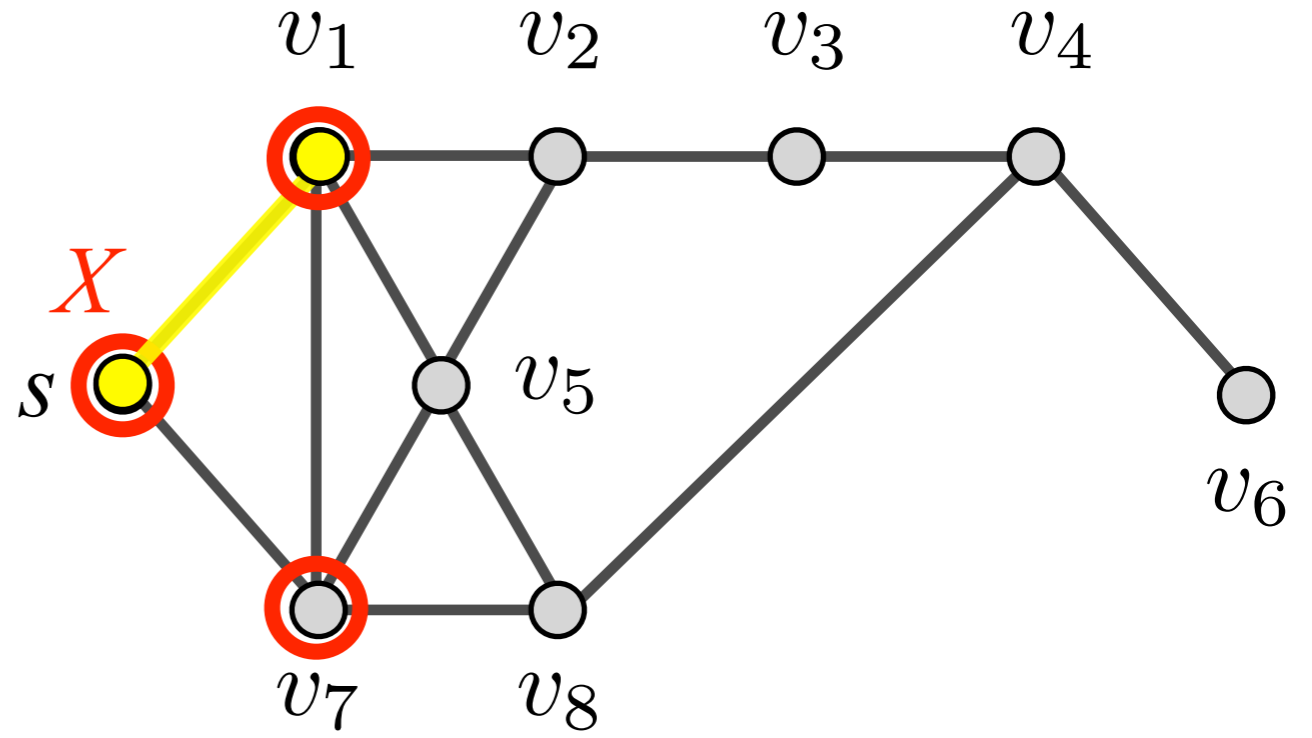


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

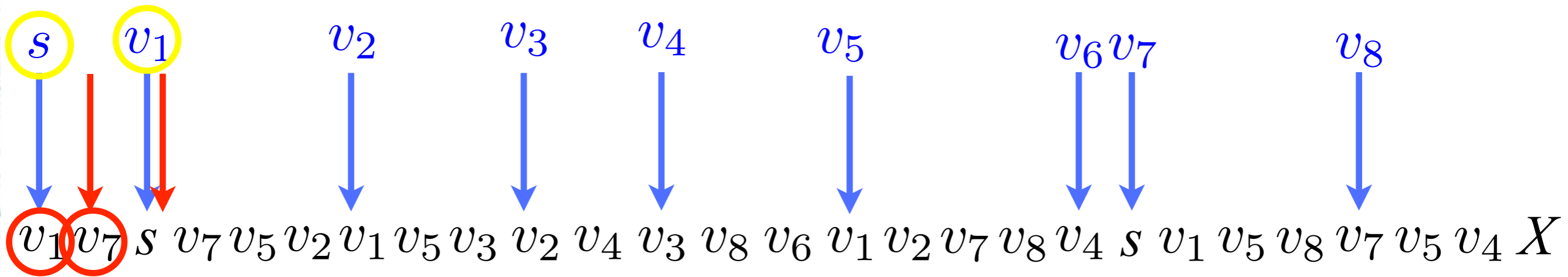
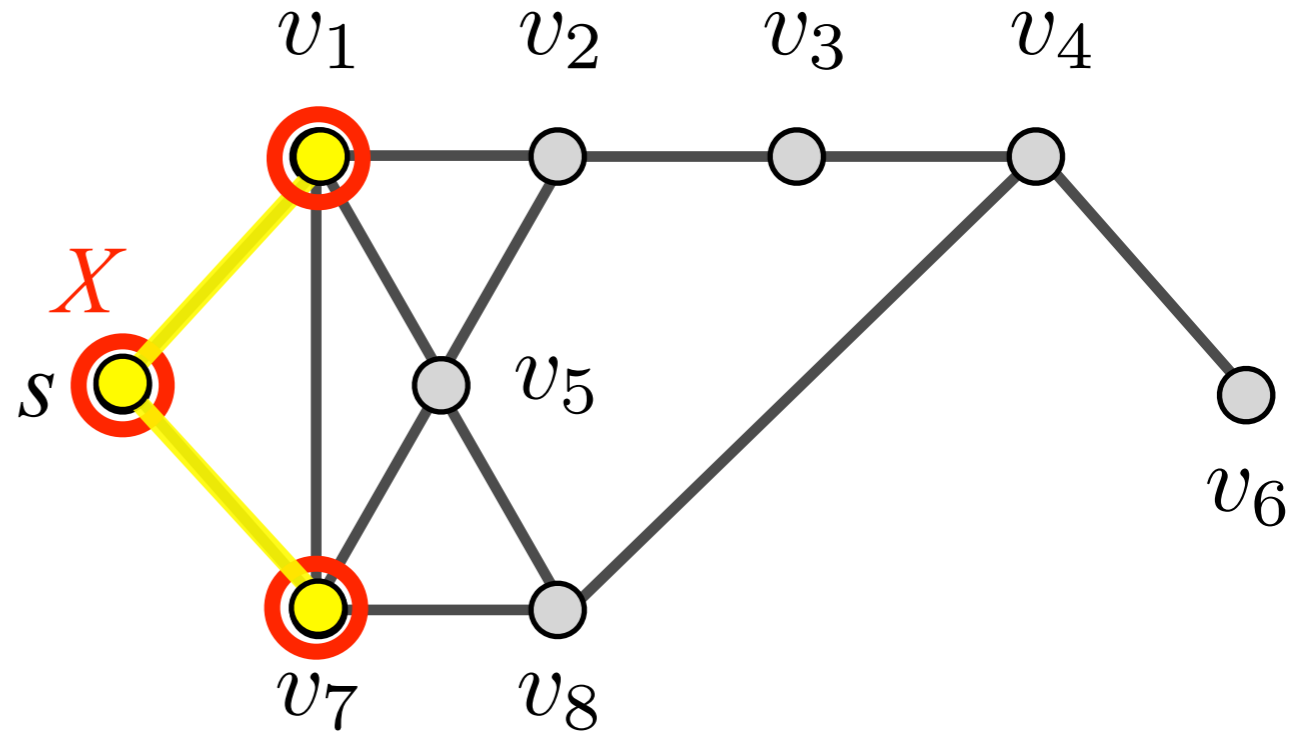


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

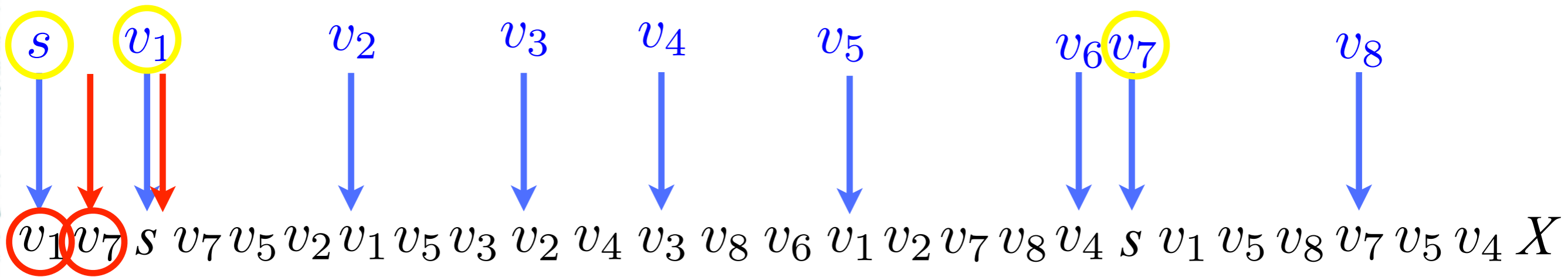
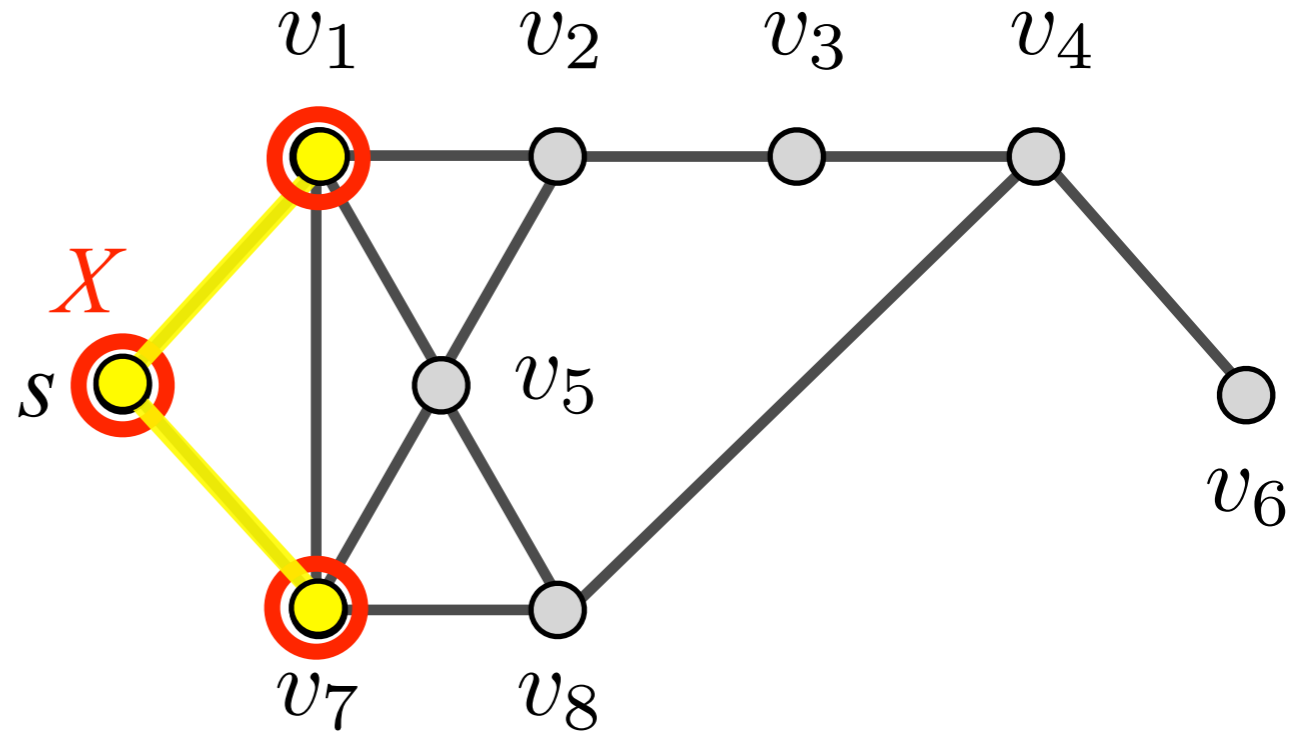


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
  
```

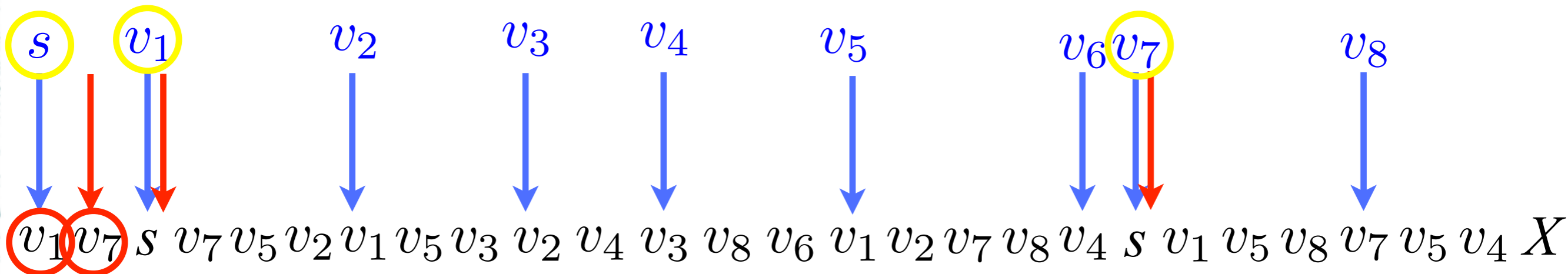
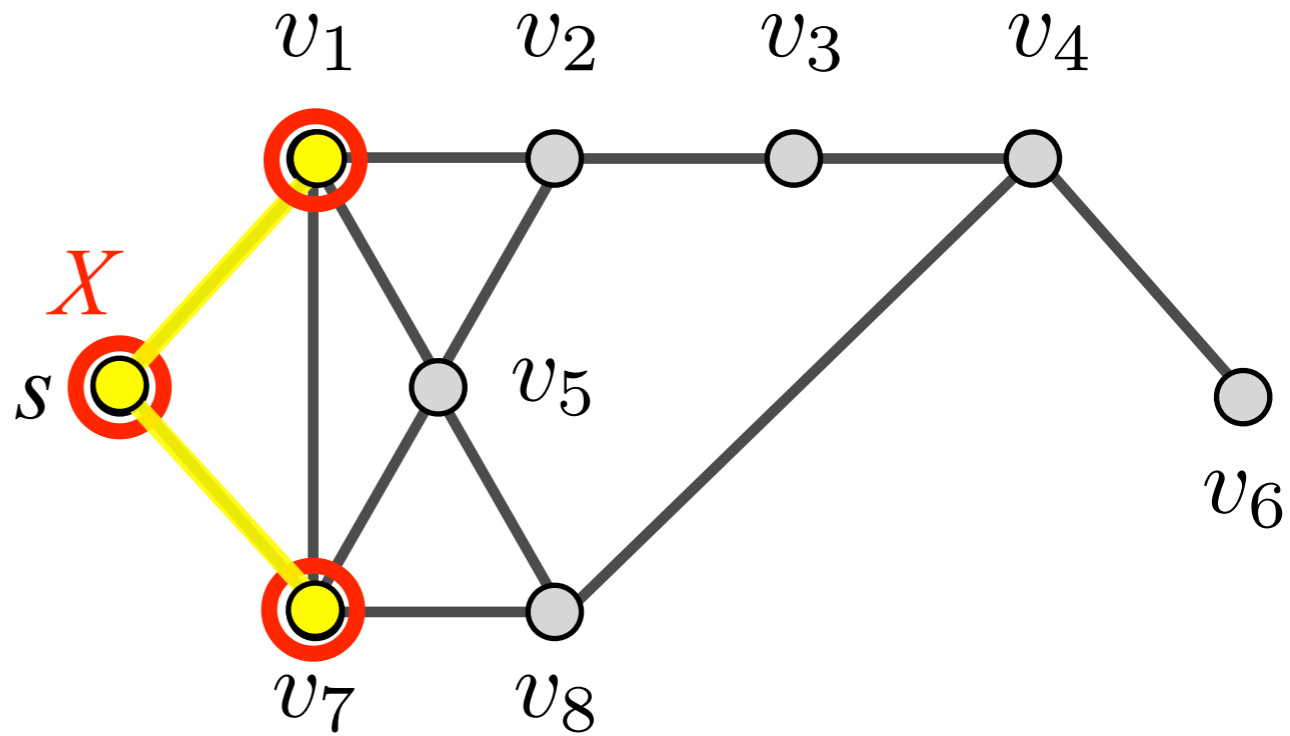


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

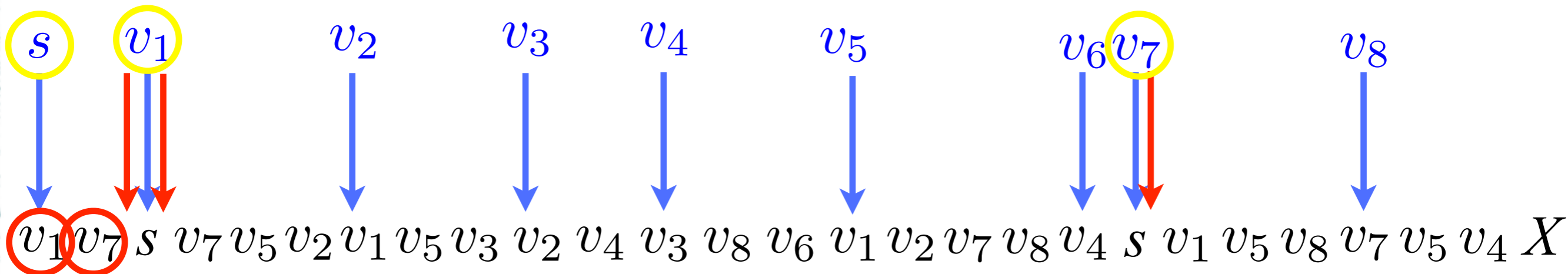
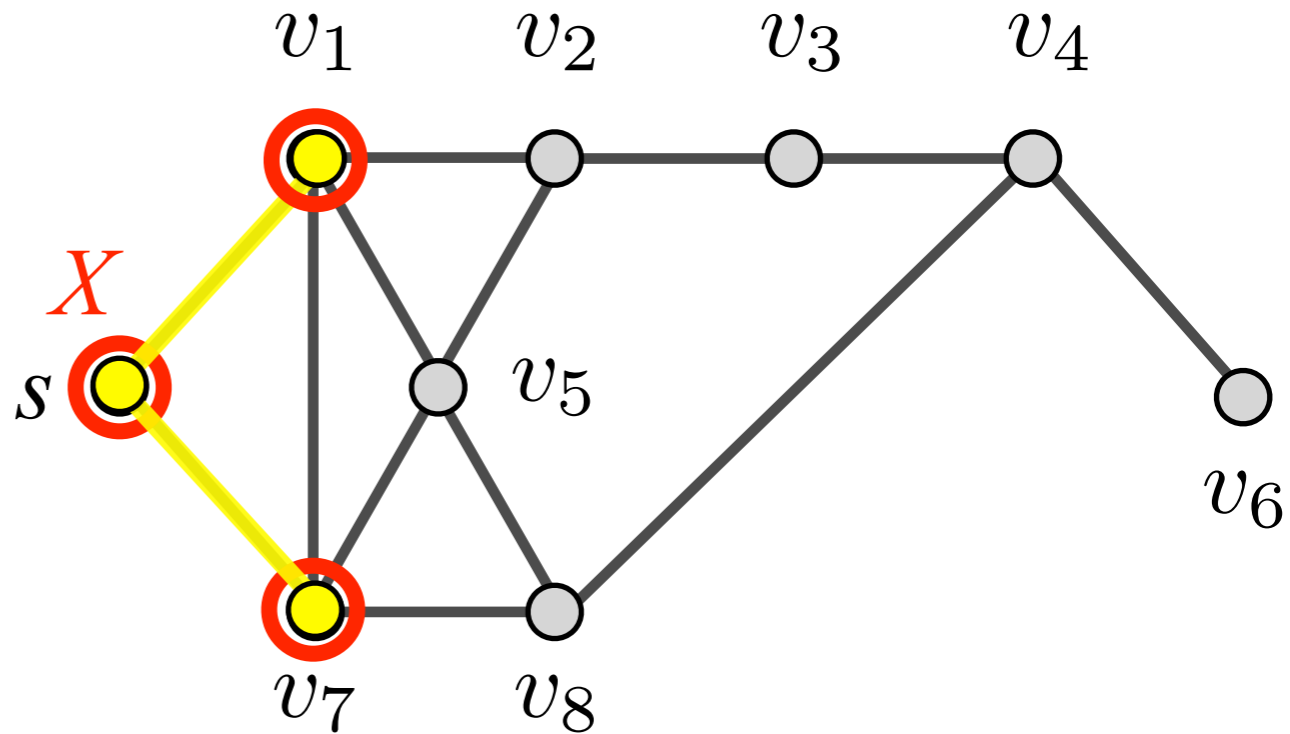


Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
  
```

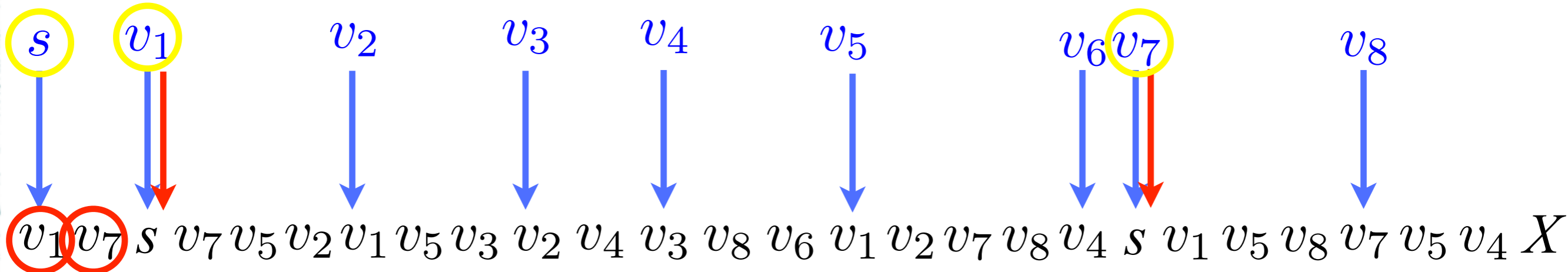
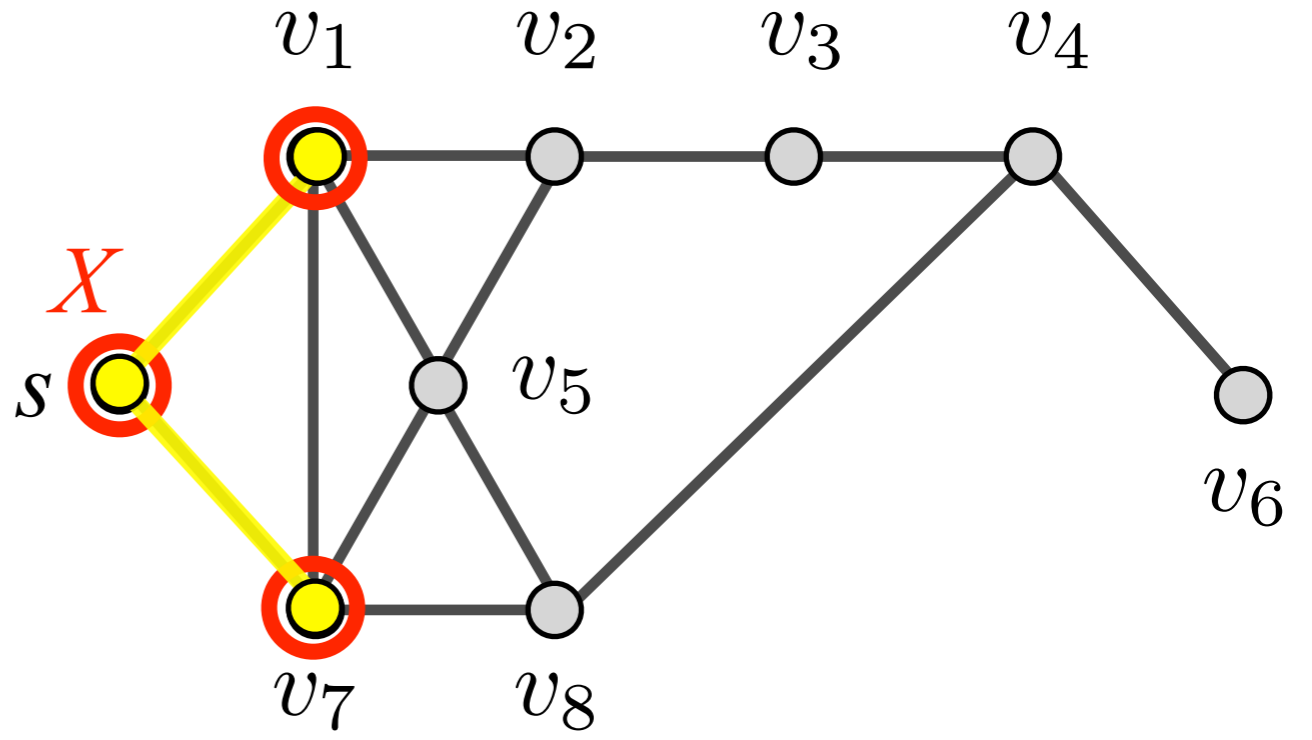


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

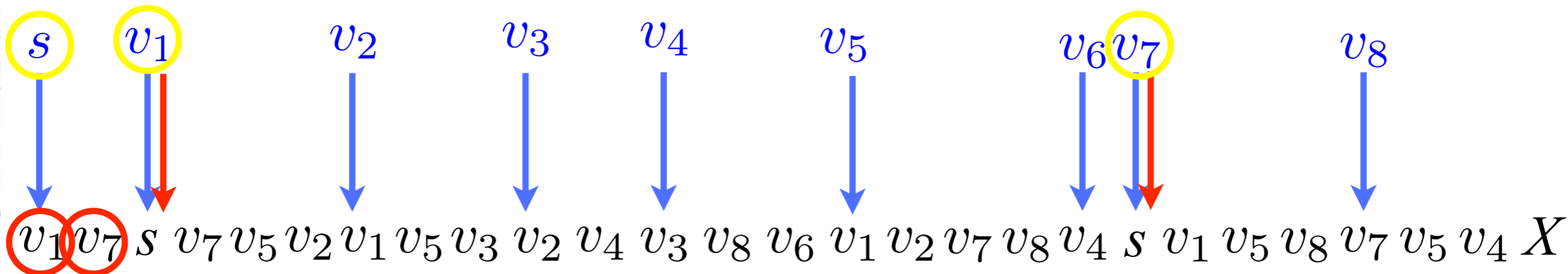
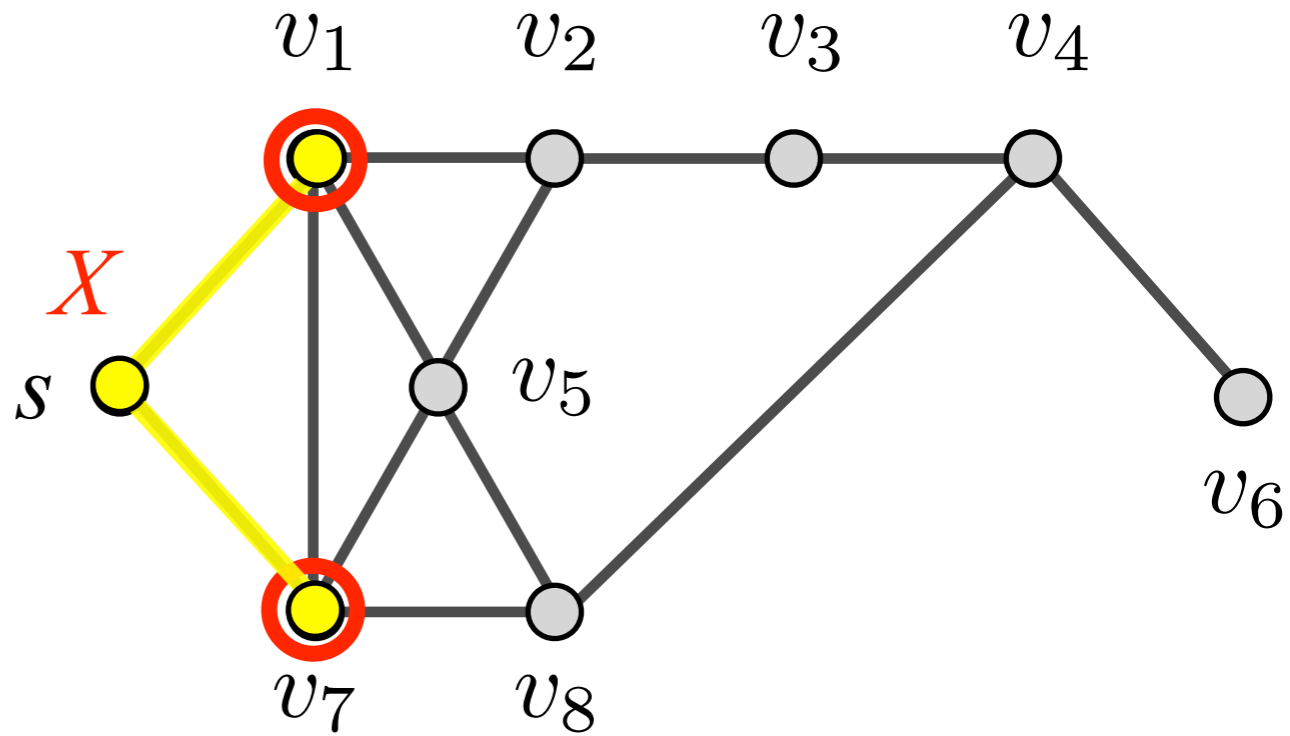


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
    
```

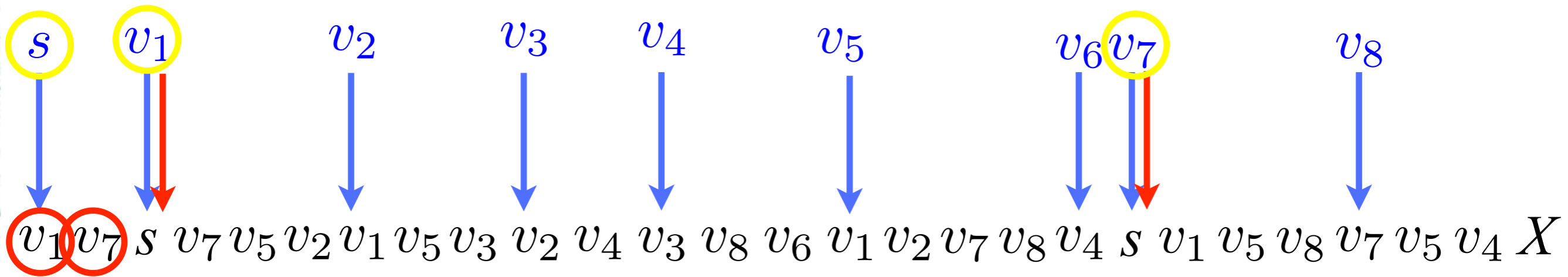
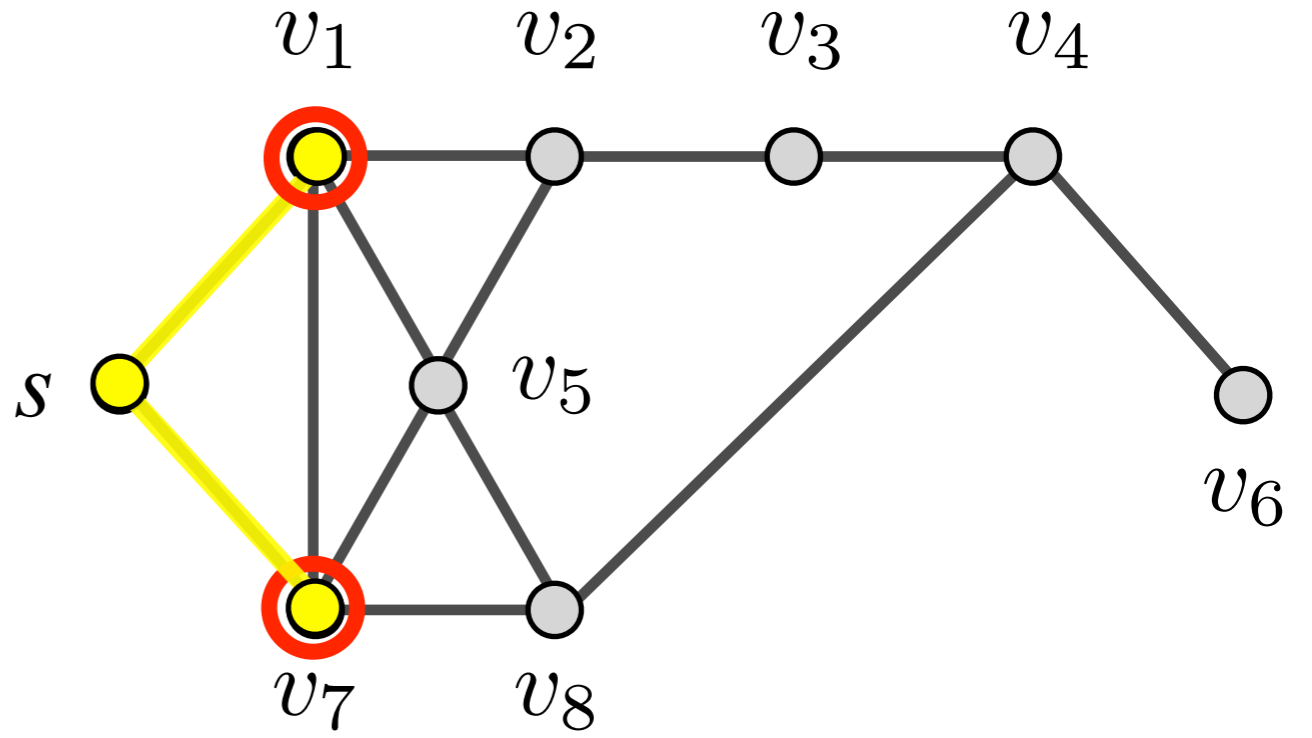


Algorithmus 3.7

```

INPUT: Graph  $G = (V, E)$ , Knoten  $s$ 
OUTPUT: Knotenmenge  $Y \subseteq V$ , die von  $s$  aus erreichbar ist,
        Kantenmenge  $T \subseteq E$ , die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
   WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
     2.1. Wähle  $v \in R$ 
     2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
       2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
     2.3. ELSE {
       2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
       2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
     }
   }
3. STOP
  
```

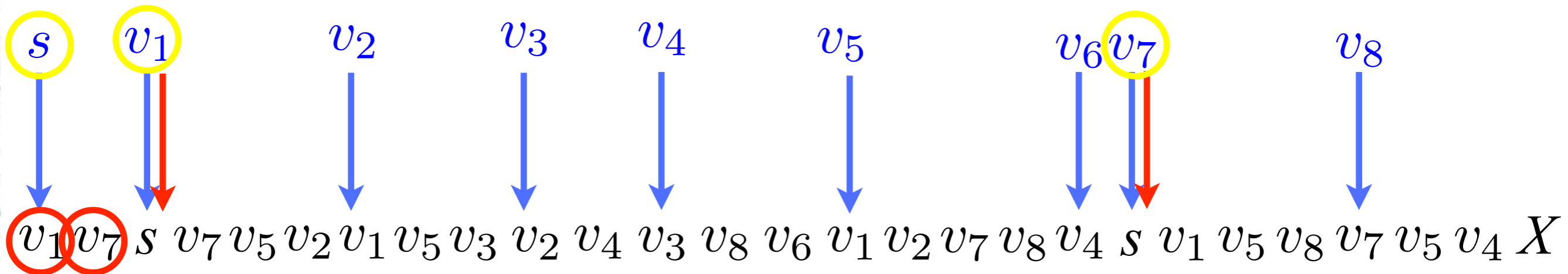
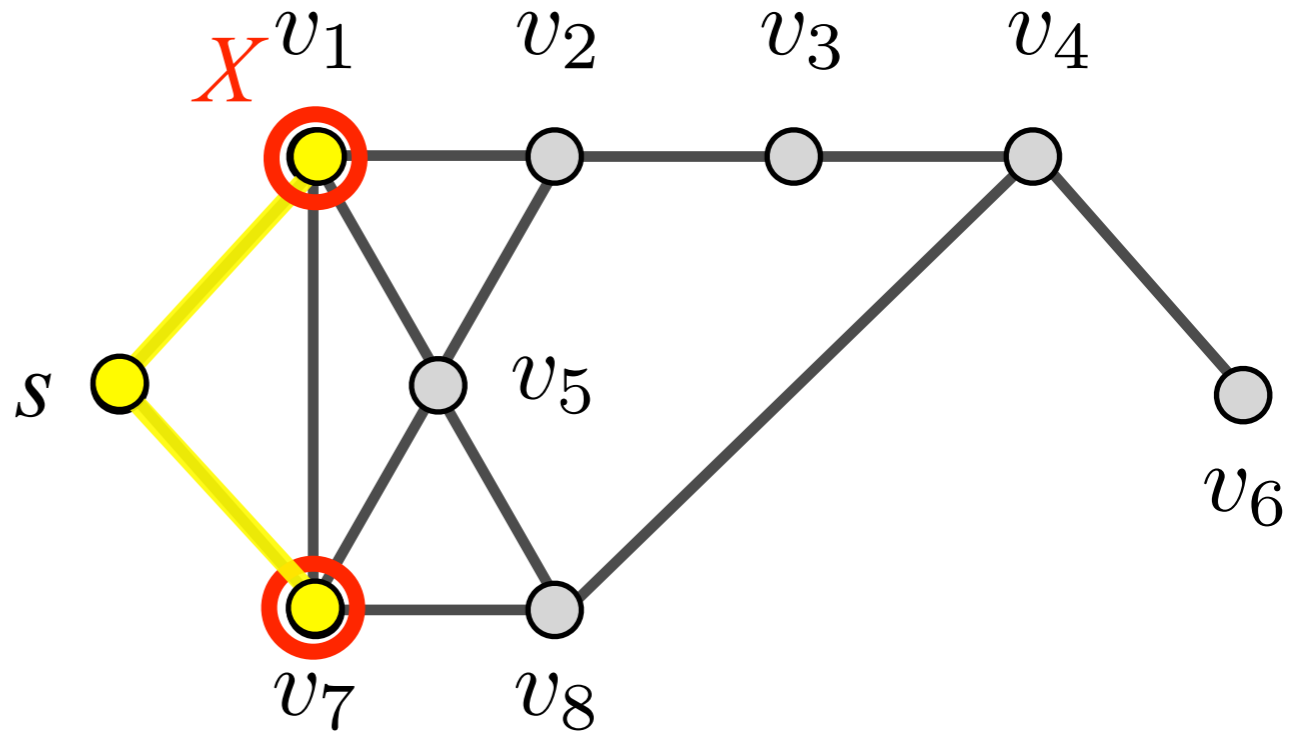


Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
    2.1. Wähle  $v \in R$ 
    2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
        2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
    2.3. ELSE {
        2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
        2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
    }
}
3. STOP
    
```

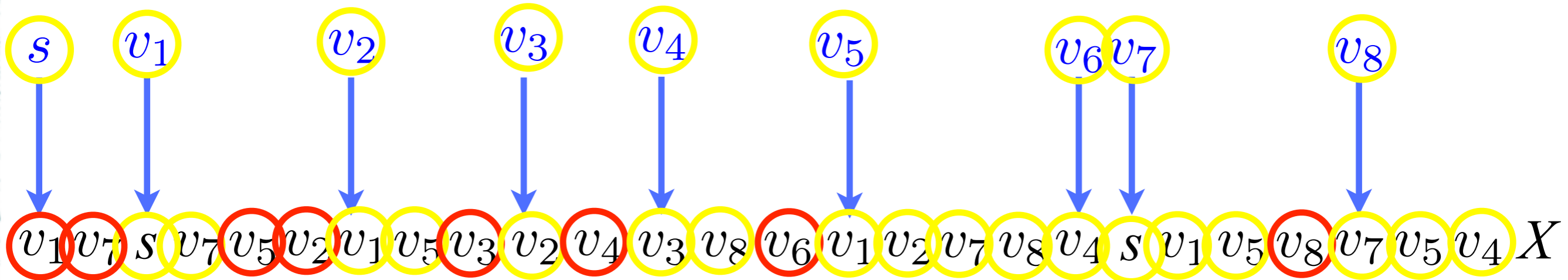
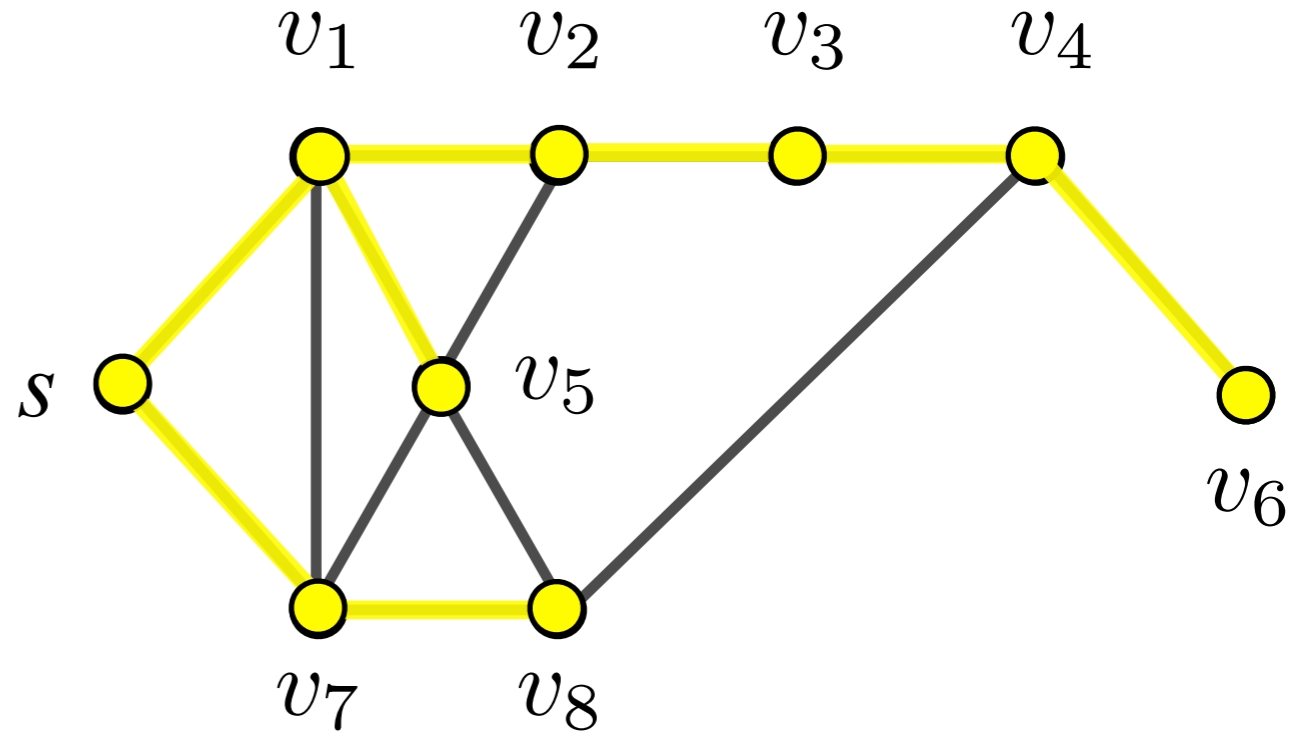


Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
    2.1. Wähle  $v \in R$ 
    2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
        2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
    2.3. ELSE {
        2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
        2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
    }
}
STOP
    
```



Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

1. Sei $R := \{s\}$, $Y := \{s\}$, $T := \emptyset$
2. WHILE ($R \neq \emptyset$) DO {
 - 2.1. Wähle $v \in R$
 - 2.2. IF (es gibt kein $w \in V \setminus Y$ mit $e = \{v, w\} \in E$) THEN
 - 2.2.1. $R := R \setminus \{v\}$
 - 2.3. ELSE {
 - 2.3.1. Wähle ein $w \in V \setminus Y$ mit $e = \{v, w\} \in E$
 - 2.3.2. Setze $R := R \cup \{w\}$, $Y := Y \cup \{w\}$, $T := T \cup \{e\}$}}
3. STOP

Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```
1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
    2.1. Wähle  $v \in R$ 
    2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
        2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
    2.3. ELSE {
        2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
        2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
    }
}
3. STOP
```

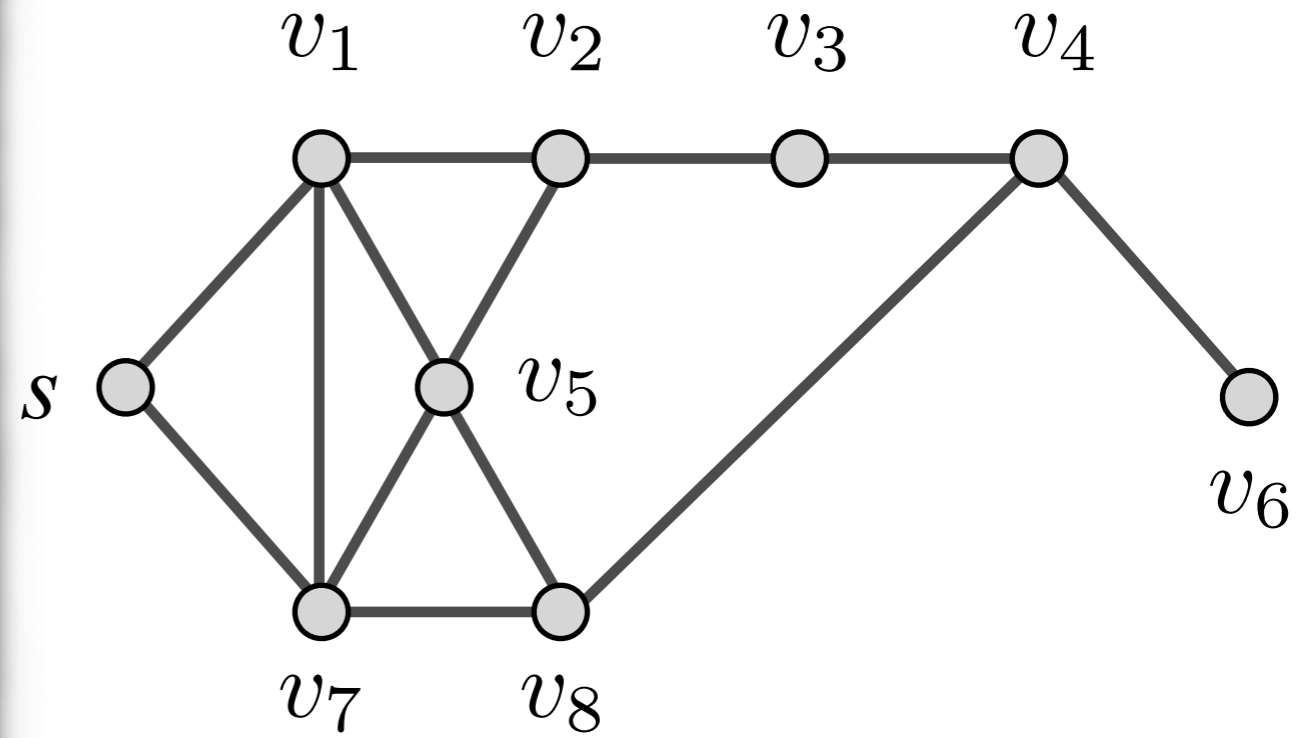

Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```
1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
```



Algorithmus 3.7

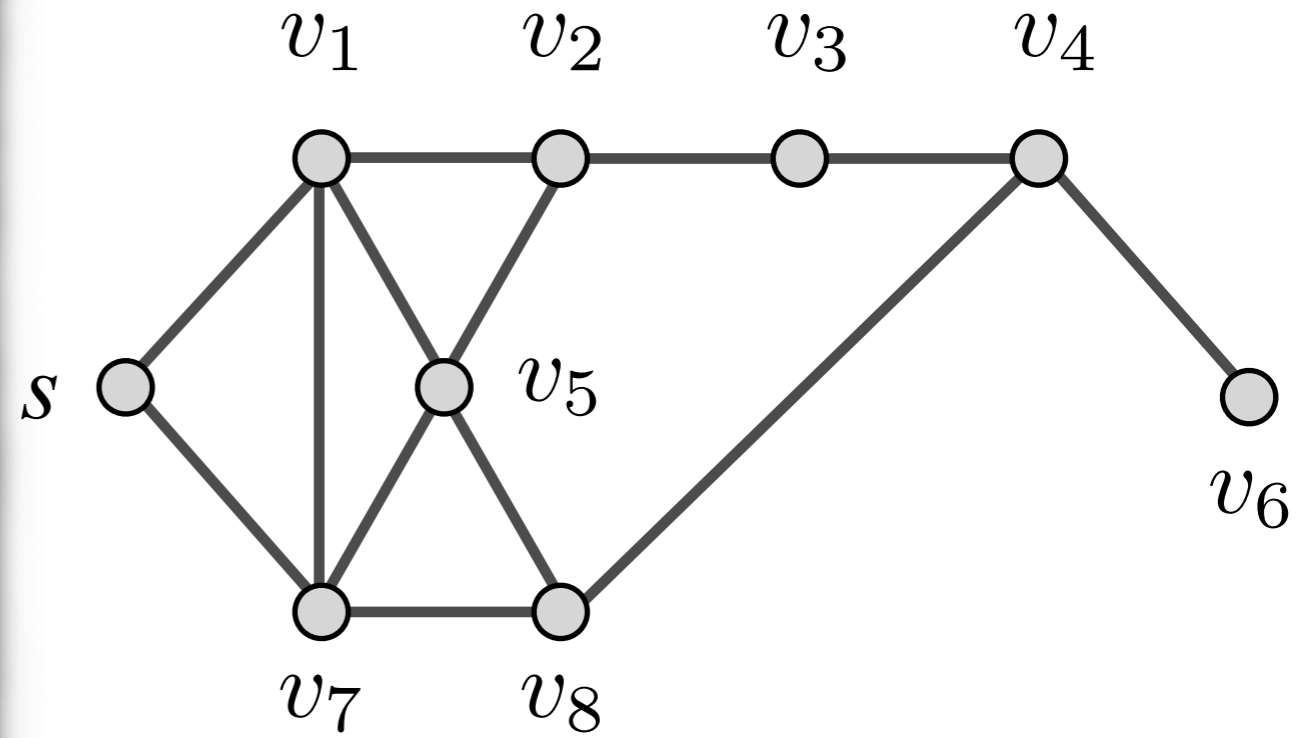
INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s

OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,

Kantermenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```
1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
3. STOP
```

2

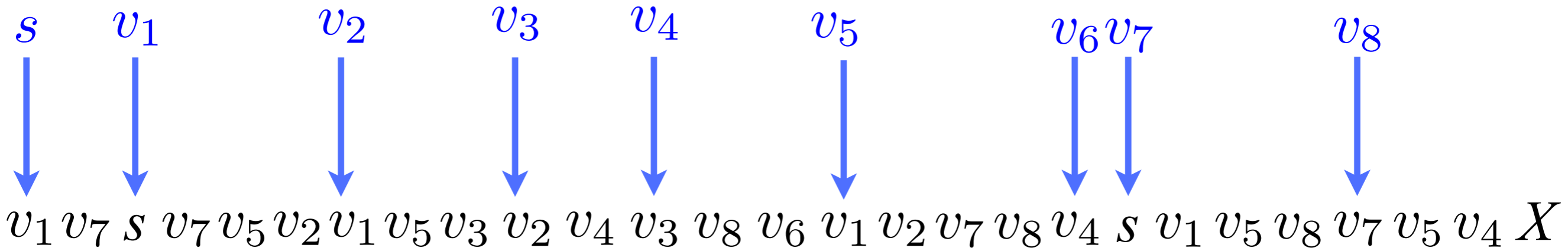
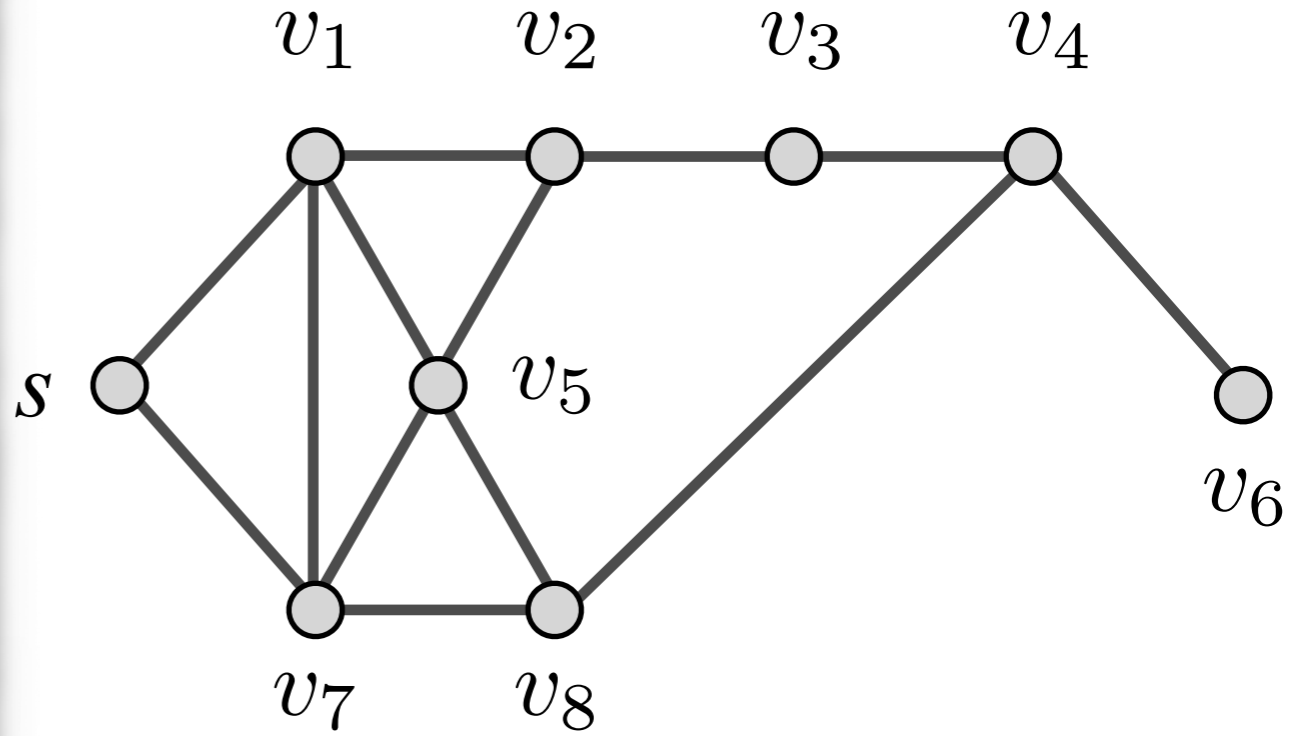


Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

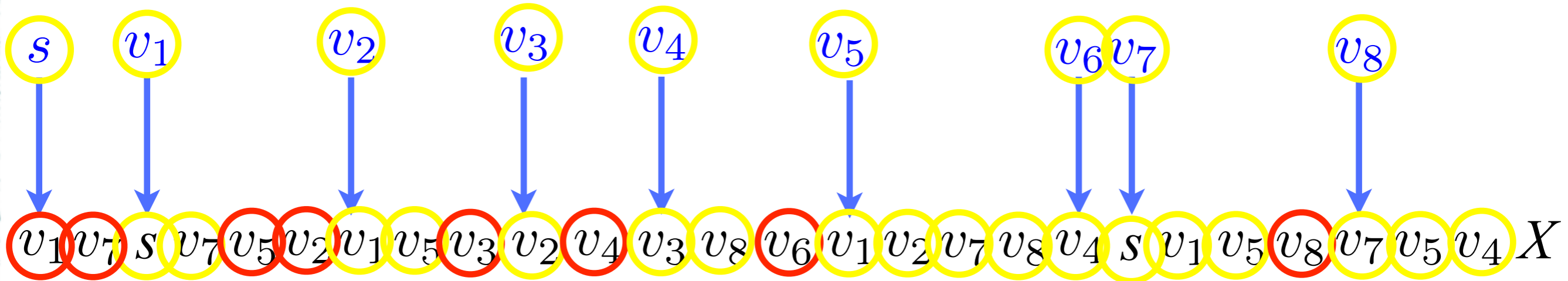
  Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
  2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
    2.1. Wähle  $v \in R$ 
    2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
      2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
    2.3. ELSE {
      2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
      2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
    }
  }
  3. STOP
  
```



Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```
1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$   
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {  
  2.1. Wähle  $v \in R$   
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN  
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$   
  2.3. ELSE {  
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$   
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$   
  }  
}  
3. STOP
```

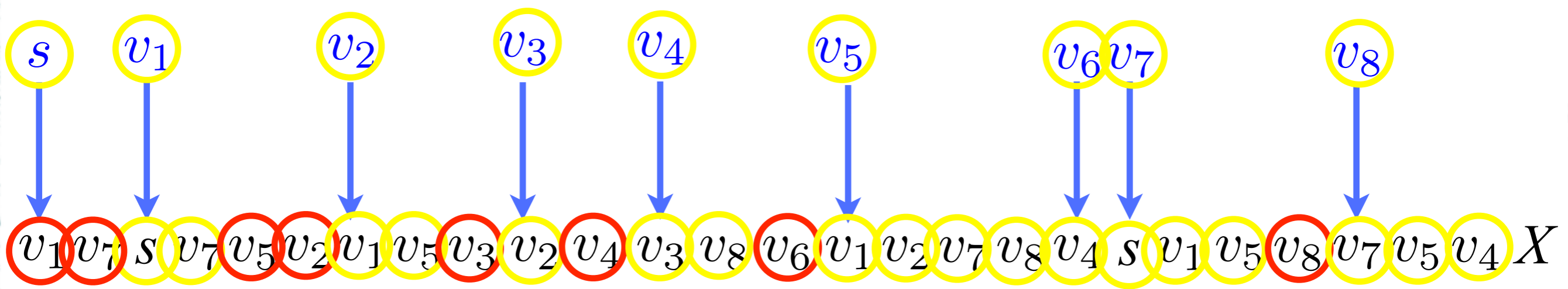
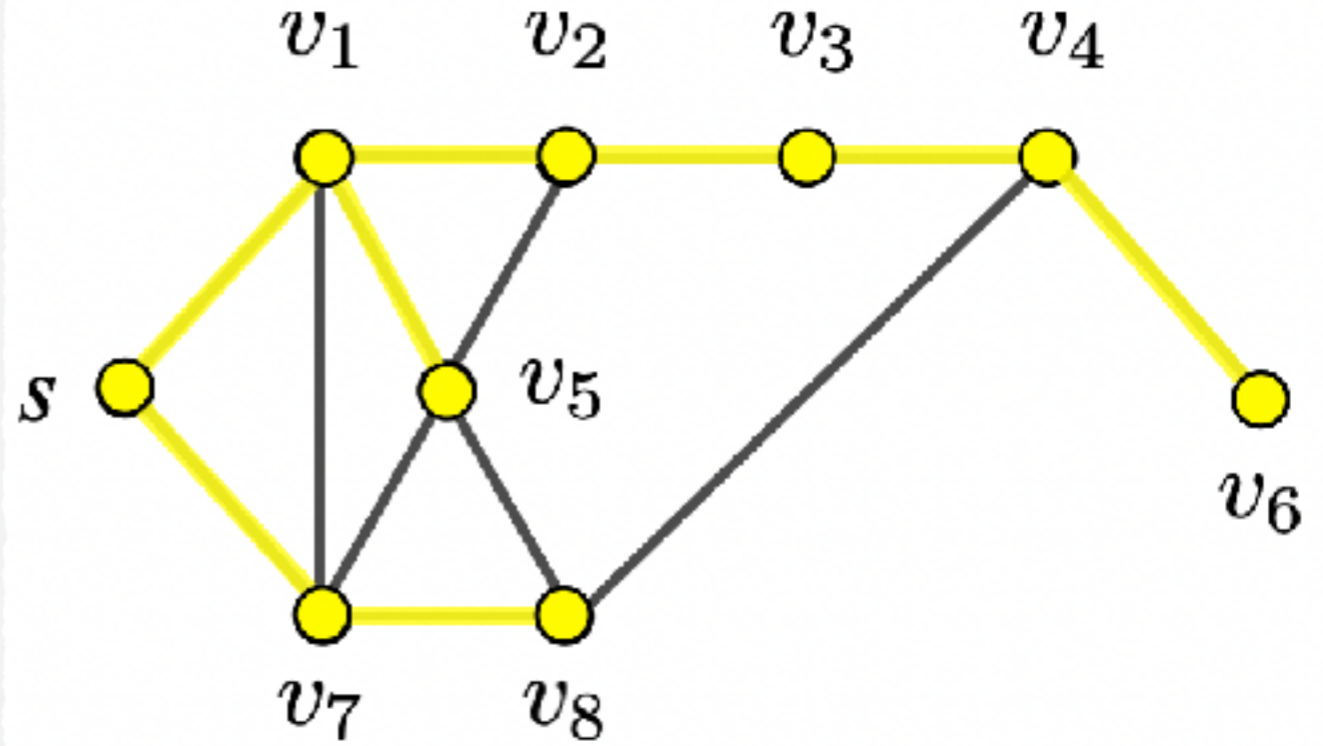


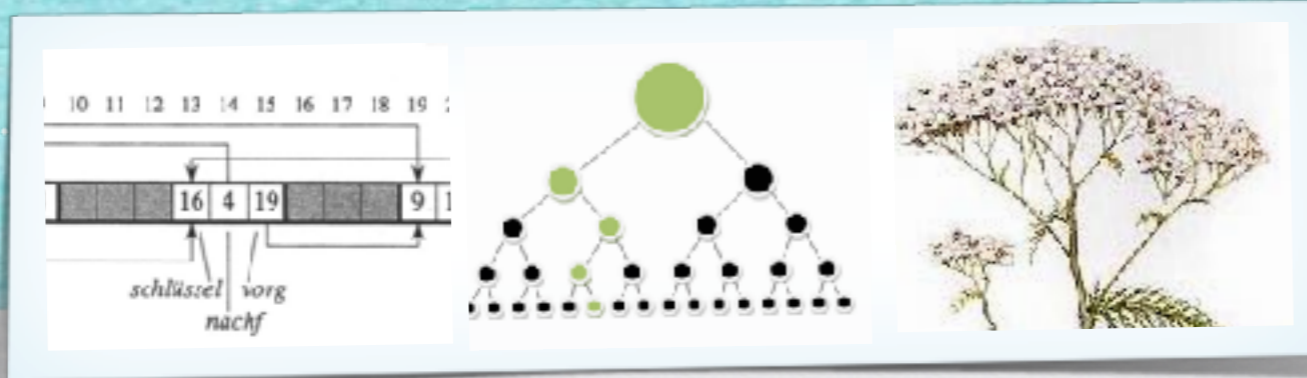
Algorithmus 3.7

INPUT: Graph $G = (V, E)$, Knoten s
OUTPUT: Knotenmenge $Y \subseteq V$, die von s aus erreichbar ist,
 Kantenmenge $T \subseteq E$, die die Erreichbarkeit sicherstellt

```

1. Sei  $R := \{s\}$ ,  $Y := \{s\}$ ,  $T := \emptyset$ 
2. WHILE ( $R \neq \emptyset$ ) DO {
  2.1. Wähle  $v \in R$ 
  2.2. IF (es gibt kein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ ) THEN
    2.2.1.  $R := R \setminus \{v\}$ 
  2.3. ELSE {
    2.3.1. Wähle ein  $w \in V \setminus Y$  mit  $e = \{v, w\} \in E$ 
    2.3.2. Setze  $R := R \cup \{w\}$ ,  $Y := Y \cup \{w\}$ ,  $T := T \cup \{e\}$ 
  }
}
STOP
  
```





Kapitel 4: Dynamische Datenstrukturen

*Algorithmen und Datenstrukturen
WS 2020/21*

Prof. Dr. Sándor Fekete

Wie verwalten wir dynamische Mengen von Objekten?



Wie verwalten wir dynamische Mengen von Objekten?



Waschkorb

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

Im Folgenden:

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

Im Folgenden:

S Menge von Objekten

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

Im Folgenden:

S Menge von Objekten

k Wert eines Elements (“Schlüssel”)

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

Im Folgenden:

S	Menge von Objekten
k	Wert eines Elements (“Schlüssel”)
x	Zeiger auf Element

4.1 Grundoperationen

Aufgabenstellung:

- *Verwalten einer Menge S von Objekten*
- *Ausführen von verschiedenen Operationen (s.u.)*

Im Folgenden:

S	Menge von Objekten
k	Wert eines Elements (“Schlüssel”)
x	Zeiger auf Element
NIL	spezieller, “leerer” Zeiger

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

SEARCH(S,k): “Suche in S nach k”

4.1 Grundoperationen

SEARCH(S,k): “Suche in S nach k”

Durchsuche die Menge S nach einem Element von Wert k.

4.1 Grundoperationen

SEARCH(S,k): “Suche in S nach k”

Durchsuche die Menge S nach einem Element von Wert k.

Ausgabe: Zeiger x, falls x existent

4.1 Grundoperationen

SEARCH(S,k): “Suche in S nach k”

Durchsuche die Menge S nach einem Element von Wert k.

**Ausgabe: Zeiger x, falls x existent
NIL, falls kein Element Wert k hat.**

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

INSERT(S,x): “Füge x in S ein”

4.1 Grundoperationen

INSERT(S,x): “Füge x in S ein”

Erweitere S um das Element, das unter der Adresse x steht.

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

DELETE(S,x): “Entferne x aus S”

4.1 Grundoperationen

DELETE(S,x): “Entferne x aus S”

Lösche das unter der Adresse x stehende Element aus der Menge S.

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

MINIMUM(S): “Suche das Minimum in S”

4.1 Grundoperationen

MINIMUM(S): “Suche das Minimum in S”

Finde in S ein Element von kleinstem Wert.

4.1 Grundoperationen

MINIMUM(S): “Suche das Minimum in S”

**Finde in S ein Element von kleinstem Wert.
(Annahme: Die Werte lassen sich vollständig
vergleichen!)**

4.1 Grundoperationen

MINIMUM(S): “Suche das Minimum in S”

**Finde in S ein Element von kleinstem Wert.
(Annahme: Die Werte lassen sich vollständig
vergleichen!)**

Ausgabe: Zeiger x auf solch ein Element

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

MAXIMUM(S): “Suche das Maximum in S”

4.1 Grundoperationen

MAXIMUM(S): “Suche das Maximum in S”

Finde in S ein Element von größtem Wert.

4.1 Grundoperationen

MAXIMUM(S): “Suche das Maximum in S”

**Finde in S ein Element von größtem Wert.
(Annahme: Die Werte lassen sich vollständig
vergleichen!)**

4.1 Grundoperationen

MAXIMUM(S): “Suche das Maximum in S”

**Finde in S ein Element von größtem Wert.
(Annahme: Die Werte lassen sich vollständig
vergleichen!)**

Ausgabe: Zeiger x auf solch ein Element

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

PREDECESSOR(S,x):

“Finde das nächstkleinere Element”

4.1 Grundoperationen

PREDECESSOR(S,x):

“Finde das nächstkleinere Element”

**Für ein in x stehendes Element in S ,
bestimme ein Element von nächstkleinerem
Wert in S .**

4.1 Grundoperationen

PREDECESSOR(S,x):

“Finde das nächstkleinere Element”

**Für ein in x stehendes Element in S ,
bestimme ein Element von nächstkleinerem
Wert in S .**

Ausgabe: Zeiger y auf Element

4.1 Grundoperationen

PREDECESSOR(S,x):

“Finde das nächstkleinere Element”

**Für ein in x stehendes Element in S ,
bestimme ein Element von nächstkleinerem
Wert in S .**

**Ausgabe: Zeiger y auf Element
NIL, falls x Minimum von S angibt**

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

SUCCESSOR(S,x):

“Finde das nächstgrößere Element”

4.1 Grundoperationen

SUCCESSOR(S,x):

“Finde das nächstgrößere Element”

**Für ein in x stehendes Element in S ,
bestimme ein Element von nächstgrößerem
Wert in S .**

4.1 Grundoperationen

SUCCESSOR(S,x):

“Finde das nächstgrößere Element”

**Für ein in x stehendes Element in S,
bestimme ein Element von nächstgrößerem
Wert in S.**

Ausgabe: Zeiger y auf Element

4.1 Grundoperationen

SUCCESSOR(S,x):

“Finde das nächstgrößere Element”

**Für ein in x stehendes Element in S,
bestimme ein Element von nächstgrößerem
Wert in S.**

**Ausgabe: Zeiger y auf Element
NIL, falls x Maximum von S angibt**

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

Wie nimmt man das vor?

4.1 Grundoperationen

Wie nimmt man das vor?

**Wie lange dauert das,
in Abhängigkeit von der Größe von S ?**

4.1 Grundoperationen

Wie nimmt man das vor?

**Wie lange dauert das,
in Abhängigkeit von der Größe von S ?**

Unsortierte Unterlagen:

4.1 Grundoperationen

Wie nimmt man das vor?

Wie lange dauert das,
in Abhängigkeit von der Größe von S?

Unsortierte Unterlagen:

Immer alles durchgehen, also: $O(n)$

4.1 Grundoperationen

Wie nimmt man das vor?

Wie lange dauert das,
in Abhängigkeit von der Größe von S?

Unsortierte Unterlagen:

Immer alles durchgehen, also: $O(n)$

Sortierte Unterlagen: Geht schneller!

4.1 Grundoperationen

4.1 Grundoperationen

Langsam:

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*
Alle Objekte anschauen

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

- $O(1)$: *konstante Zeit*

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

- $O(1)$: *konstante Zeit*

Immer gleich schnell, egal wie groß S ist.

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

- $O(1)$: *konstante Zeit*

Immer gleich schnell, egal wie groß S ist.

Schnell:

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

- $O(1)$: *konstante Zeit*

Immer gleich schnell, egal wie groß S ist.

Schnell:

- $O(\log n)$: *logarithmische Zeit*

4.1 Grundoperationen

Langsam:

- $O(n)$: *lineare Zeit*

Alle Objekte anschauen

Sehr schnell:

- $O(1)$: *konstante Zeit*

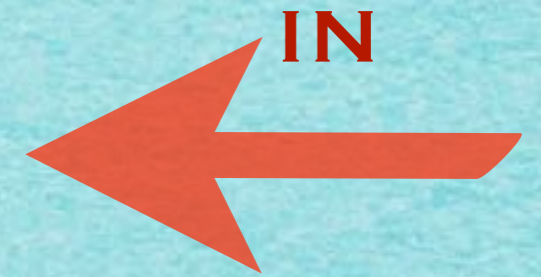
Immer gleich schnell, egal wie groß S ist.

Schnell:

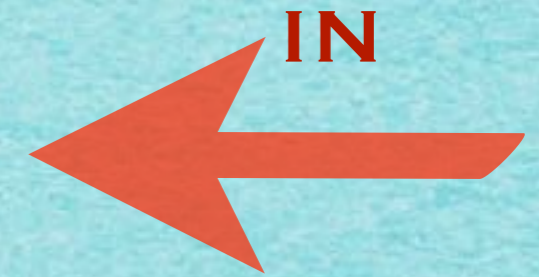
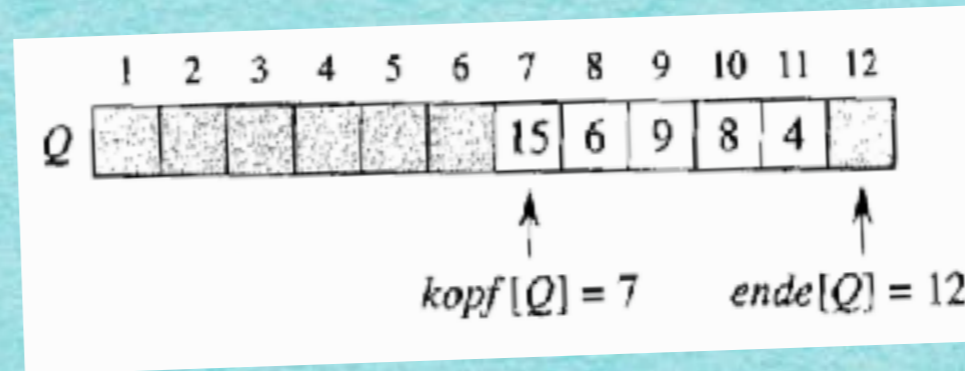
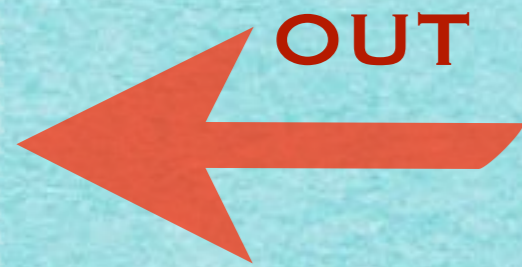
- $O(\log n)$: *logarithmische Zeit*

Wiederholtes Halbieren

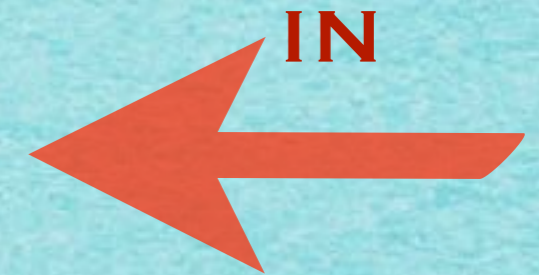
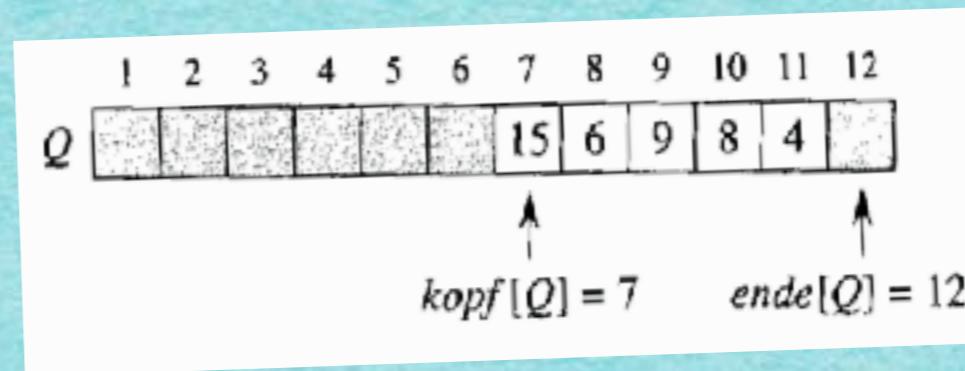
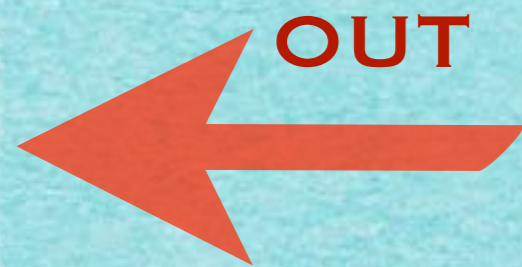
4.2 Stapel und Warteschlange



4.2 Stapel und Warteschlange

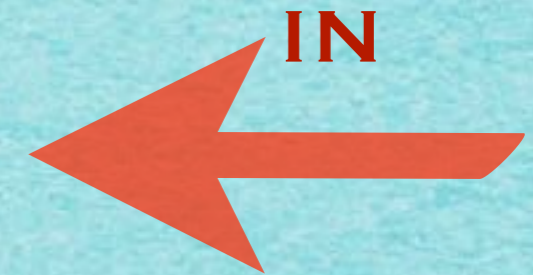
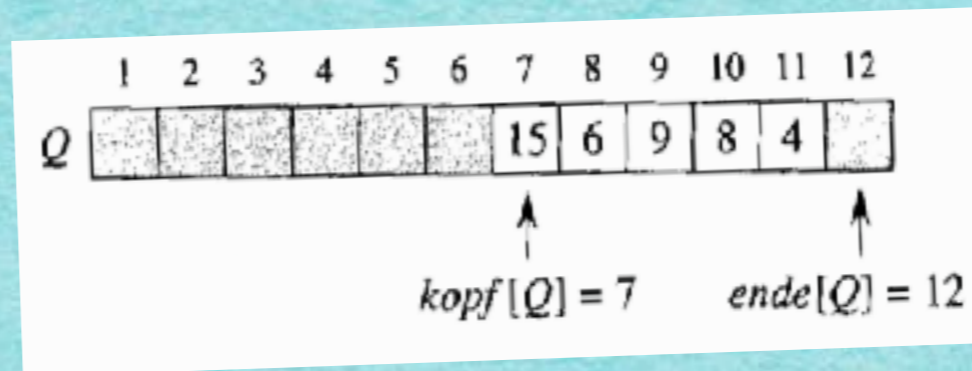


4.2 Stapel und Warteschlange

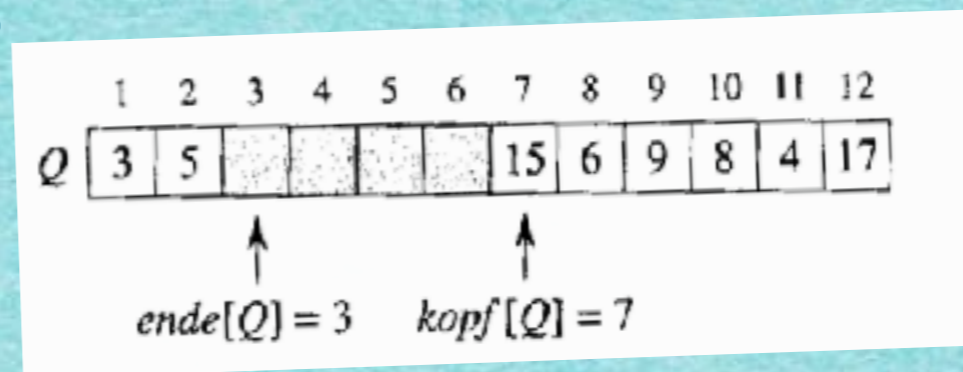


ENQUEUE: 17, 3, 5

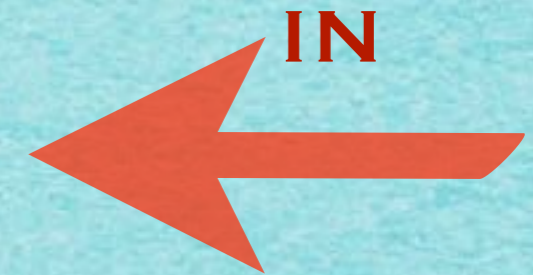
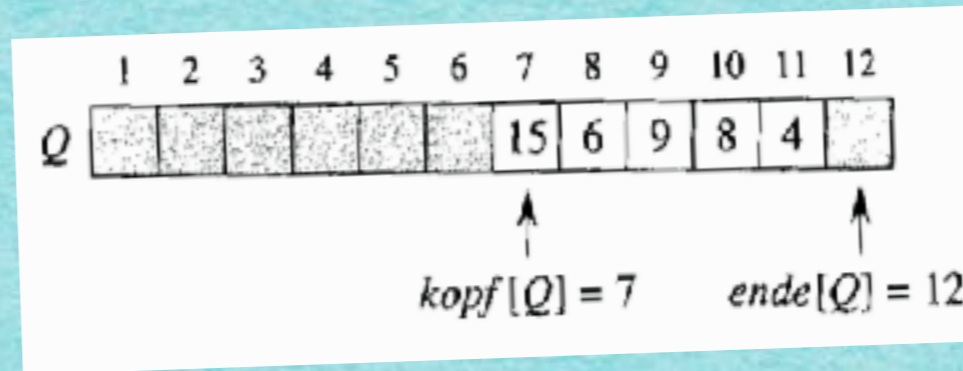
4.2 Stapel und Warteschlange



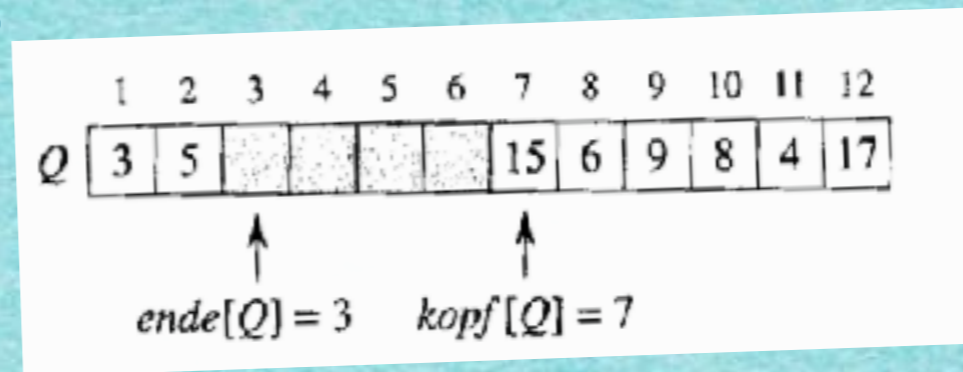
ENQUEUE: 17, 3, 5



4.2 Stapel und Warteschlange

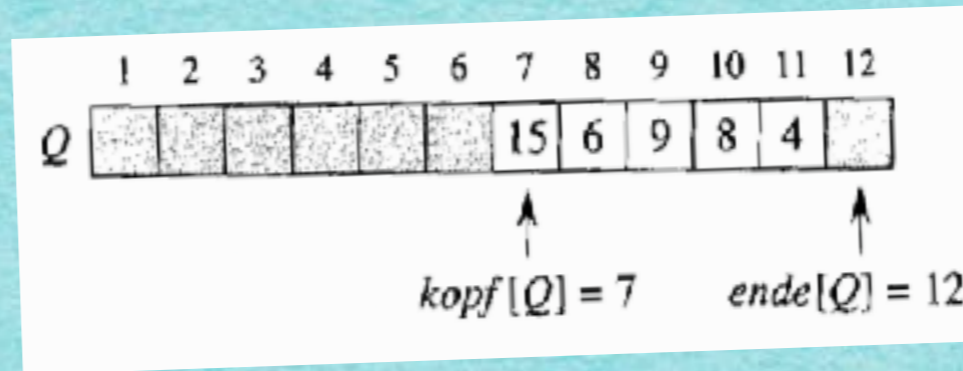
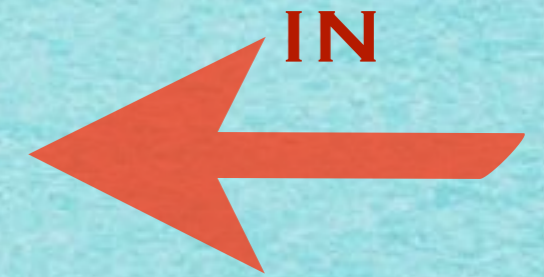


ENQUEUE: 17, 3, 5

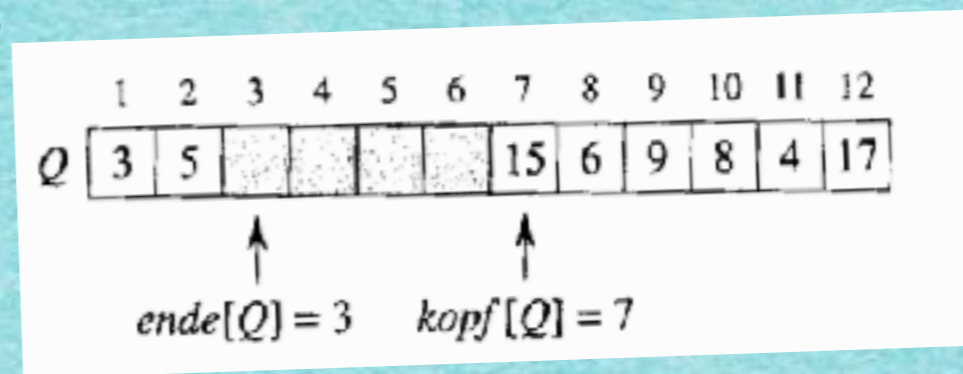


DEQUEUE:

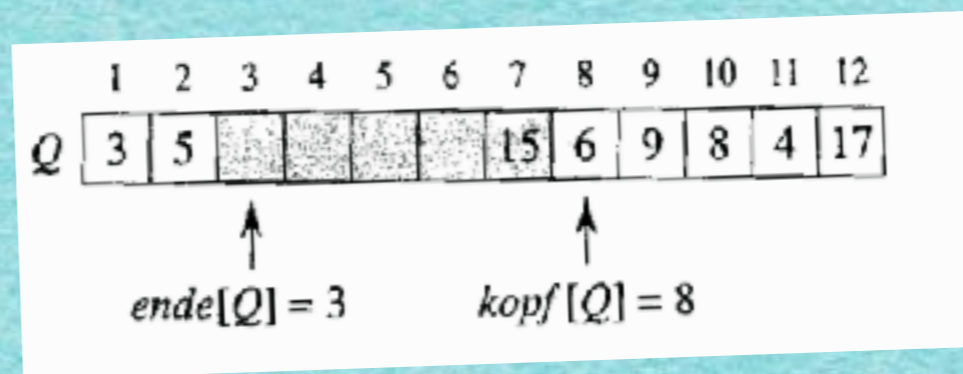
4.2 Stapel und Warteschlange



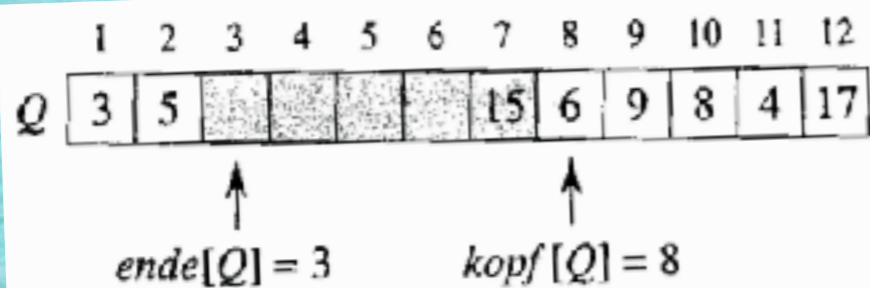
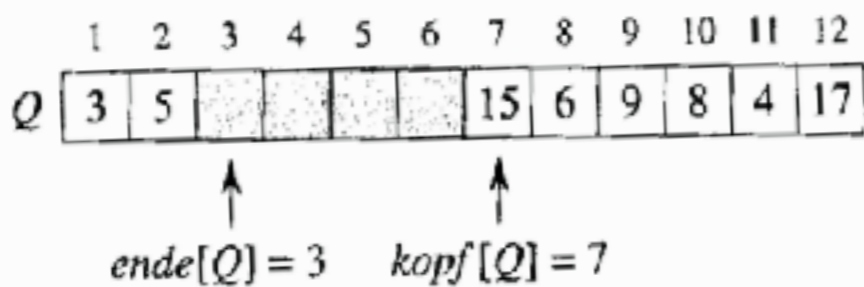
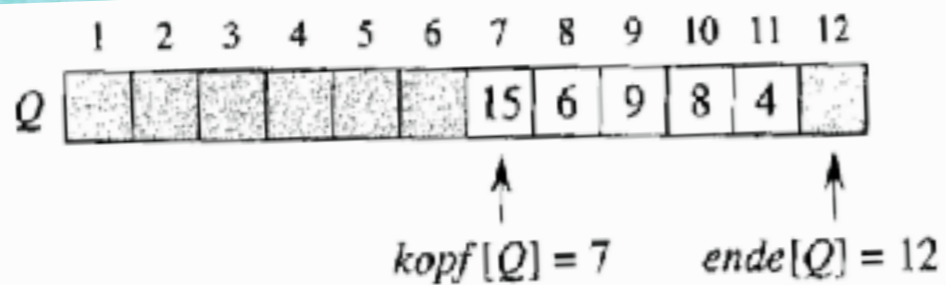
ENQUEUE: 17, 3, 5



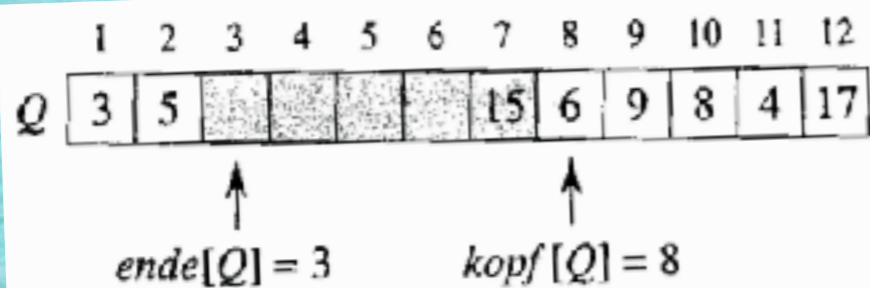
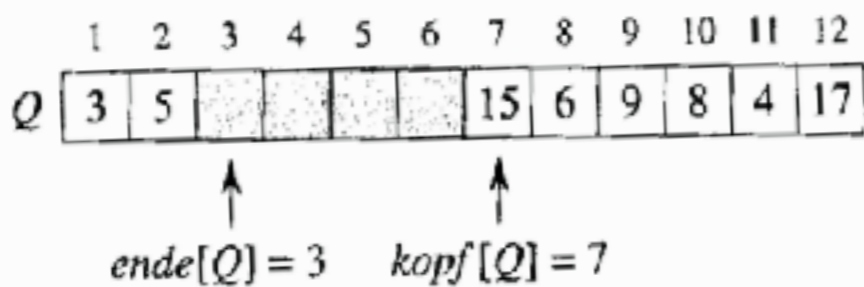
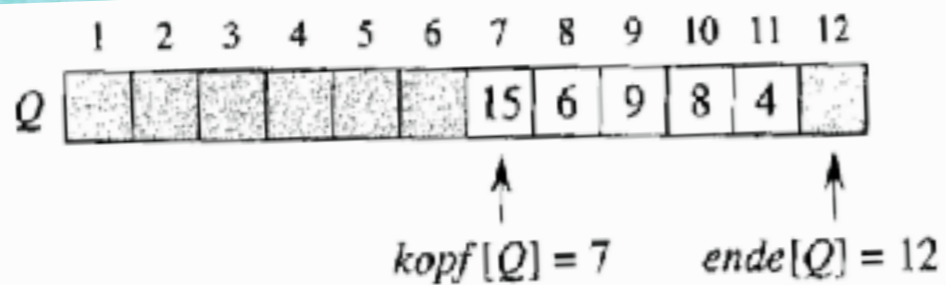
DEQUEUE:



WARTESCHLANGE AUF ARRAY UMGESETZT



WARTESCHLANGE AUF ARRAY UMGESETZT

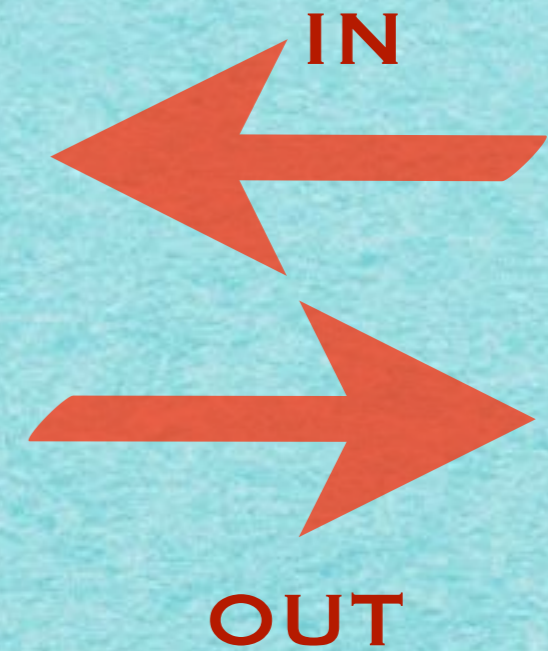


STACK AUF ARRAY UMGESETZT

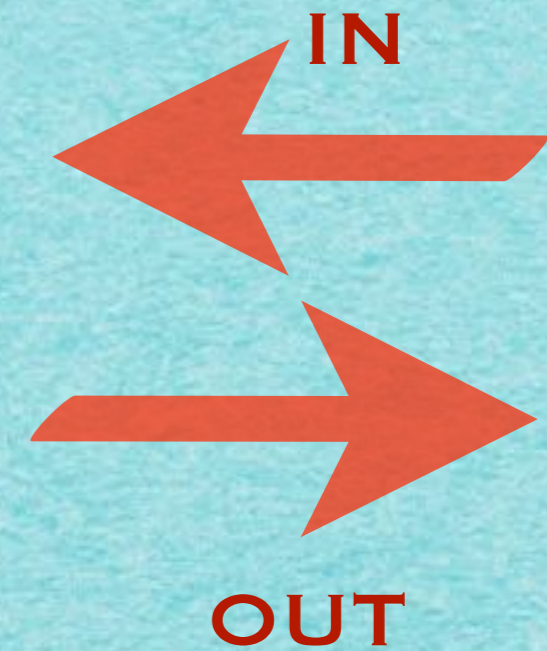
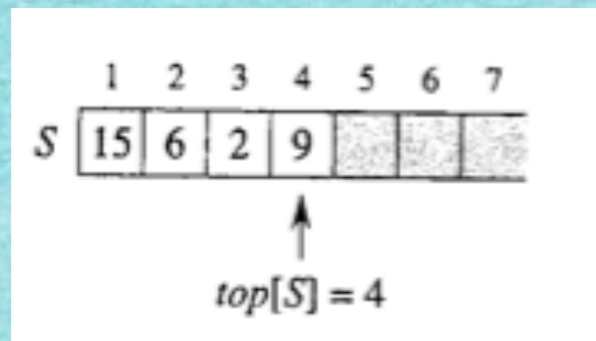
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



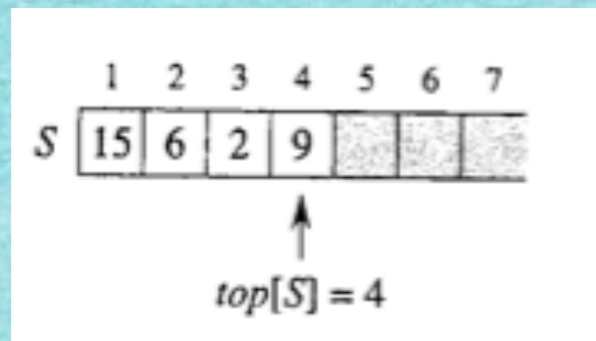
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



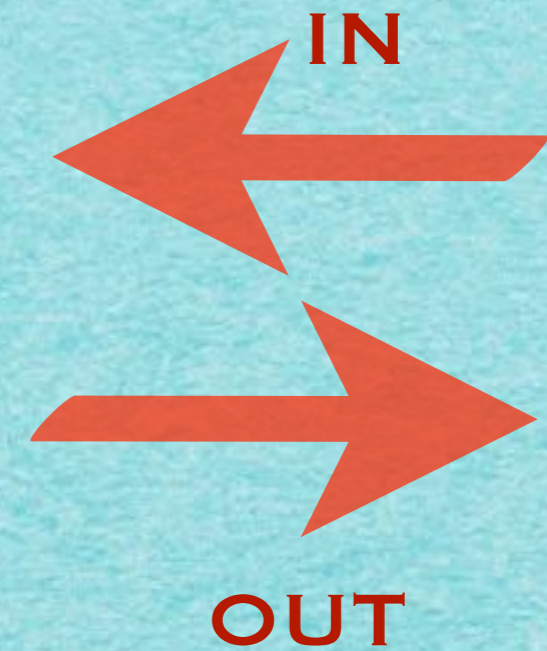
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



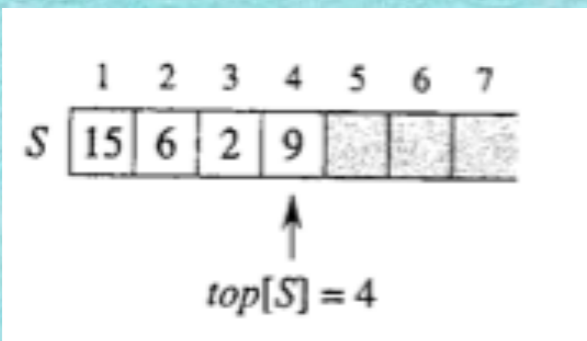
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



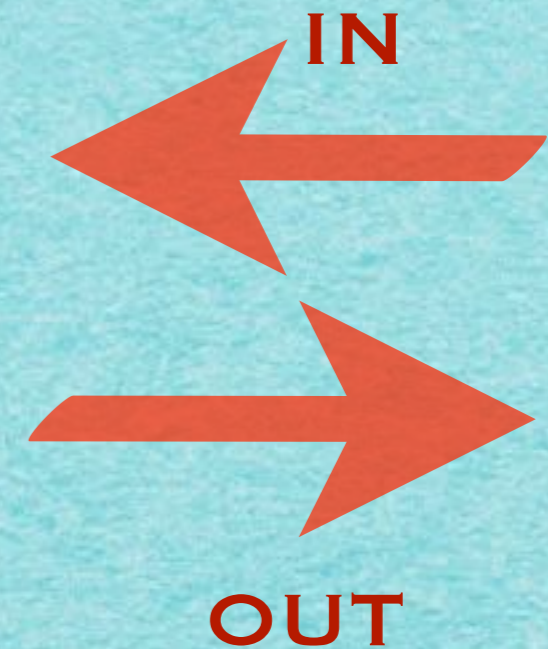
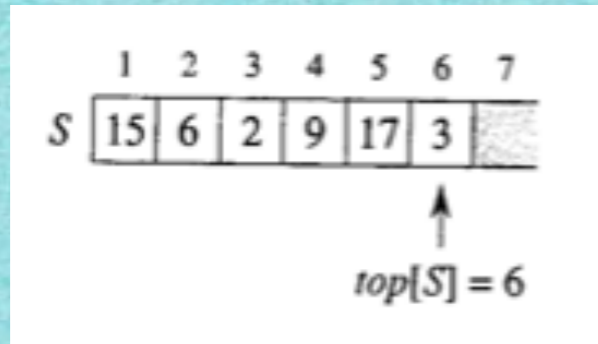
PUSH: 17, 3



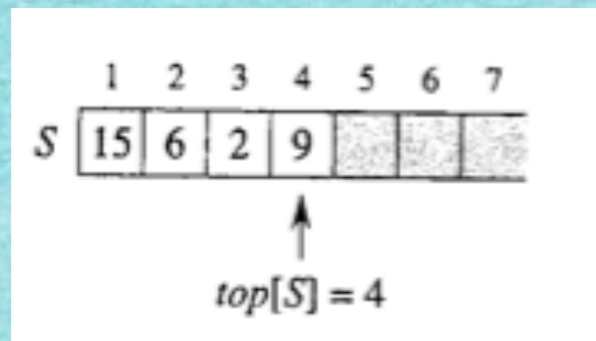
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



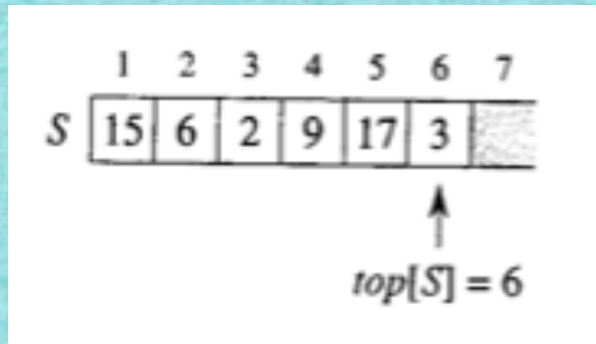
PUSH: 17, 3



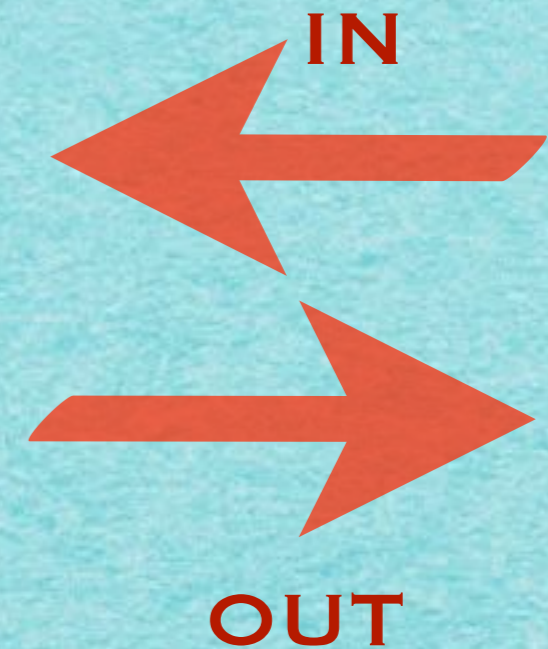
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



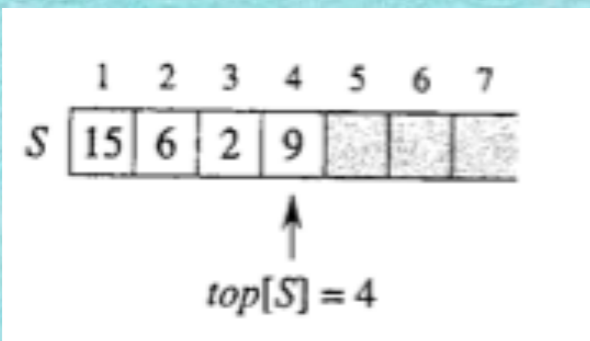
PUSH: 17, 3



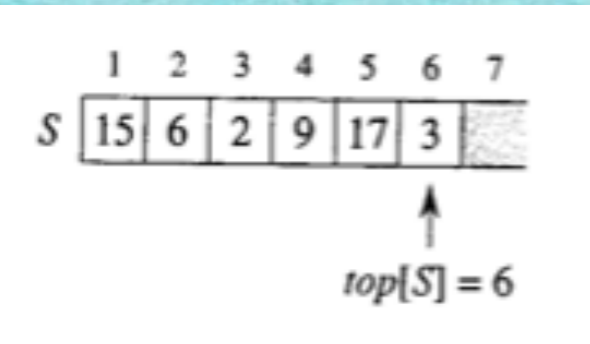
POP



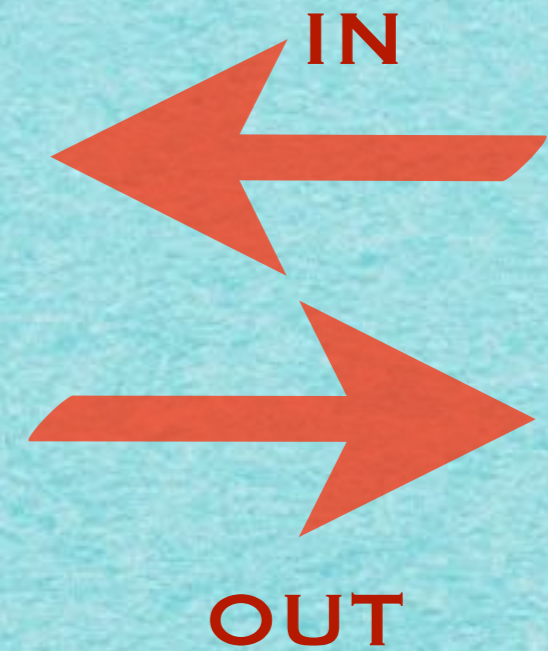
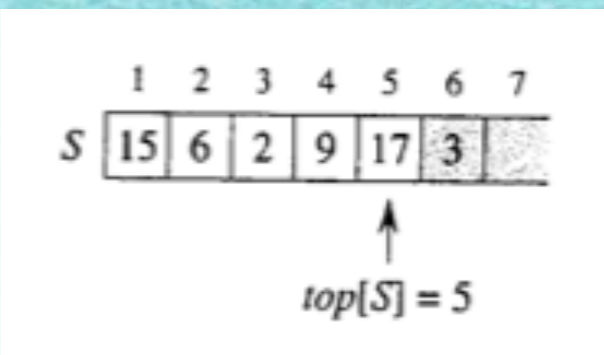
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



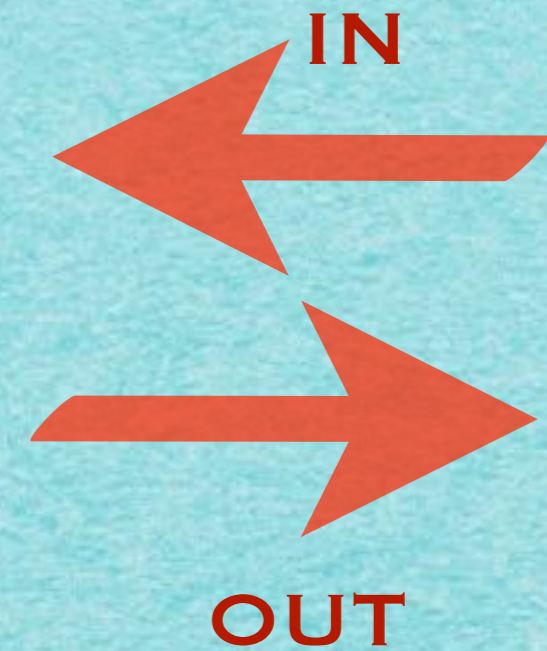
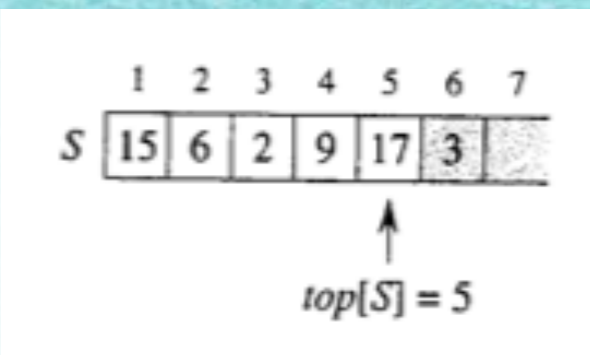
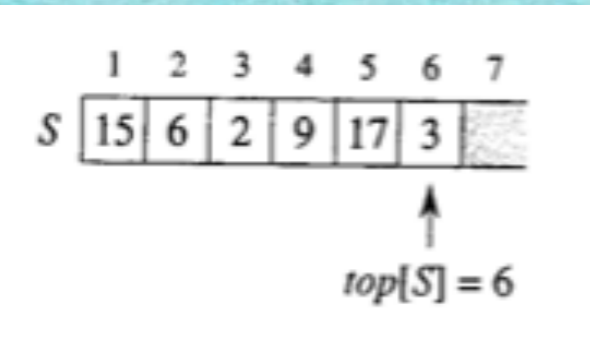
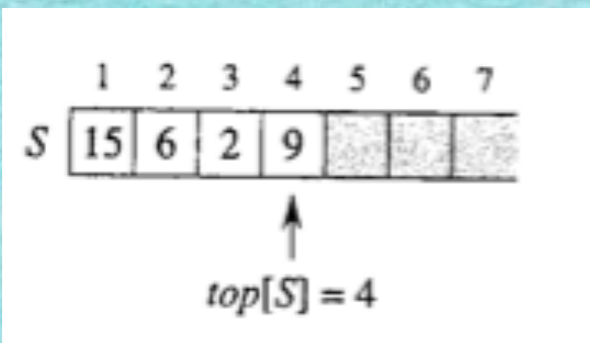
PUSH: 17, 3



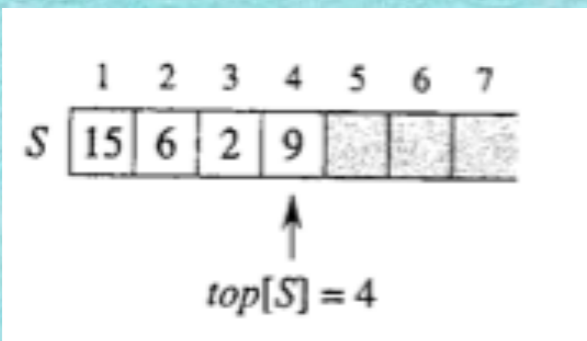
POP



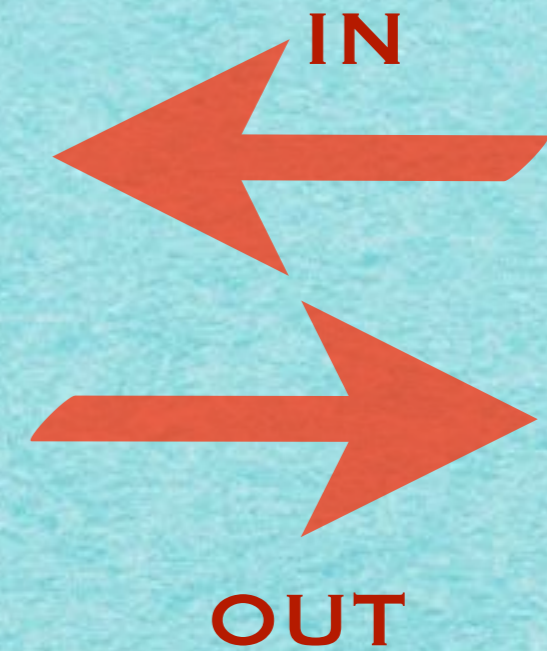
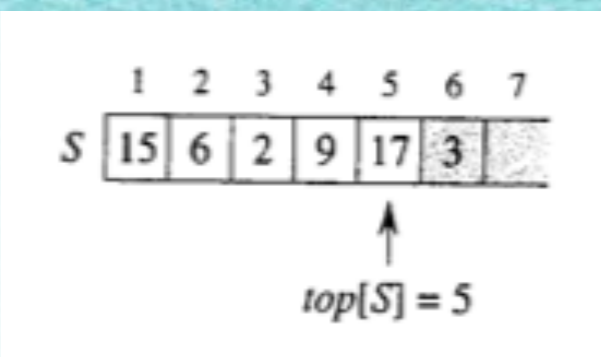
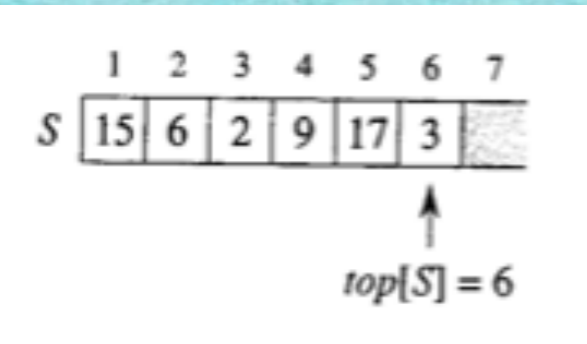
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



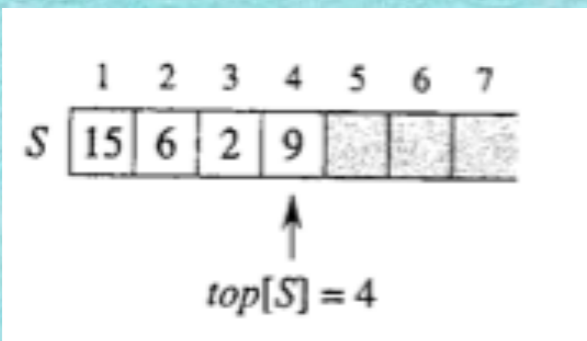
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



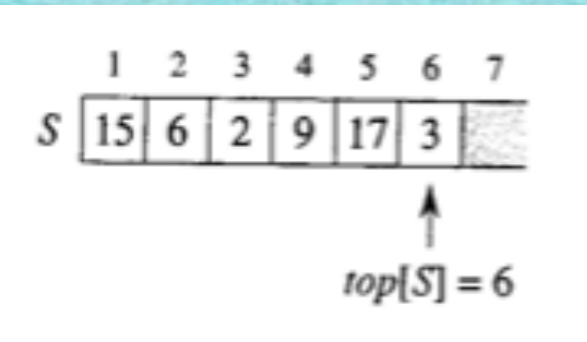
```
STACK-EMPTY(S)
1  if  $top[S] = 0$ 
2     then return WAHR
3     else return FALSCH
```



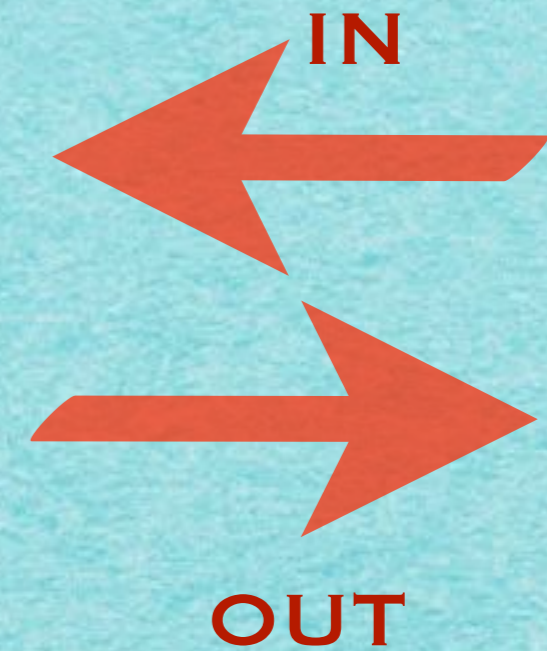
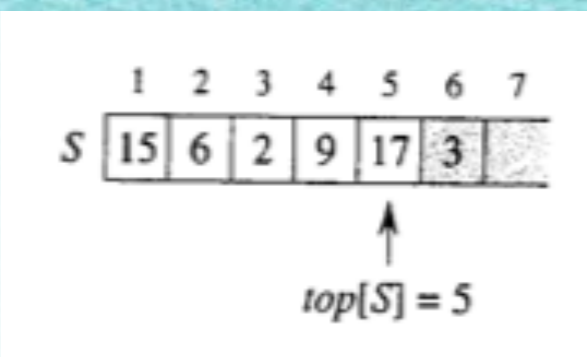
STACK AUF ARRAY UMGESETZT



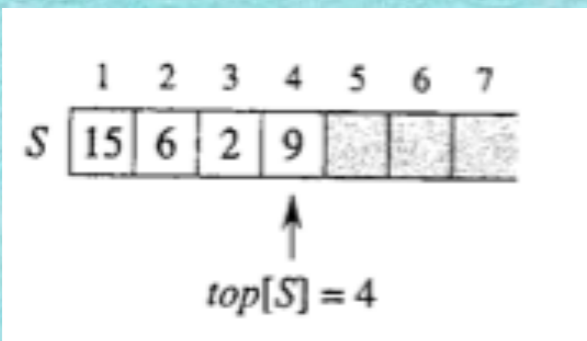
```
STACK-EMPTY(S)
1  if  $top[S] = 0$ 
2     then return WAHR
3     else return FALSCH
```



```
PUSH(S, x)
1   $top[S] \leftarrow top[S] + 1$ 
2   $S[top[S]] \leftarrow x$ 
```

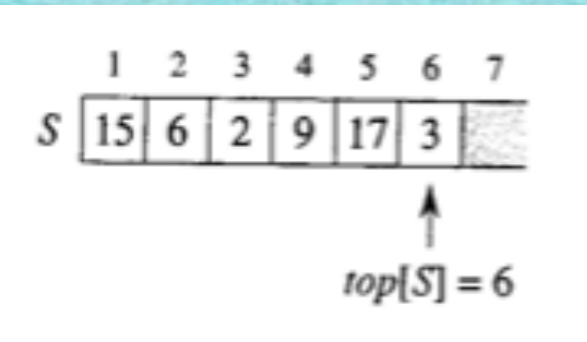


STACK AUF ARRAY UMGESETZT



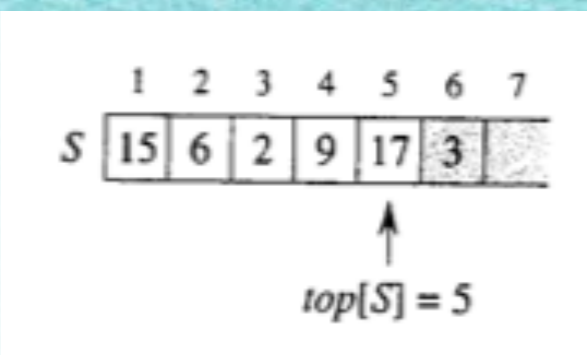
```

STACK-EMPTY(S)
1  if  $top[S] = 0$ 
2     then return WAHR
3     else return FALSCH
    
```



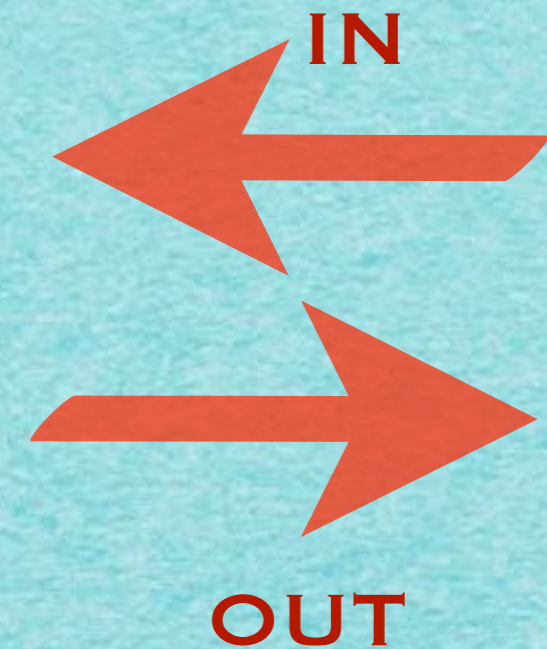
```

PUSH(S, x)
1   $top[S] \leftarrow top[S] + 1$ 
2   $S[top[S]] \leftarrow x$ 
    
```



```

POP(S)
1  if STACK-EMPTY(S)
2     then error "Unterlauf"
3     else  $top[S] \leftarrow top[S] - 1$ 
4           return  $S[top[S] + 1]$ 
    
```



4.3 Verkettete Listen

4.3 Verkettete Listen

Idee:

4.3 Verkettete Listen

Idee:



4.3 Verkettete Listen

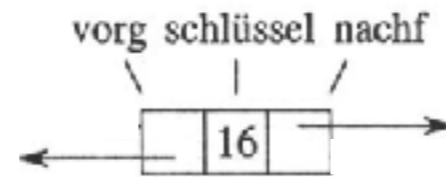
Idee:



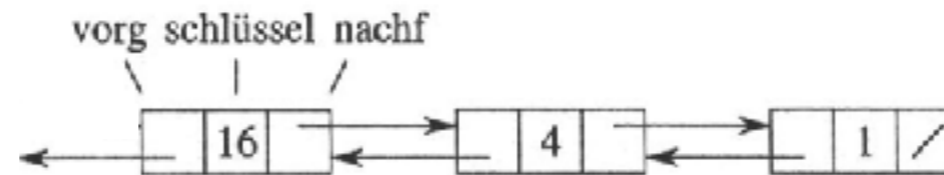
Ordne Objekte nicht explizit in aufeinanderfolgenden Speicherzellen an, sondern gib jeweils Vorgänger und Nachfolger an.

Struktur einer doppelt verketteten Liste

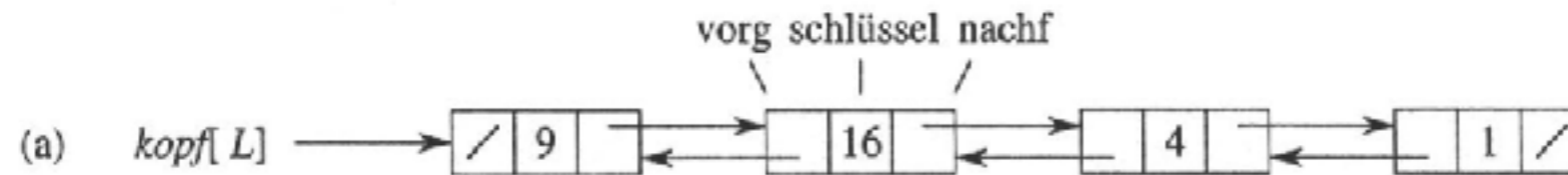
Struktur einer doppelt verketteten Liste



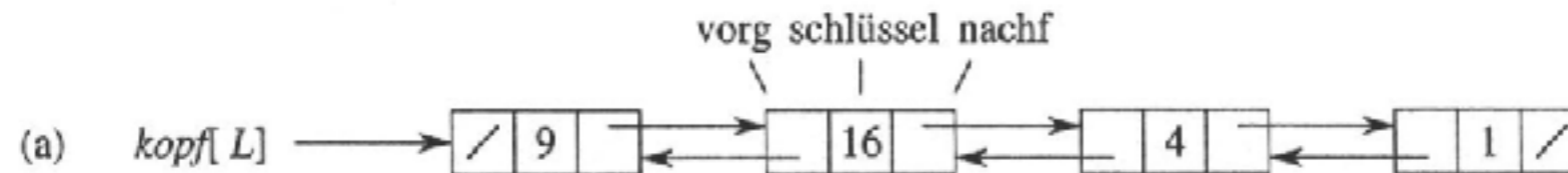
Struktur einer doppelt verketteten Liste



Struktur einer doppelt verketteten Liste

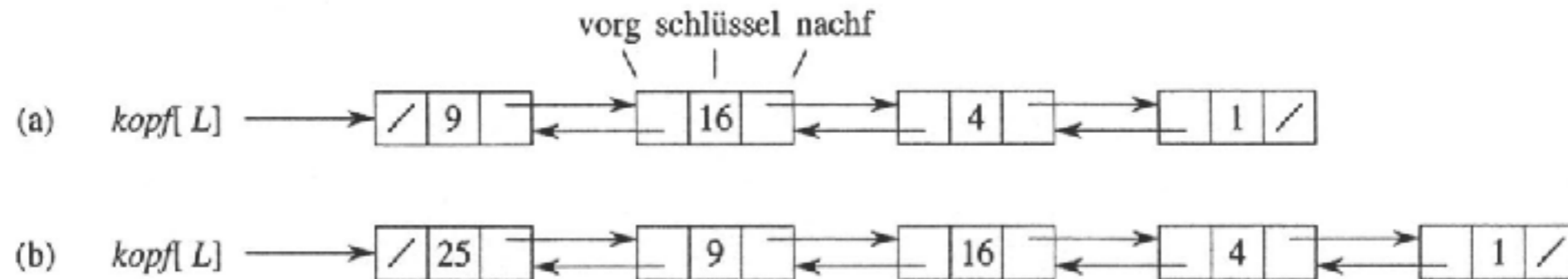


Struktur einer doppelt verketteten Liste



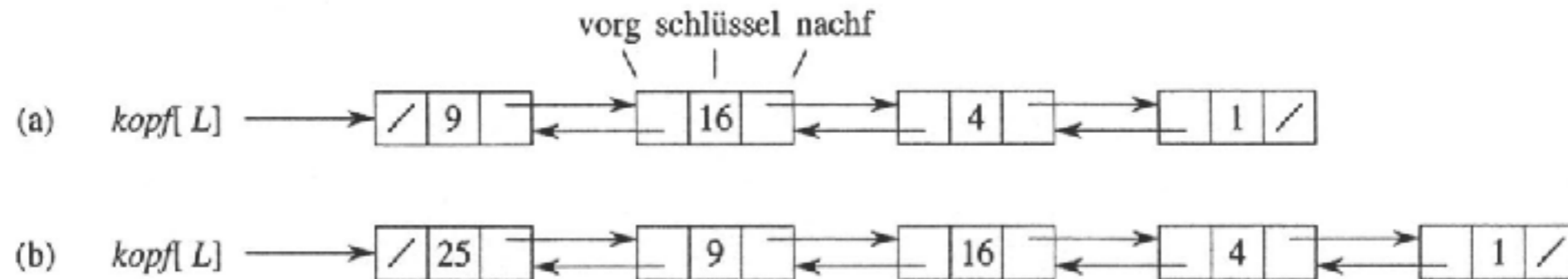
- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

Struktur einer doppelt verketteten Liste



- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

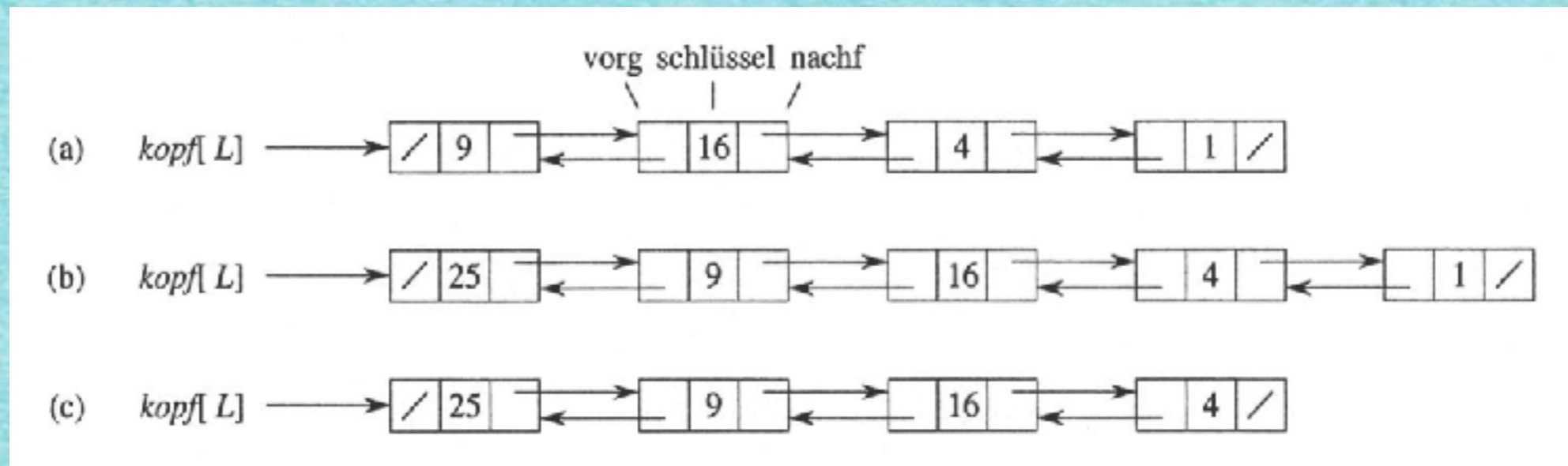
Struktur einer doppelt verketteten Liste



- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

- **Finde ein Element mit Schlüssel 1 und lösche es.**

Struktur einer doppelt verketteten Liste

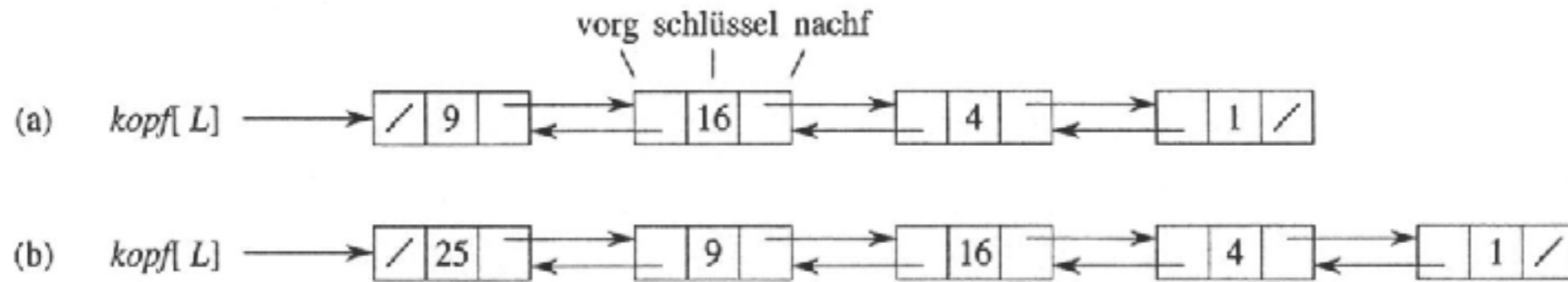


- **Füge vorne das Element mit Schlüssel 25 ein.**

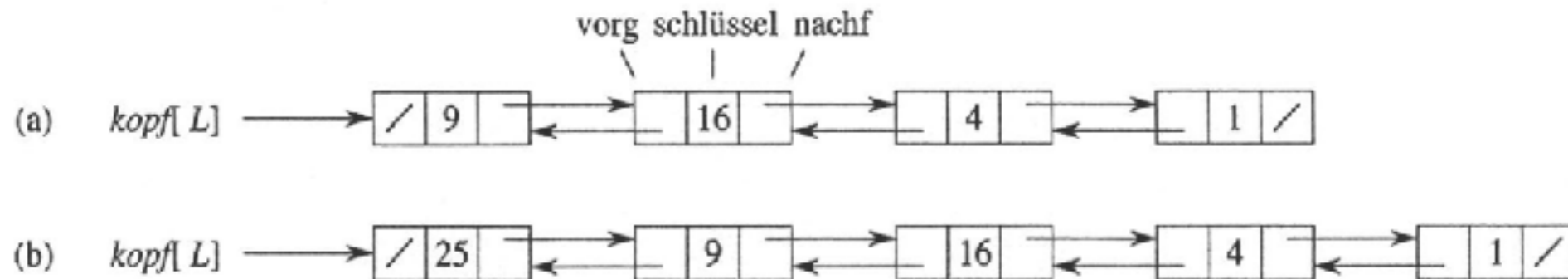
- **Finde ein Element mit Schlüssel 1 und lösche es.**

Einfügen in eine doppelt verkettete Liste

Einfügen in eine doppelt verkettete Liste

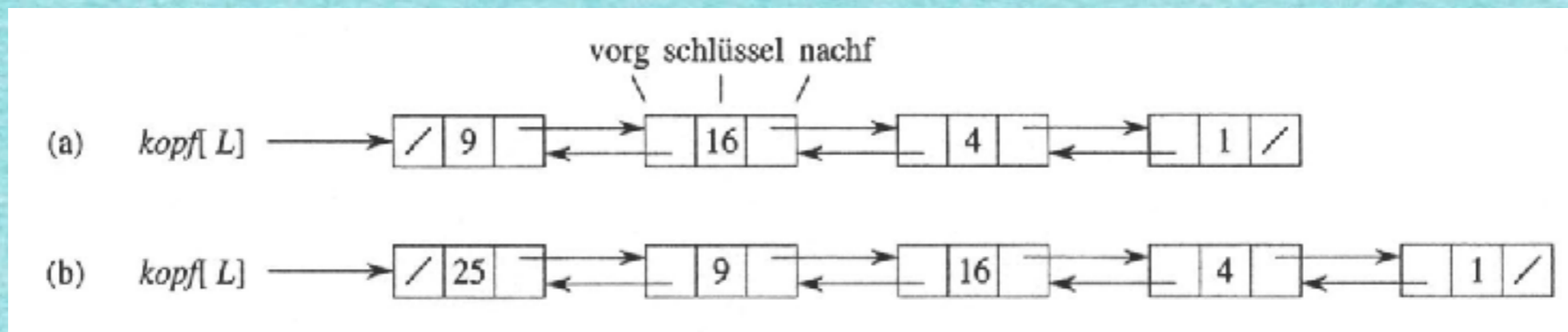


Einfügen in eine doppelt verkettete Liste



```
LIST-INSERT( $L, x$ )  
1   $nachf[x] \leftarrow kopf[L]$   
2  if  $kopf[L] \neq NIL$   
3     then  $vorg[kopf[L]] \leftarrow x$   
4   $kopf[L] \leftarrow x$   
5   $vorg[x] \leftarrow NIL$ 
```


Einfügen in eine doppelt verkettete Liste

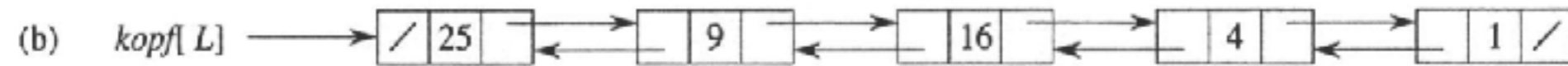


```
LIST-INSERT(L, x)  
1  nachf[x] ← kopf[L]  
2  if kopf[L] ≠ NIL  
3     then vorg[kopf[L]] ← x  
4  kopf[L] ← x  
5  vorg[x] ← NIL
```

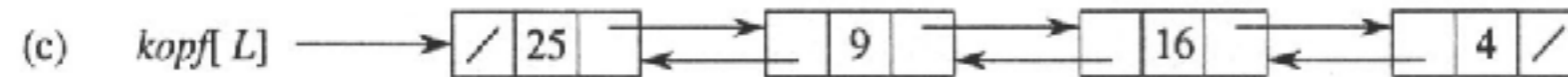
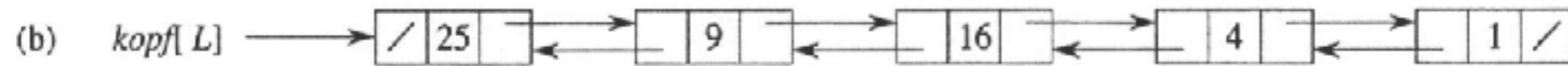
Laufzeit: O(1)

Löschen aus einer doppelt verketteten Liste

Löschen aus einer doppelt verketteten Liste



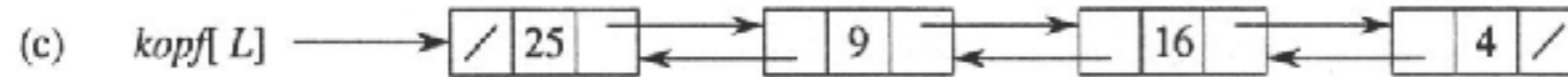
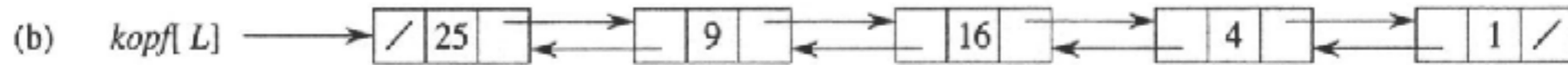
Löschen aus einer doppelt verketteten Liste



LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x \leftarrow \text{kopf}[L]$ 
2 while  $x \neq \text{NIL}$  und  $\text{schlüssel}[x] \neq k$ 
3     do  $x \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 return  $x$ 
```


Löschen aus einer doppelt verketteten Liste

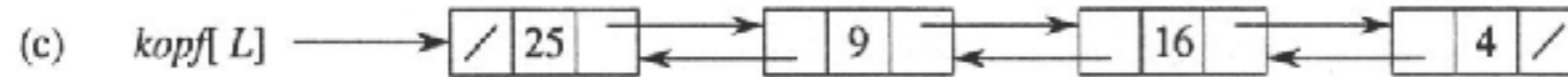
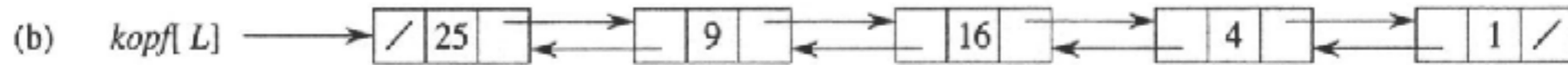


LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x \leftarrow kopf[L]$ 
2 while  $x \neq NIL$  und  $schlüssel[x] \neq k$ 
3     do  $x \leftarrow nachf[x]$ 
4 return  $x$ 
```

Laufzeit: $O(n)$

Löschen aus einer doppelt verketteten Liste



LIST-SEARCH(L, k)

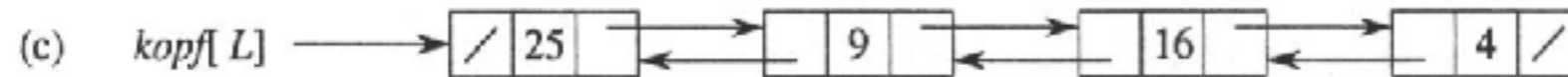
```
1  $x \leftarrow \text{kopf}[L]$ 
2 while  $x \neq \text{NIL}$  und  $\text{schlüssel}[x] \neq k$ 
3     do  $x \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 return  $x$ 
```

LIST-DELETE(L, x)

```
1 if  $\text{vorg}[x] \neq \text{NIL}$ 
2     then  $\text{nachf}[\text{vorg}[x]] \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
3     else  $\text{kopf}[L] \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 if  $\text{nachf}[x] \neq \text{NIL}$ 
5     then  $\text{vorg}[\text{nachf}[x]] \leftarrow \text{vorg}[x]$ 
```

Laufzeit: $O(n)$

Löschen aus einer doppelt verketteten Liste



Laufzeit: $O(n)$

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x \leftarrow \text{kopf}[L]$ 
2 while  $x \neq \text{NIL}$  und  $\text{schlüssel}[x] \neq k$ 
3     do  $x \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 return  $x$ 
```

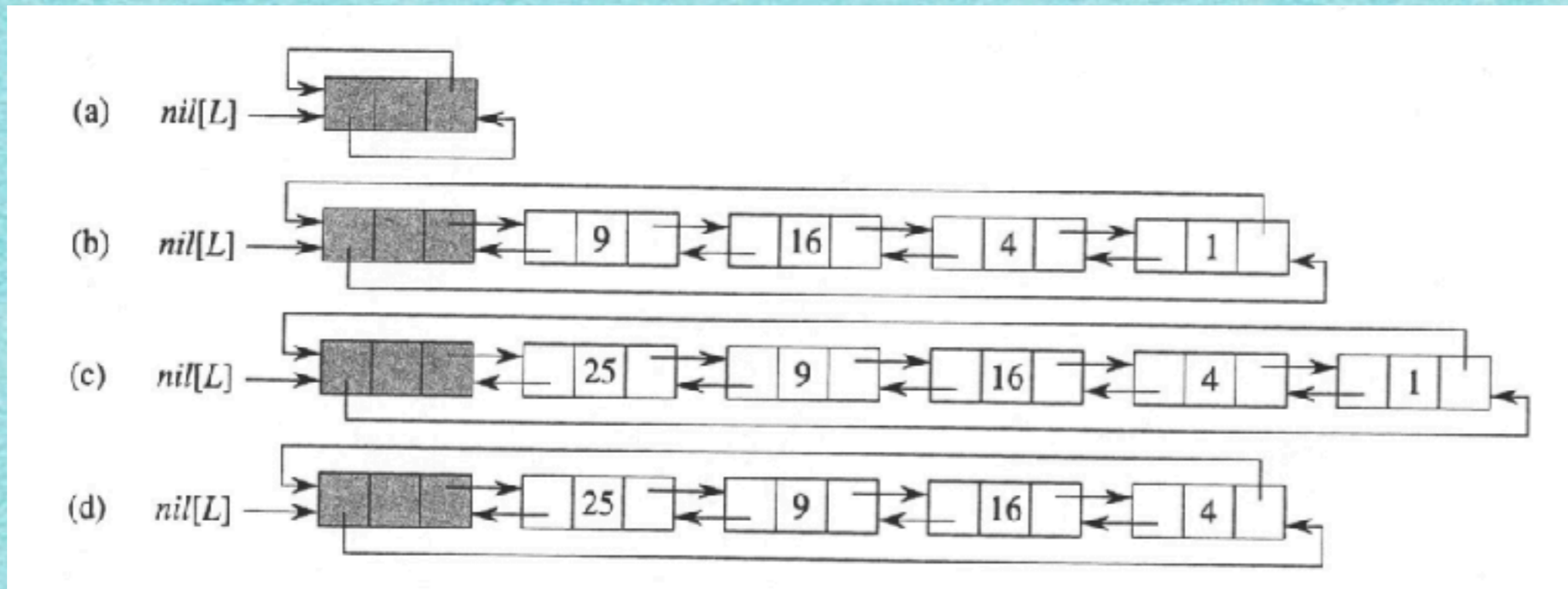
LIST-DELETE(L, x)

```
1 if  $\text{vorg}[x] \neq \text{NIL}$ 
2     then  $\text{nachf}[\text{vorg}[x]] \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
3     else  $\text{kopf}[L] \leftarrow \text{nachf}[x]$ 
4 if  $\text{nachf}[x] \neq \text{NIL}$ 
5     then  $\text{vorg}[\text{nachf}[x]] \leftarrow \text{vorg}[x]$ 
```

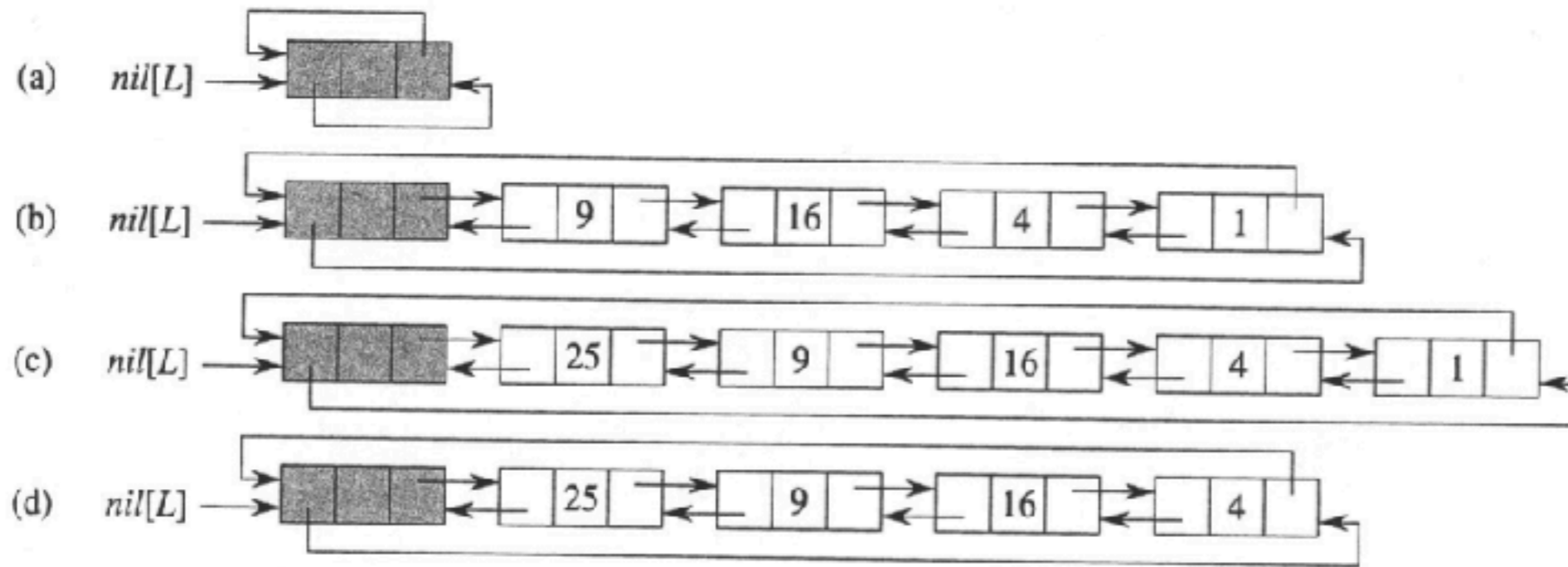
Laufzeit: $O(1)$

Alternative: Zyklische Struktur mit "Wächter" nil[L]

Alternative: Zyklische Struktur mit "Wächter" nil[L]



Alternative: Zyklische Struktur mit "Wächter" $nil[L]$

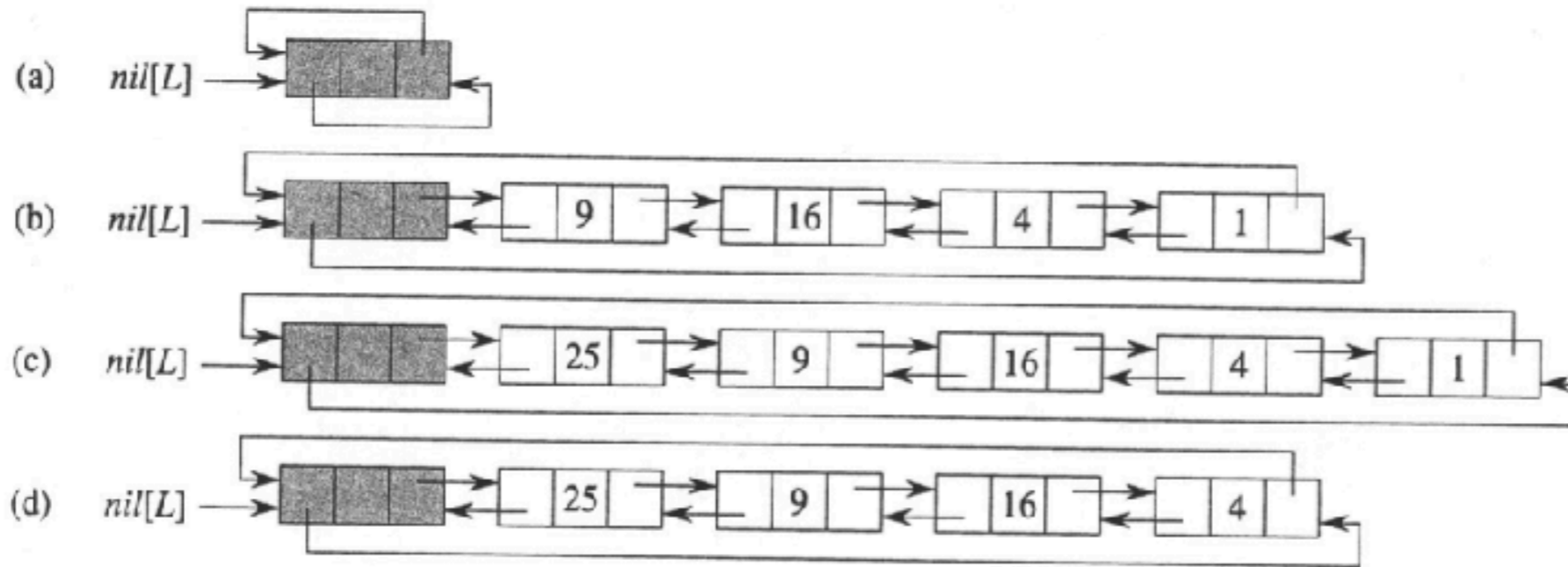


LIST-INSERT'(L, x)

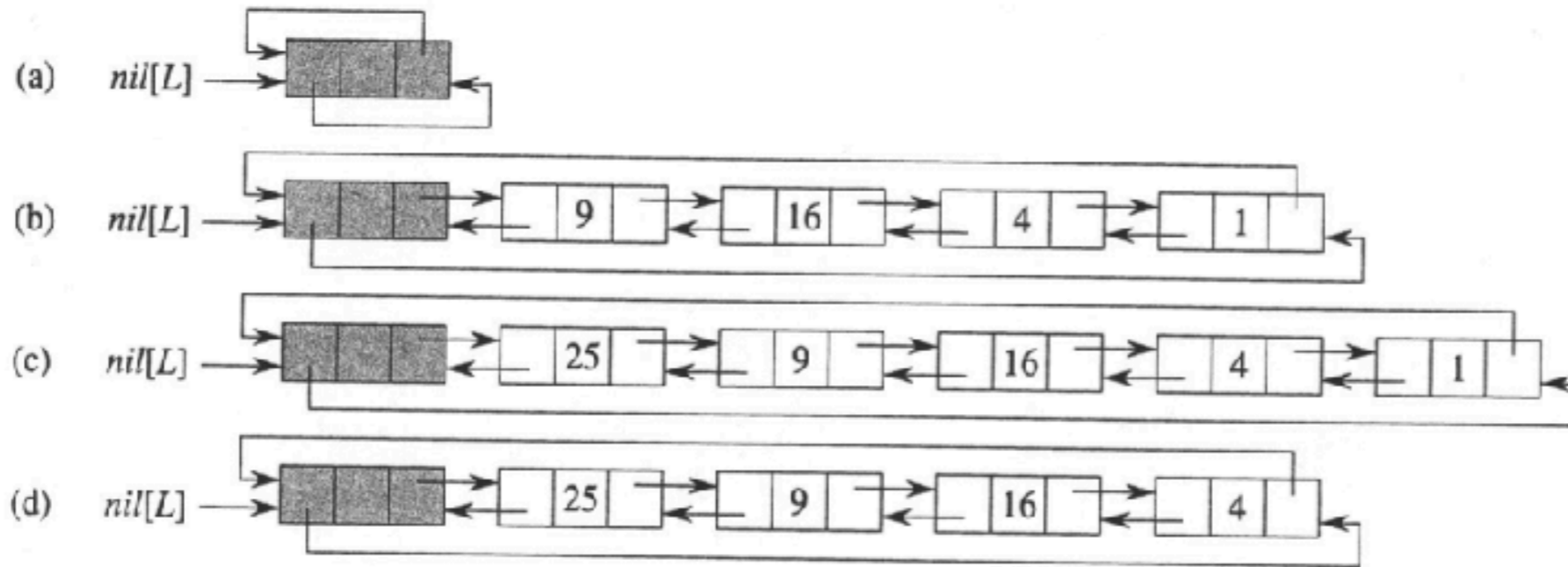
- 1 $nachf[x] \leftarrow nachf[nil[L]]$
- 2 $vorg[nachf[nil[L]]] \leftarrow x$
- 3 $nachf[nil[L]] \leftarrow x$
- 4 $vorg[x] \leftarrow nil[L]$

Alternative: Zyklische Struktur mit Wächter "nil[L]"

Alternative: Zyklische Struktur mit Wächter "nil[L]"



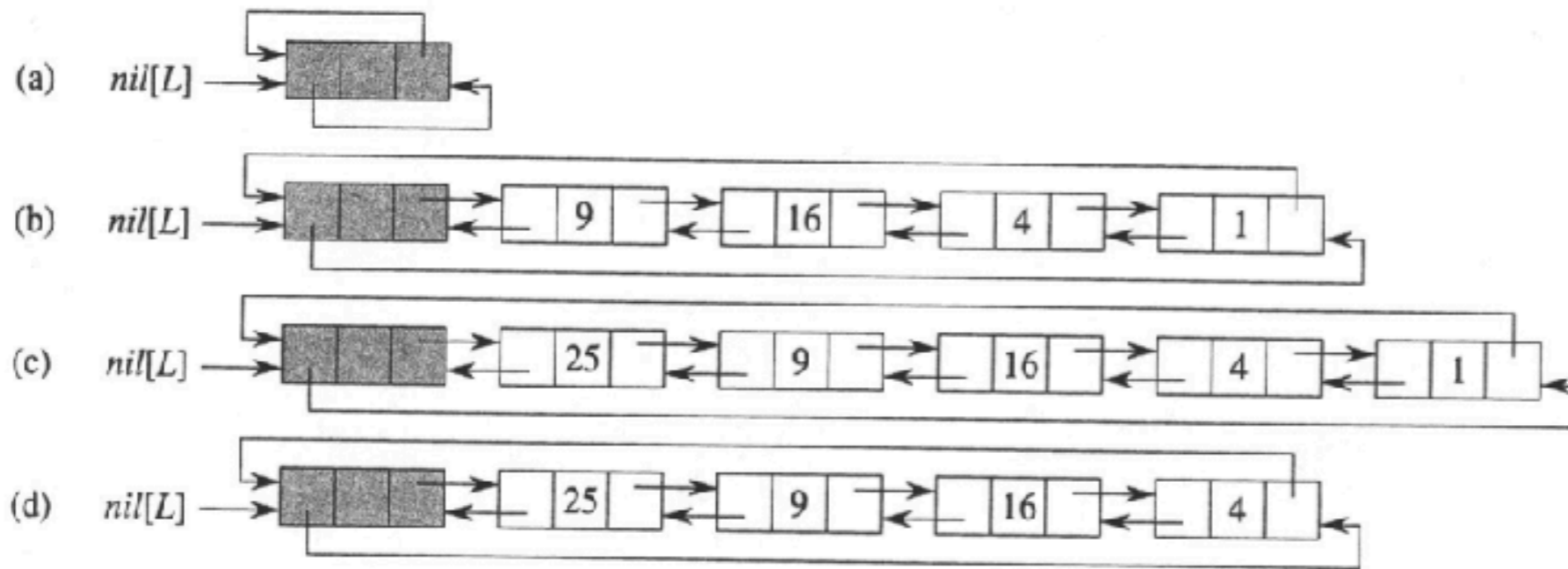
Alternative: Zyklische Struktur mit Wächter "nil[L]"



LIST-SEARCH'(L, k)

```
1  $x \leftarrow nachf[nil[L]]$   
2 while  $x \neq nil[L]$  und  $schlüssel[x] \neq k$   
3   do  $x \leftarrow nachf[x]$   
4 return  $x$ 
```


Alternative: Zyklische Struktur mit Wächter "nil[L]"



LIST-SEARCH'(L, k)

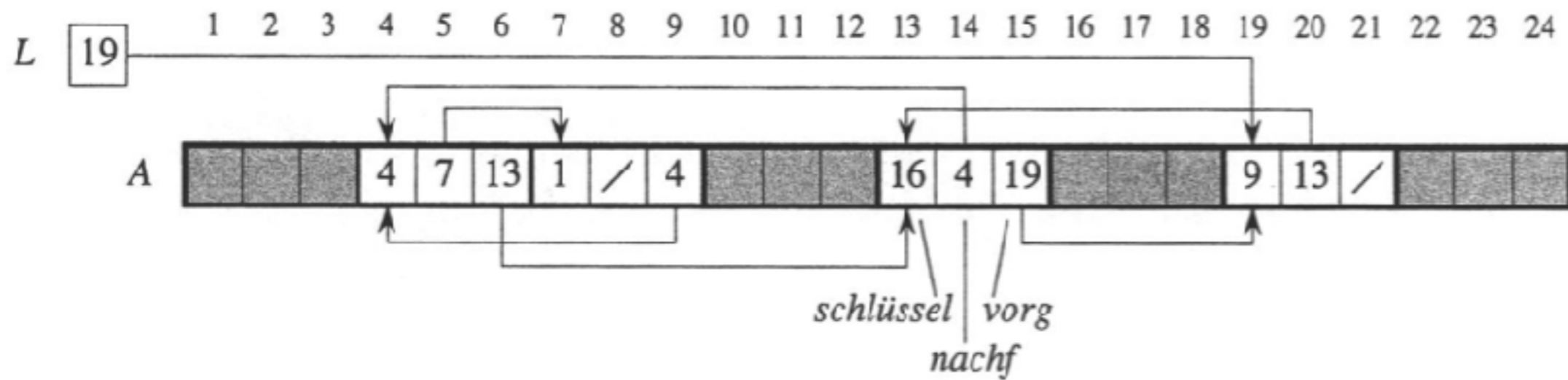
```
1  $x \leftarrow nachf[nil[L]]$   
2 while  $x \neq nil[L]$  und  $schlüssel[x] \neq k$   
3   do  $x \leftarrow nachf[x]$   
4 return  $x$ 
```

LIST-DELETE'(L, x)

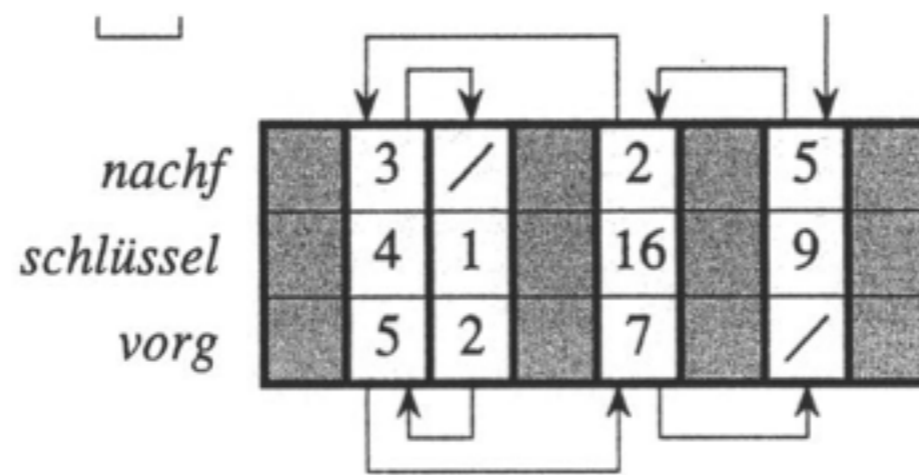
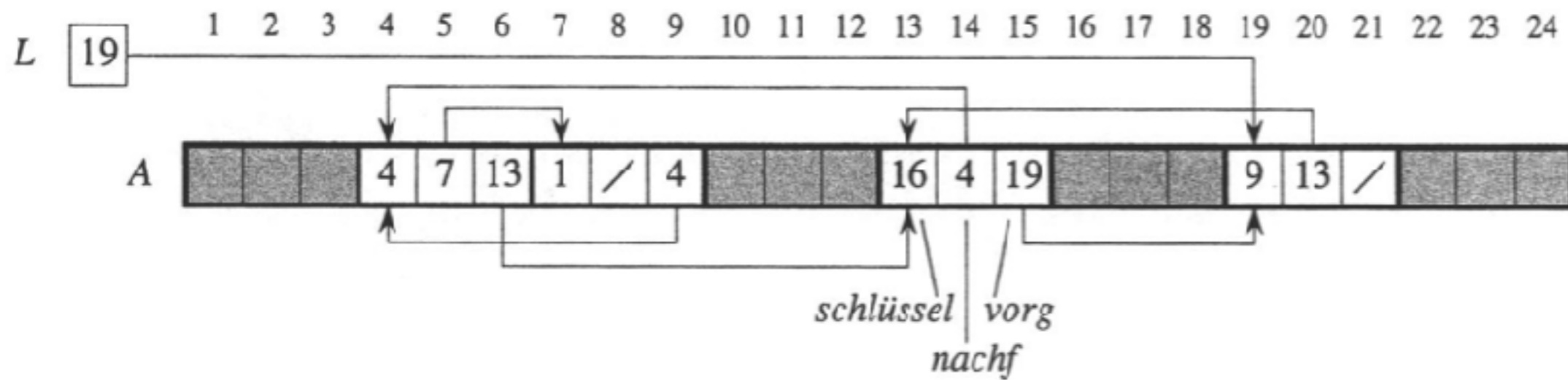
```
1  $nachf[vorg[x]] \leftarrow nachf[x]$   
2  $vorg[nachf[x]] \leftarrow vorg[x]$ 
```


Speicherung kann irgendwo erfolgen!

Speicherung kann irgendwo erfolgen!



Speicherung kann irgendwo erfolgen!



4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

< ?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

<



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

< ? >

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

<



>

100 101 102 103 104 105 106

107

108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

?

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

<

?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?

>



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



100 101 102 103 104 105 106 107 **108 109 110** 111 112 113 114

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

<

?

>

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



?

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



?



100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 **110** 111 112 113 114

!

4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

4.4 Binäre Suche

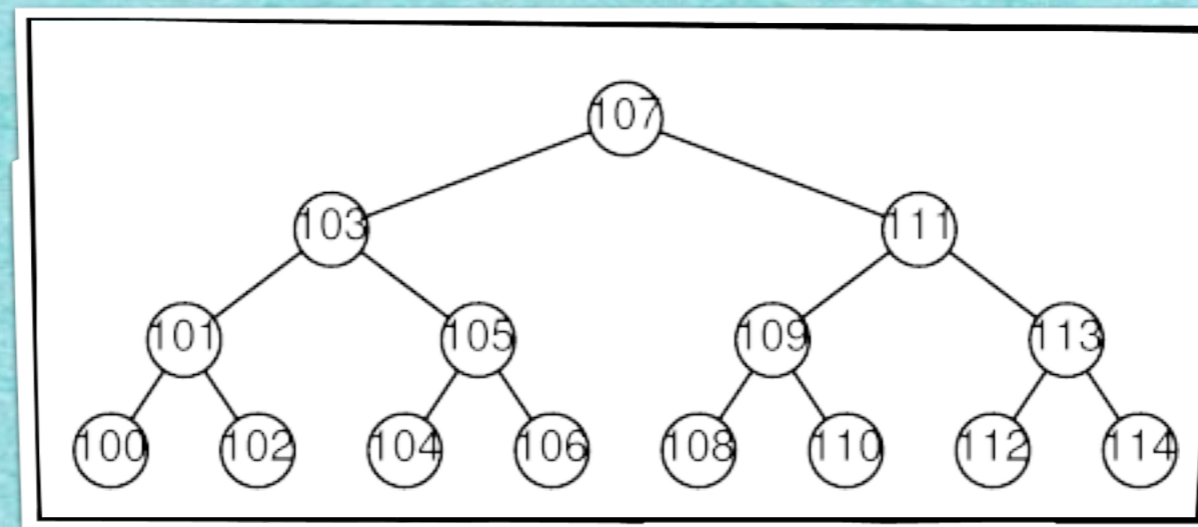
Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

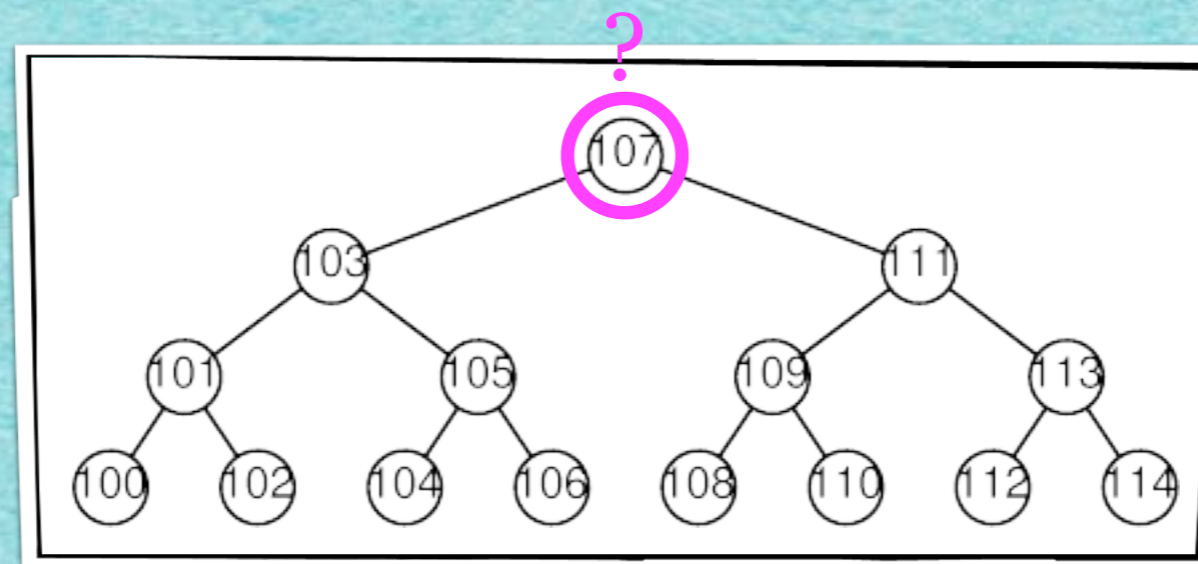
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

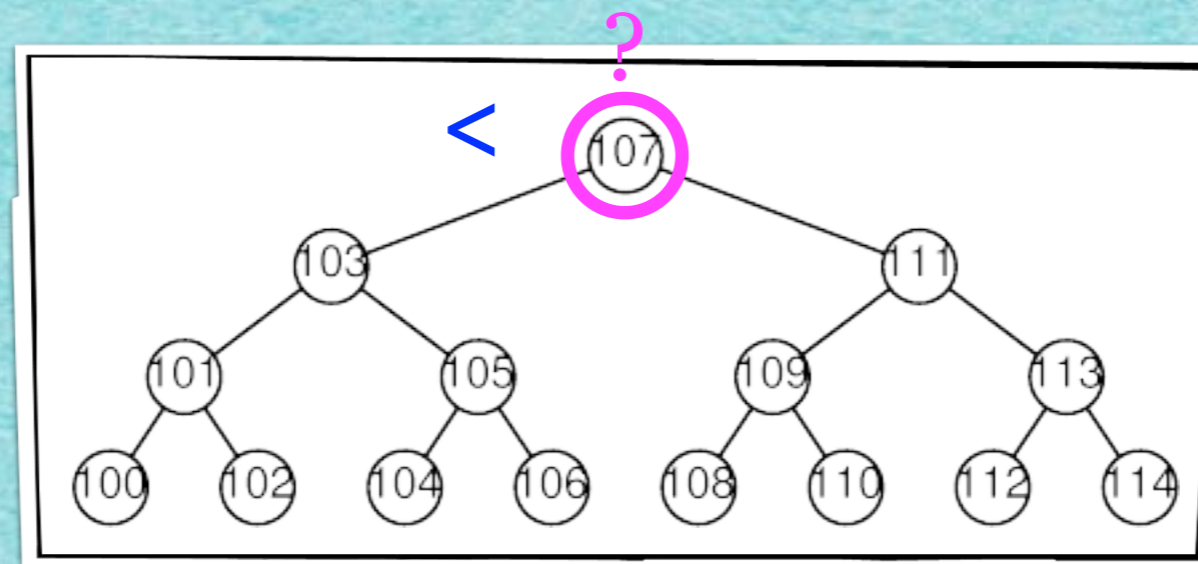
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

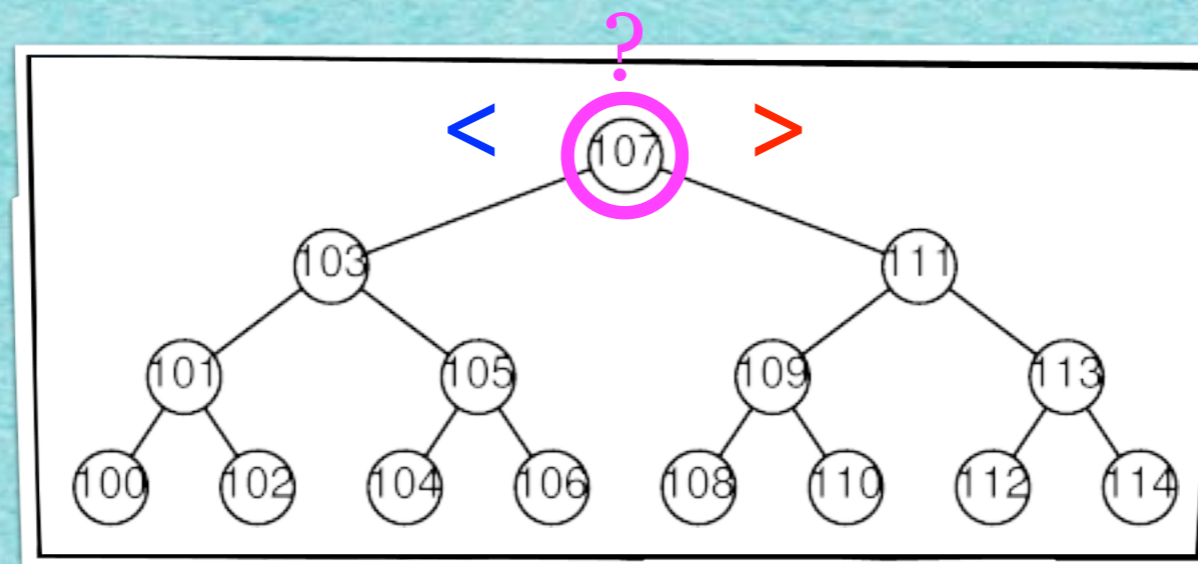
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

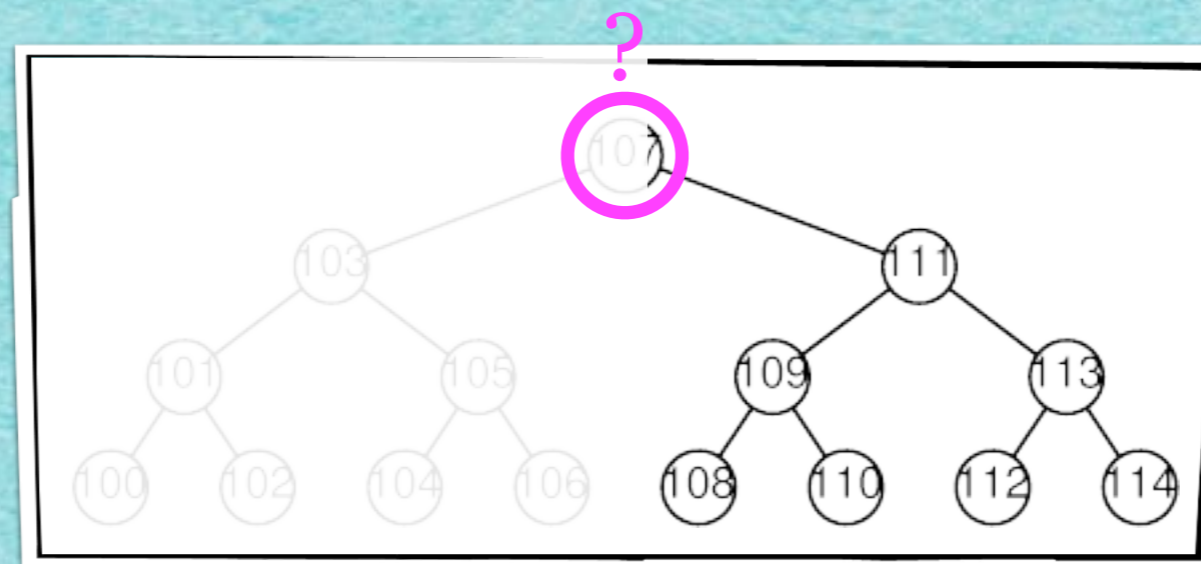
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

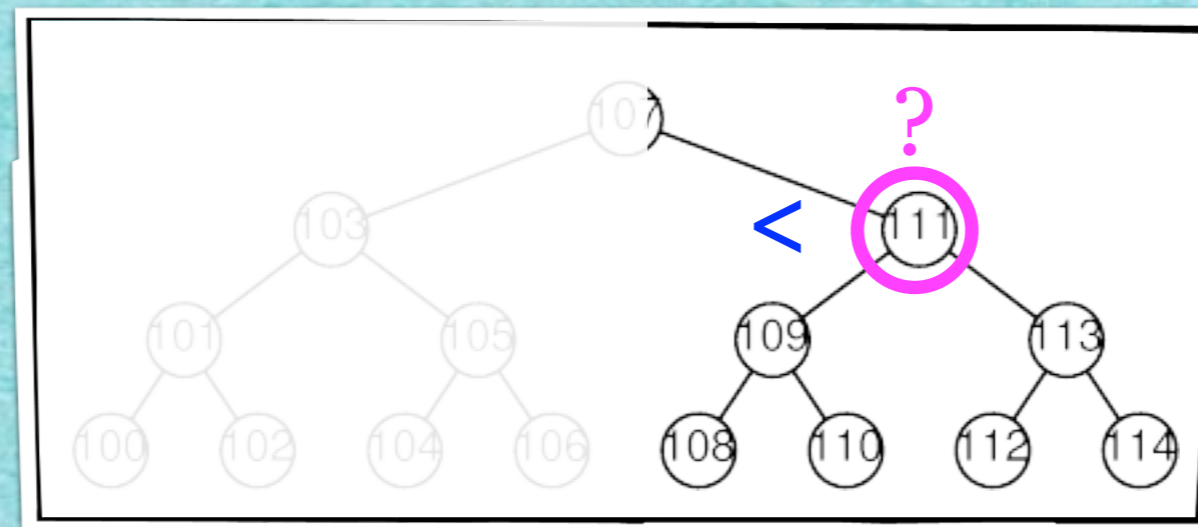
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

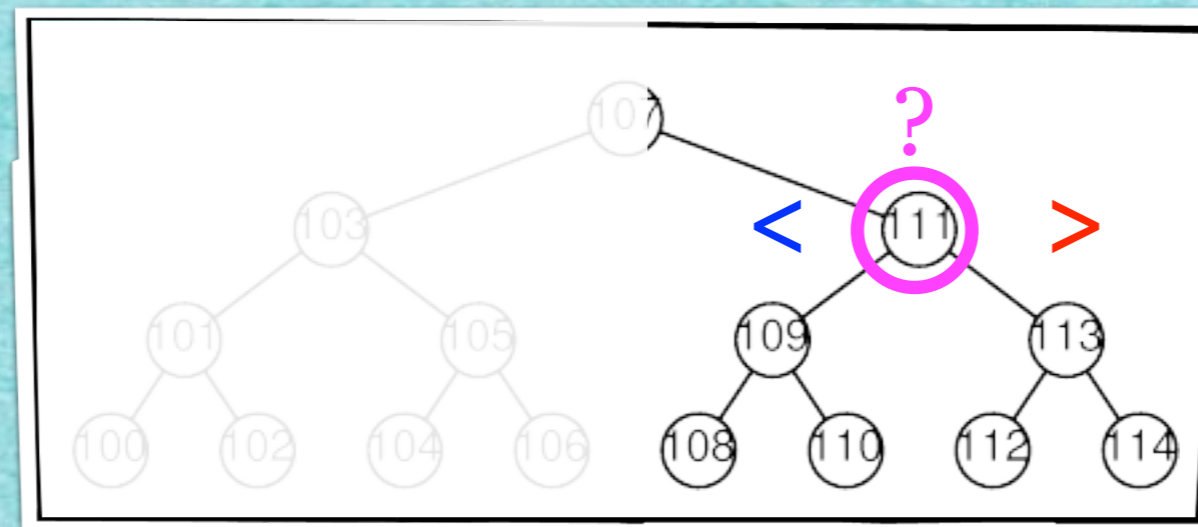
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

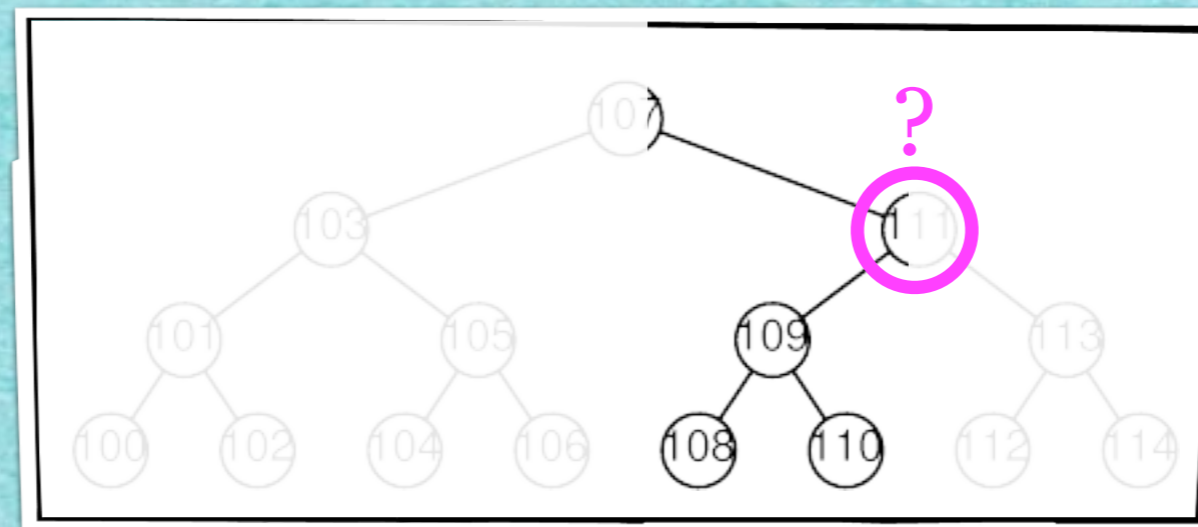
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

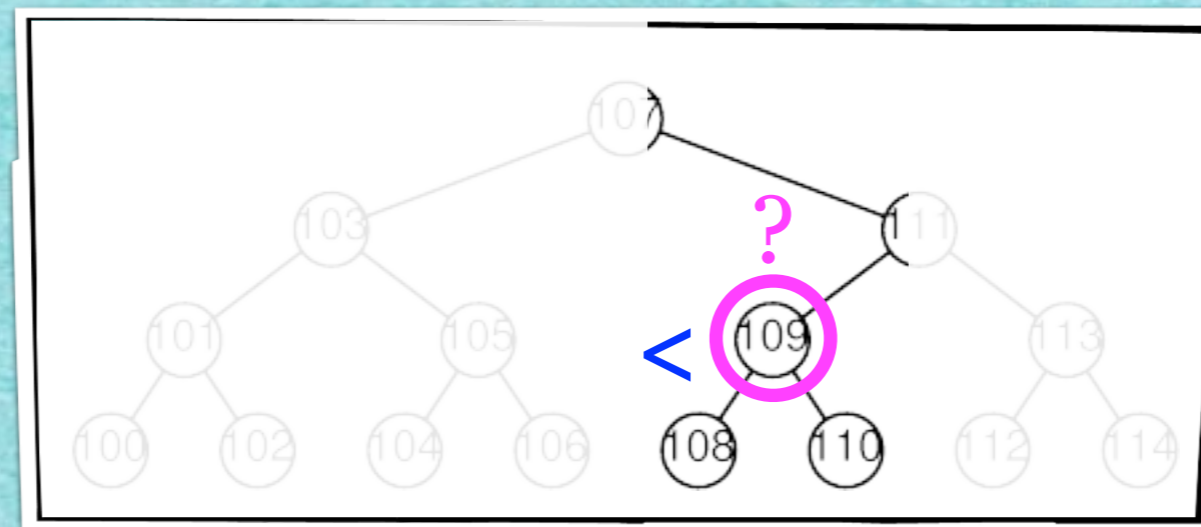
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

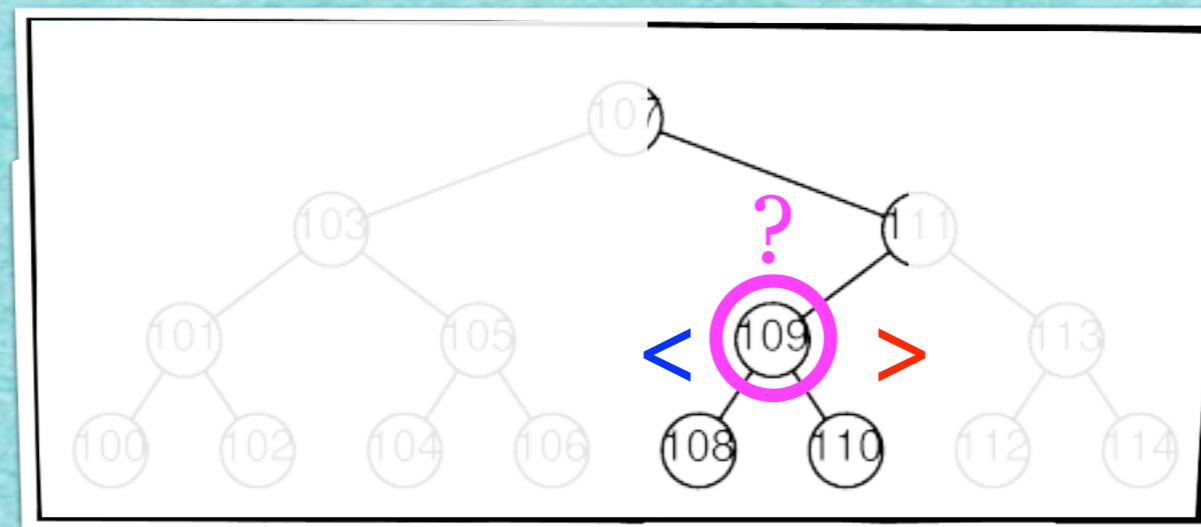
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

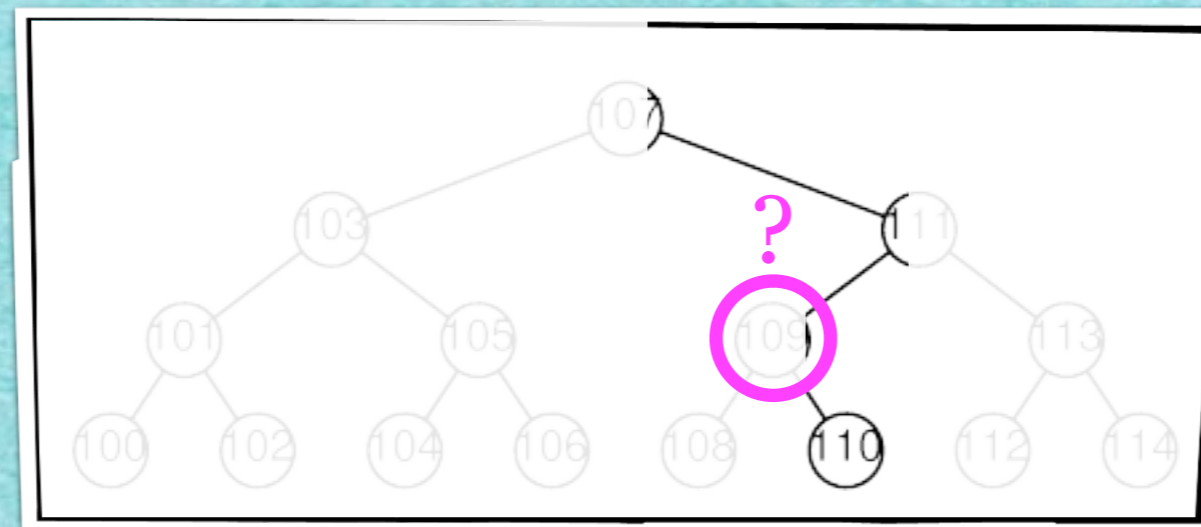
- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Rate eine Zahl zwischen 100 und 114!*



Algorithmus 4.1



Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS \leq RECHTS) DO {

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS \leq RECHTS) DO {

1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 - 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 - 1.2. IF (S[MITTE]=WERT) THEN
 - 1.2.1. RETURN MITTE

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 - 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 - 1.2. IF (S[MITTE]=WERT) THEN
 - 1.2.1. RETURN MITTE
 - 1.3. ELSEIF (S[MITTE]>WERT) THEN
 - 1.3.1. RECHTS:=MITTE-1

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 - 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 - 1.2. IF (S[MITTE]=WERT) THEN
 - 1.2.1. RETURN MITTE
 - 1.3. ELSEIF (S[MITTE]>WERT) THEN
 - 1.3.1. RECHTS:=MITTE-1
 - 1.4. ELSEIF
 - 1.4.1. LINKS:=MITTE+1

Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{LINKS + RECHTS}{2} \right\rfloor$ 
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN
        1.2.1. RETURN MITTE
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1
    1.4. ELSEIF
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1
}
```


Algorithmus 4.1

INPUT: Sortierter Array mit Einträgen $S[I]$, Suchwert WERT,
linke Randposition LINKS, rechte Randposition RECHTS,

OUTPUT: Position von WERT zwischen Arraypositionen LINKS und RECHTS, falls existent

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 - 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 - 1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN
 - 1.2.1. RETURN MITTE
 - 1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN
 - 1.3.1. RECHTS := MITTE - 1
 - 1.4. ELSEIF
 - 1.4.1. LINKS := MITTE + 1}
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"

4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

4.4 Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

i

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

LINKS

WERT=42

i 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS															RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN
 1.2.1. RETURN MITTE
 1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN
 1.3.1. RECHTS := MITTE - 1
 1.4. ELSEIF
 1.4.1. LINKS := MITTE + 1
 }
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS															RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {
 1.1. MITTE := $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$
 1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN
 1.2.1. RETURN MITTE
 1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN
 1.3.1. RECHTS := MITTE - 1
 1.4. ELSEIF
 1.4.1. LINKS := MITTE + 1
 }
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

							MITTE	LINKS						RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

							MITTE	LINKS						RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

							MITTE	LINKS						RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS			MITTE				RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS			MITTE				RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS			MITTE				RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS		RECHTS	MITTE			
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS		RECHTS	MITTE			
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS		RECHTS	MITTE			
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=42

								LINKS	MITTE	RECHTS				
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

RETURN 9

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

WERT=7

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

LINKS

WERT=7

i 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14

S[i] 1 2 5 6 13 17 28 33 42 47 52 64 89 96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS															RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96		

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS																RECHTS
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14			
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96			

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS		WERT=7				RECHTS	MITTE							
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS		MITTE			RECHTS								
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE :=  $\left\lfloor \frac{\text{LINKS} + \text{RECHTS}}{2} \right\rfloor$   
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

	LINKS		MITTE			RECHTS								
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

			MITTE	LINKS		RECHTS								
			WERT=7											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

			WERT=7	LINKS	MITTE	RECHTS									
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

			WERT=7	LINKS	MITTE	RECHTS									
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				RECHTS	MITTE										
			WERT	=7											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7										
				LINKS										
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
    }  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7											
				LINKS											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7											
				RECHTES											
				LINKS											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

BINÄRESUCHE(S,WERT,LINKS,RECHTS)

```
1. WHILE (LINKS ≤ RECHTS) DO {  
    1.1. MITTE := ⌊ (LINKS + RECHTS) / 2 ⌋  
    1.2. IF (S[MITTE] = WERT) THEN  
        1.2.1. RETURN MITTE  
    1.3. ELSEIF (S[MITTE] > WERT) THEN  
        1.3.1. RECHTS := MITTE - 1  
    1.4. ELSEIF  
        1.4.1. LINKS := MITTE + 1  
}  
2. RETURN "WERT nicht gefunden!"
```

Binäre Suche

Aufgabenstellung:

- *Finde eine gesuchte Zahl in der gegebenen sortierten Menge!*

				WERT=7											
				RECHTES											
				LINKS											
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	
S[i]	1	2	5	6	13	17	28	33	42	47	52	64	89	96	

WERT nicht gefunden!

4.4 Binäre Suche

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS-LINKS}))$ Schritten

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS}-\text{LINKS}))$ Schritten (für $\text{RECHTS} > \text{LINKS}$).

4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS-LINKS}))$ Schritten (für $\text{RECHTS} > \text{LINKS}$).

Beweis:

Selbst!

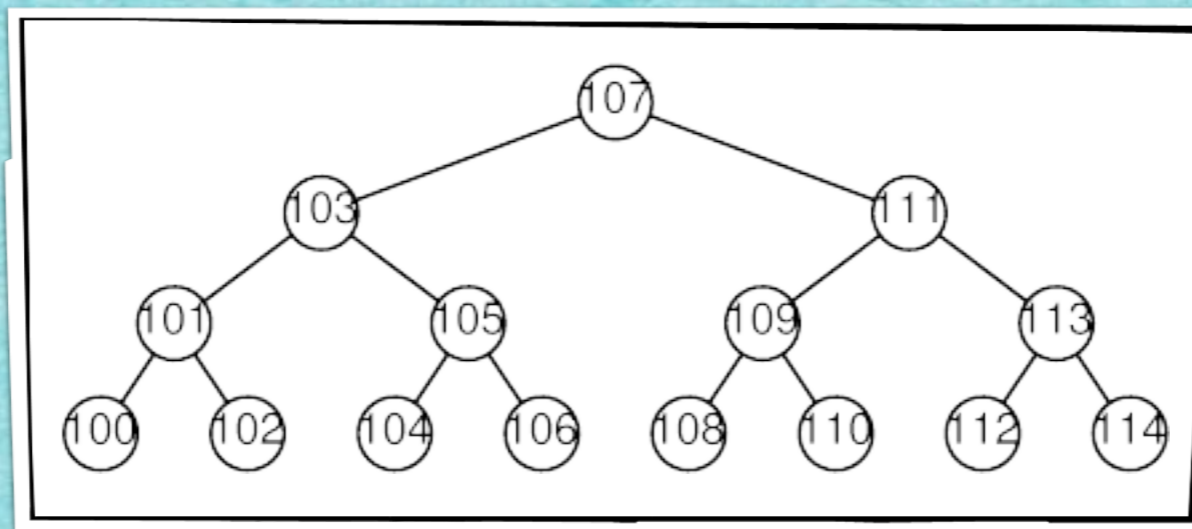
4.4 Binäre Suche

Satz 4.2

Die binäre Suche terminiert in $O(\log(\text{RECHTS}-\text{LINKS}))$ Schritten (für $\text{RECHTS} > \text{LINKS}$).

Beweis:

Selbst!

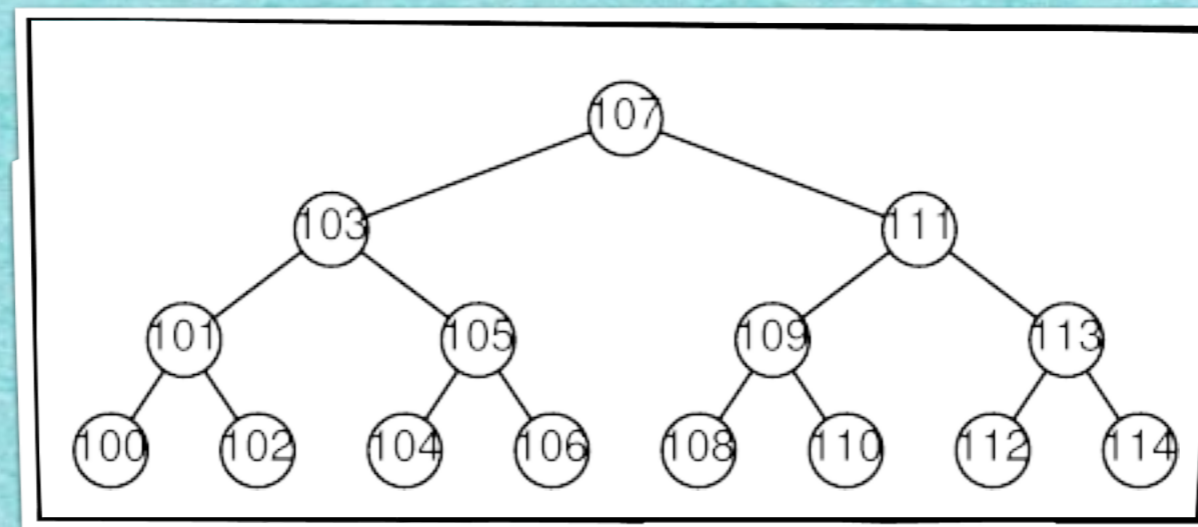


4.5 Binäre Suchbäume

4.5 Binäre Suchbäume

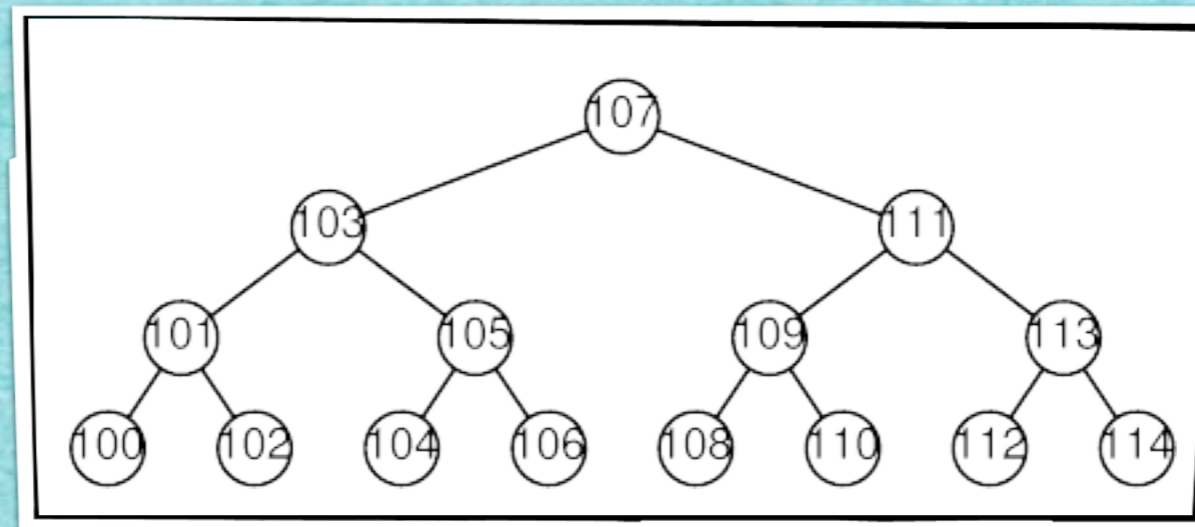


4.5 Binäre Suchbäume



4.5 Binäre Suchbäume

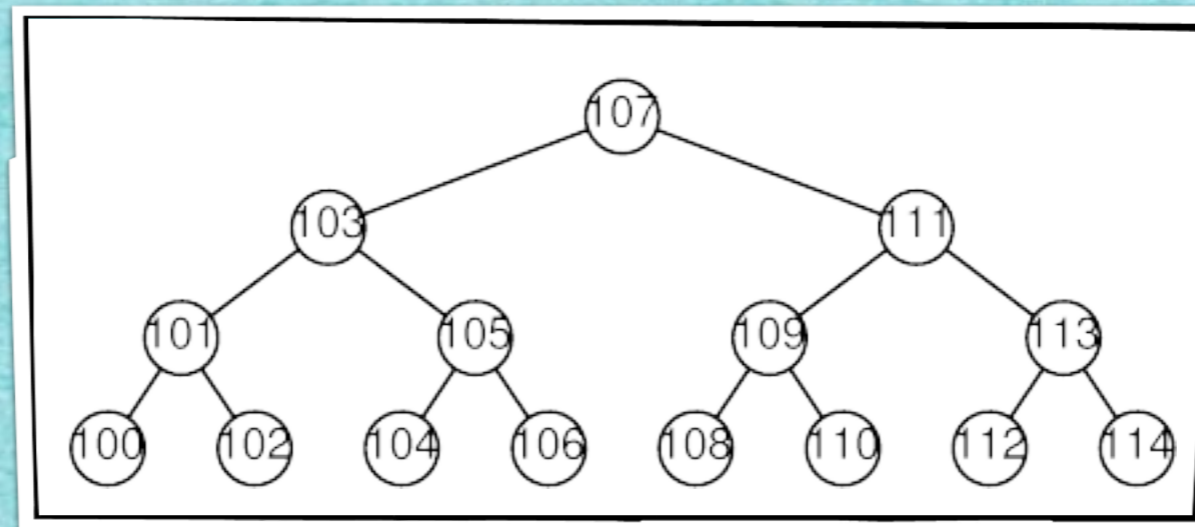
Ideen:



4.5 Binäre Suchbäume

Ideen:

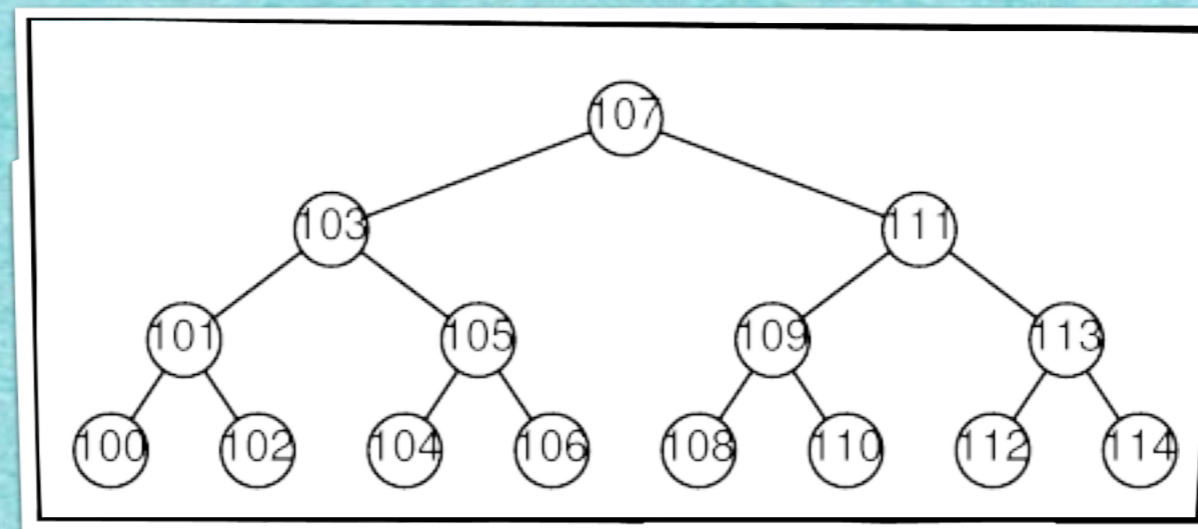
- ***Strukturiere Daten wie im möglichen Ablauf einer binären Suche!***

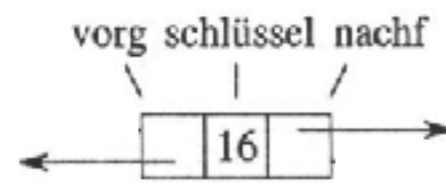


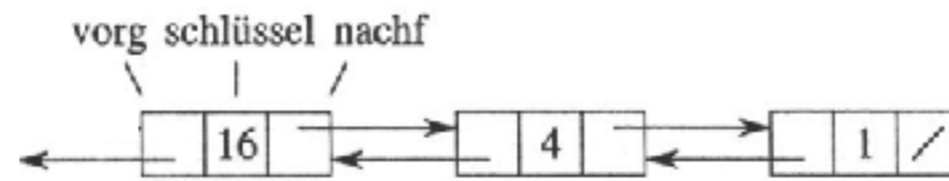
4.5 Binäre Suchbäume

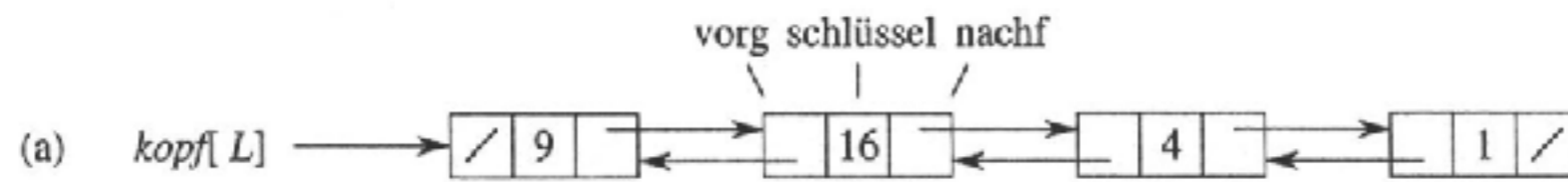
Ideen:

- **Strukturiere Daten wie im möglichen Ablauf einer binären Suche!**
- **Erziele logarithmische Zeiten!**

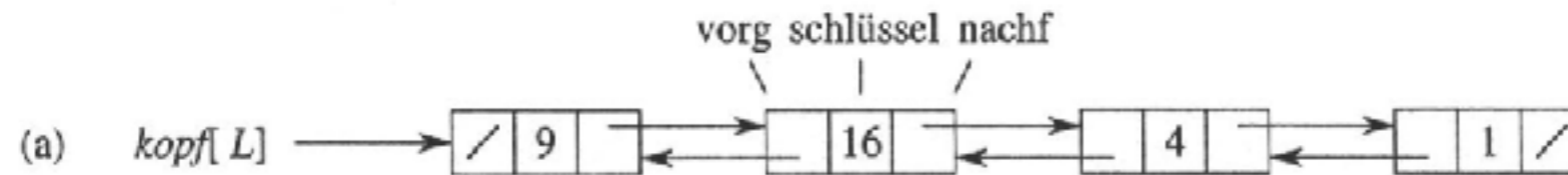




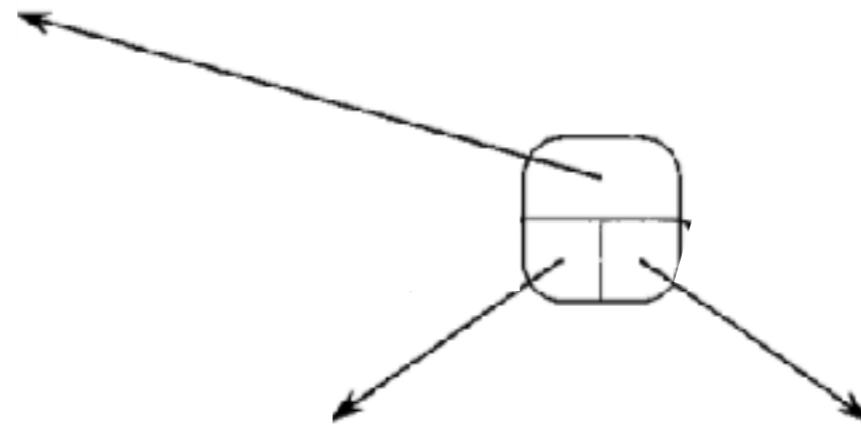




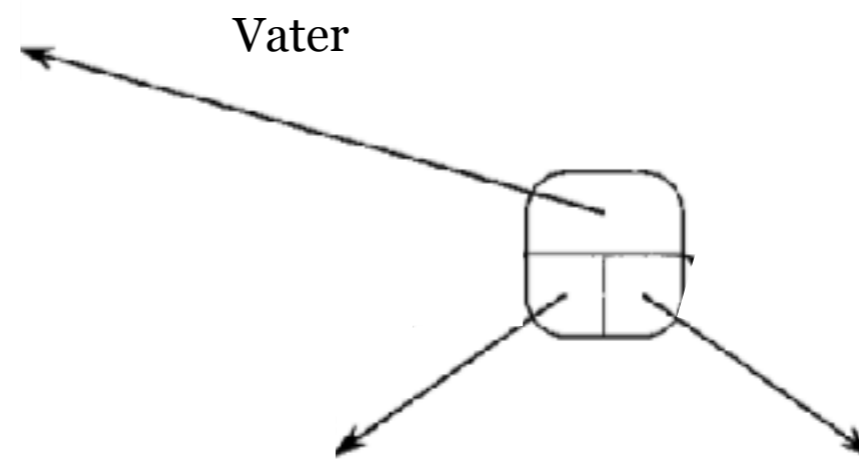
Struktur einer doppelt verketteten Liste



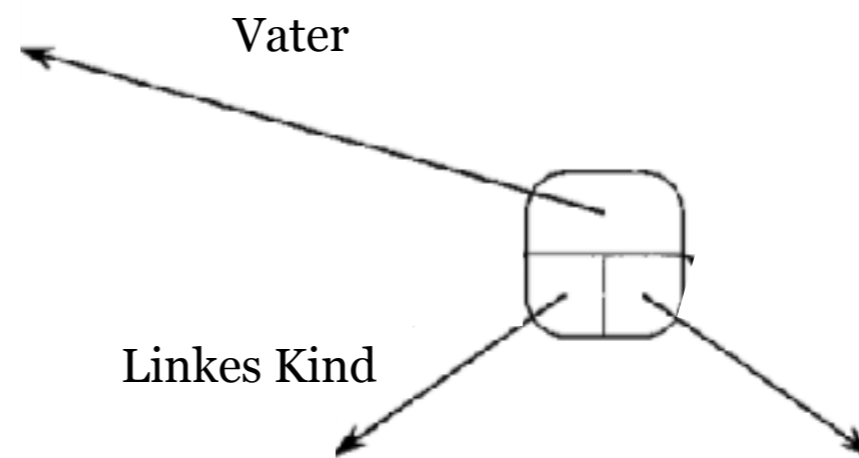
Binärer Suchbaum



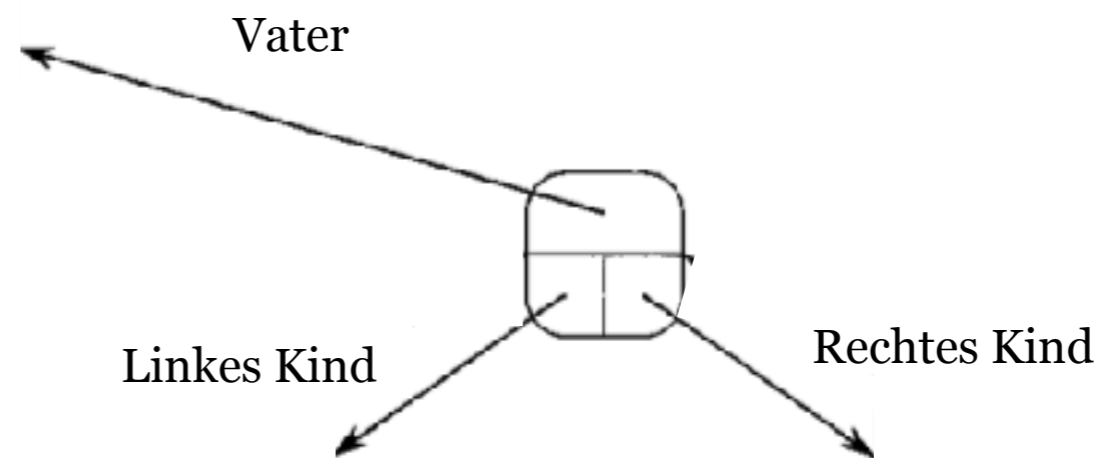
Binärer Suchbaum



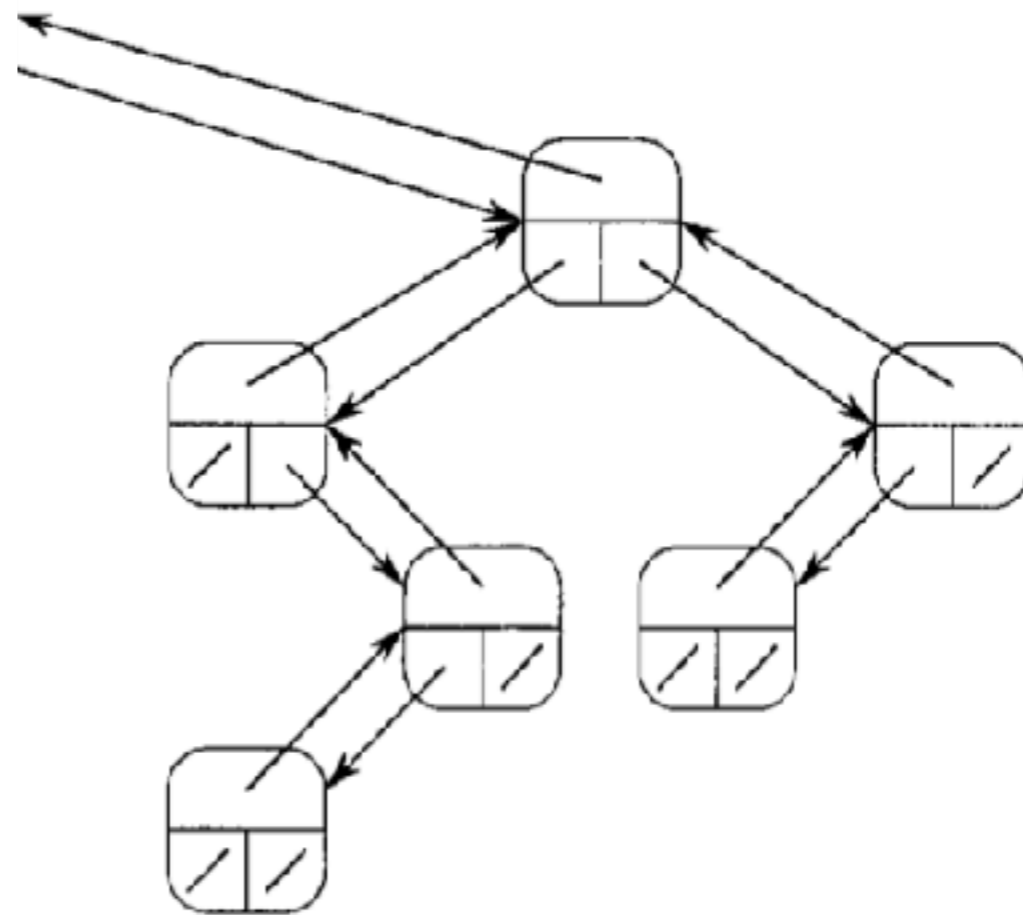
Binärer Suchbaum



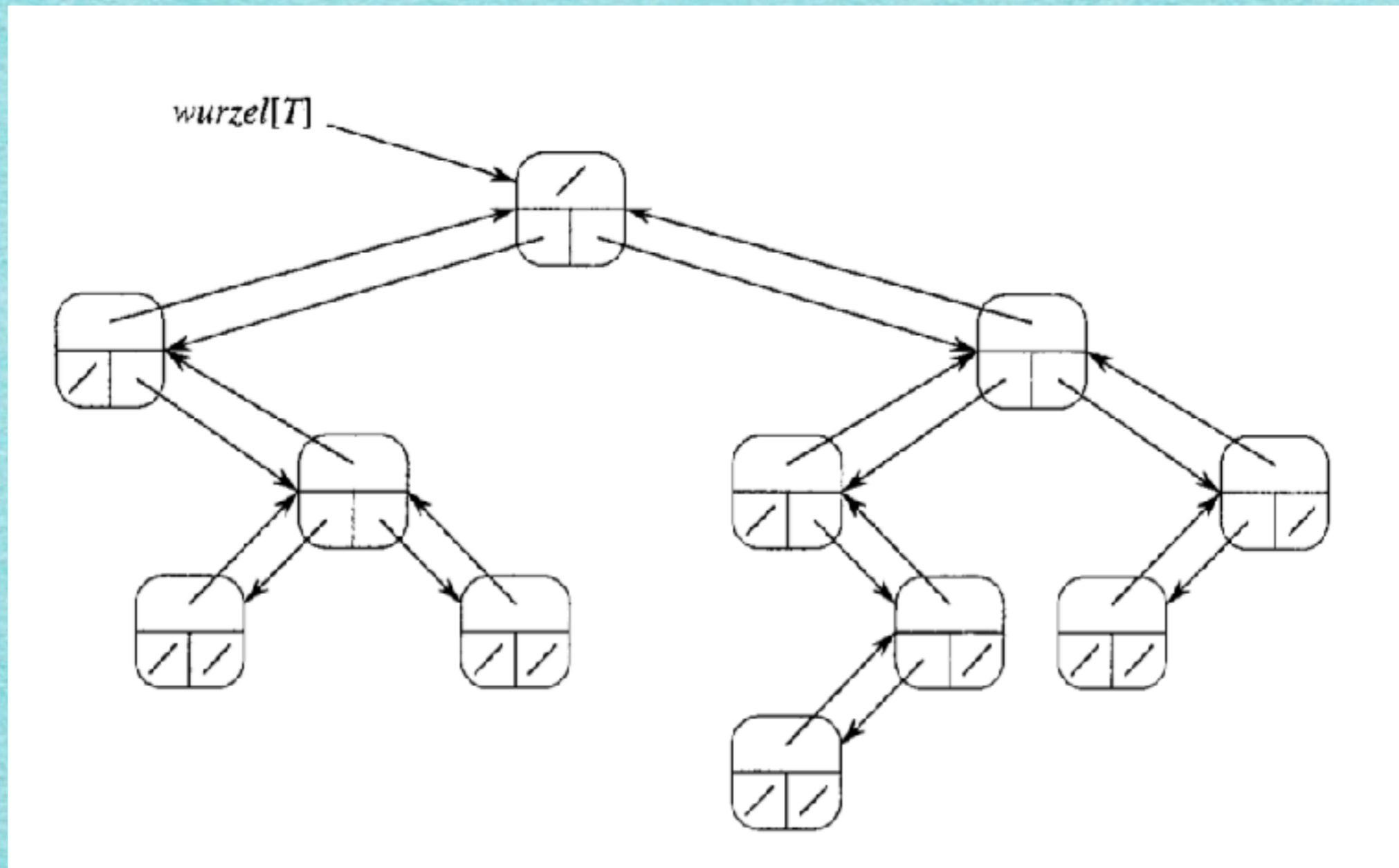
Binärer Suchbaum



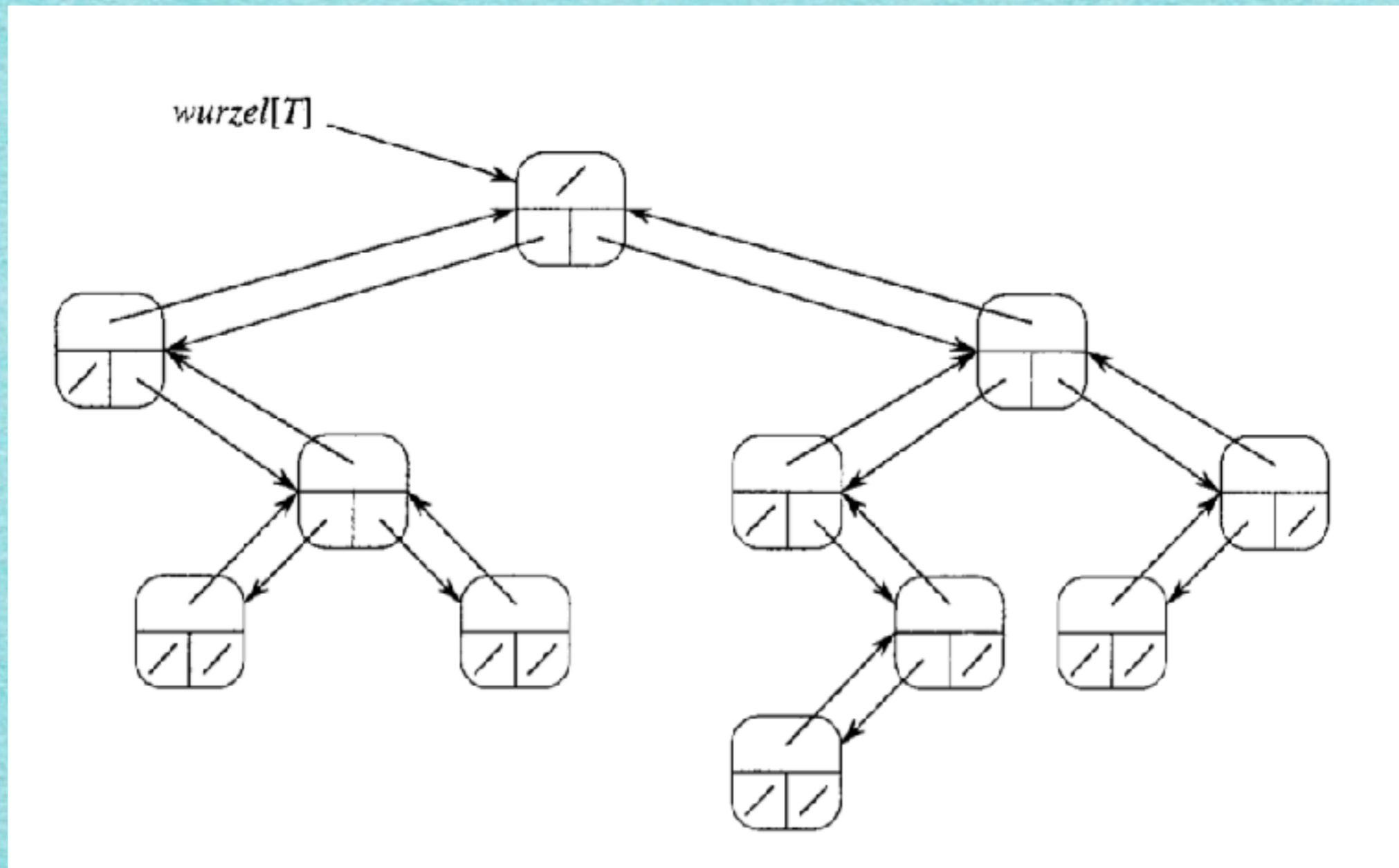
Binärer Suchbaum



Binärer Suchbaum



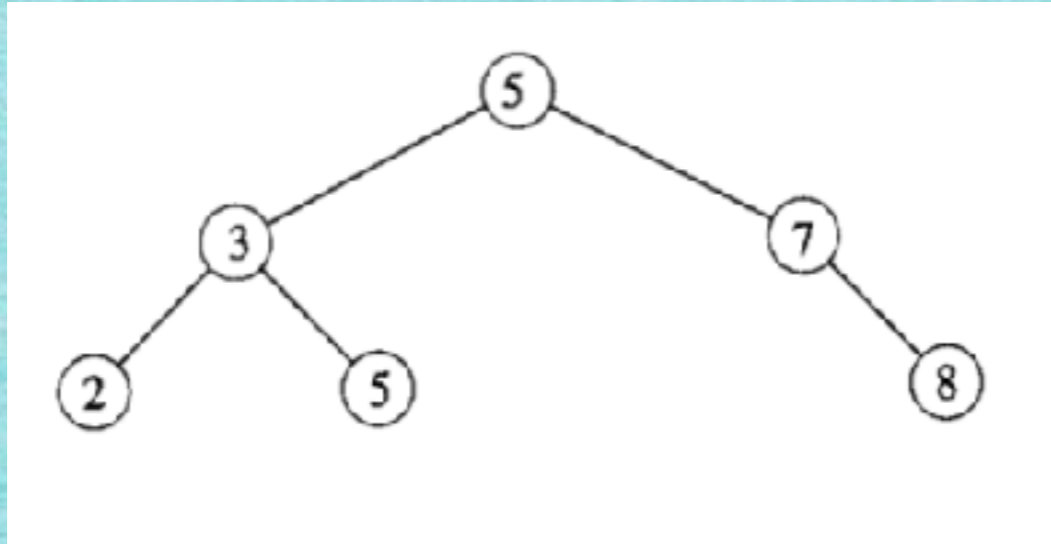
Binärer Suchbaum



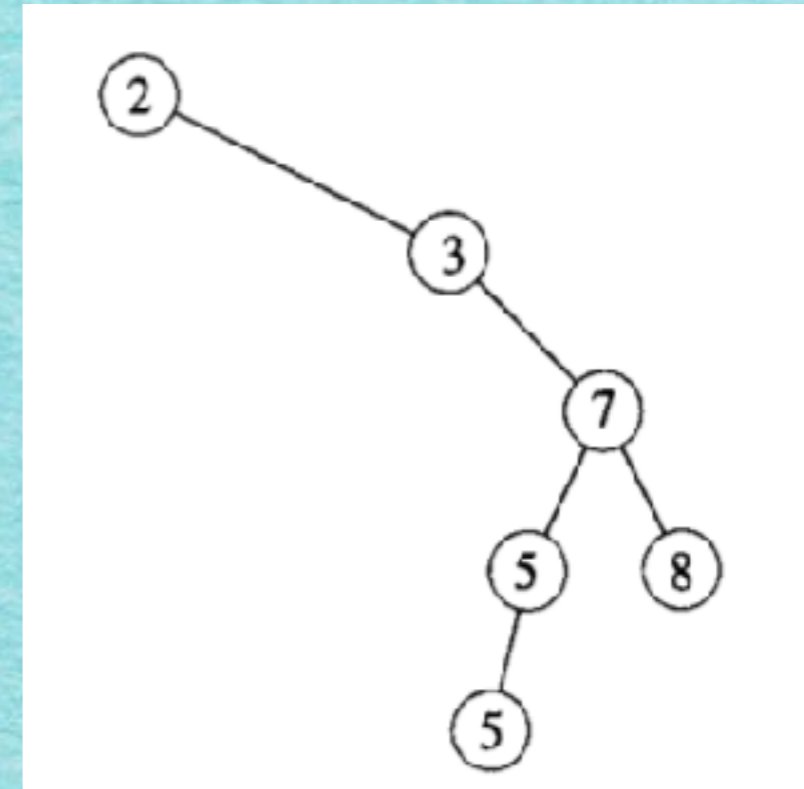
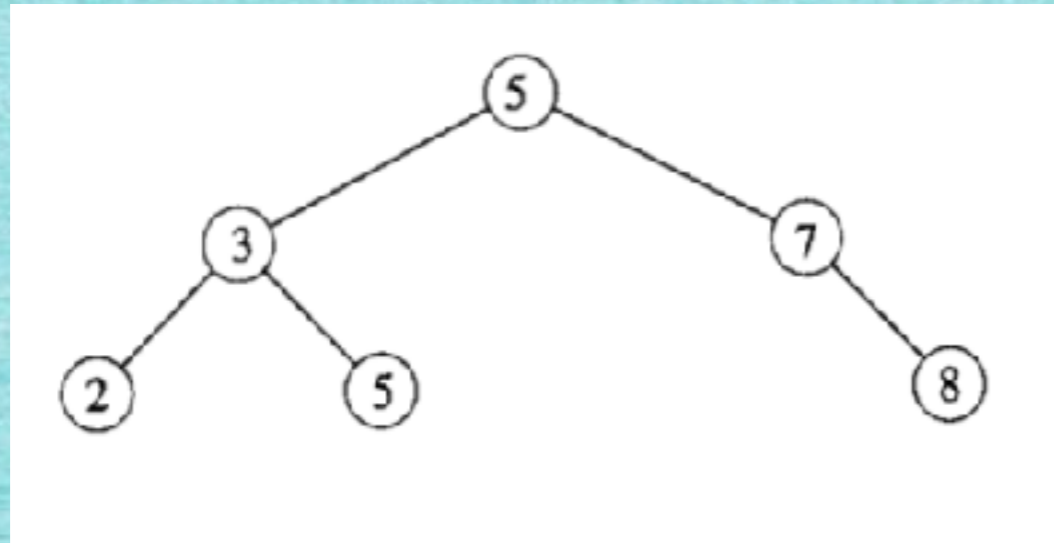
Außerdem wichtig: Struktur der Schlüsselwerte!

Ordnungsstruktur

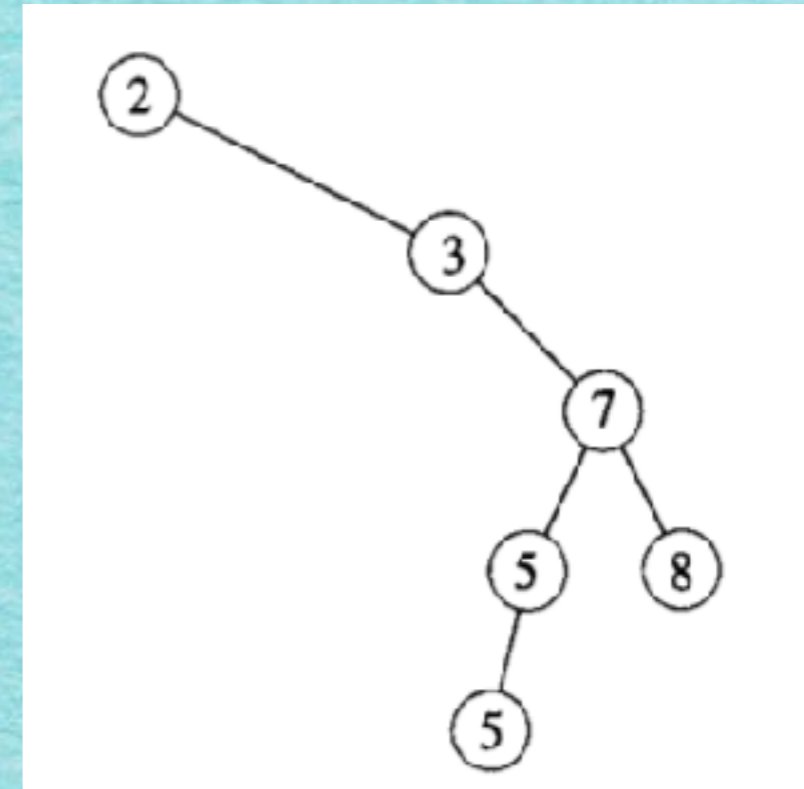
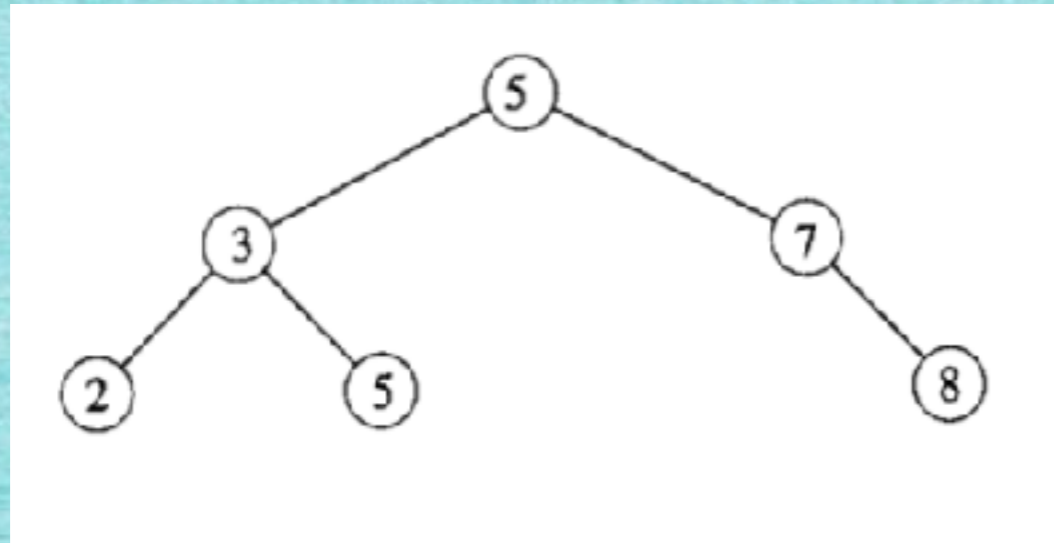
Ordnungsstruktur



Ordnungsstruktur



Ordnungsstruktur



Linker Teilbaum: Kleinere (bzw. nicht größere) Zahlen
Rechter Teilbaum: Größere Zahlen

Mehr demnächst!

s.fekete@tu-bs.de